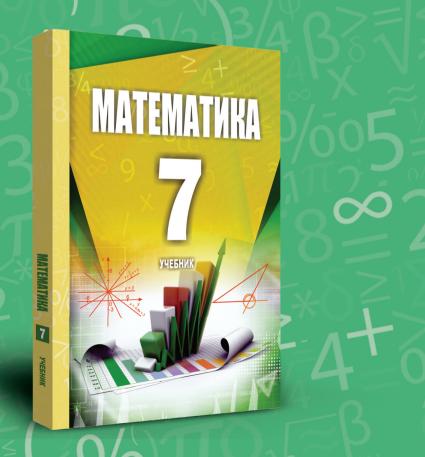
# 

**МЕТОДИЧЕСКОЕ ПОСОБИЕ** 



3/4





# Azərbaycan Respublikasının Dövlət Himni

Musiqisi Üzeyir Hacıbəylinin, sözləri Əhməd Cayadındır.

Azərbaycan! Azərbaycan!
Ey qəhrəman övladın şanlı Vətəni!
Səndən ötrü can verməyə cümlə hazırız!
Səndən ötrü qan tökməyə cümlə qadiriz!
Üçrəngli bayrağınla məsud yaşa!
Minlərlə can qurban oldu!
Sinən hərbə meydan oldu!
Hüququndan keçən əsgər,
Hərə bir qəhrəman oldu!

Sən olasan gülüstan, Sənə hər an can qurban! Sənə min bir məhəbbət Sinəmdə tutmuş məkan!

Namusunu hifz etməyə, Bayrağını yüksəltməyə Cümlə gənclər müştaqdır! Şanlı Vətən! Şanlı Vətən! Azərbaycan! Azərbaycan!

#### Севда Исмайылова

# MATEMATIKA

#### МЕТОДИЧЕСКОЕ ПОСОБИЕ

по предмету Математика для 7-го класса общеобразовательных школ

Замечания и предложения, связанные с этим изданием, просим отправлять на электронные адреса: info@eastwest.az и derslik@edu.gov.az
Заранее благодарим за сотрудничество!



### Содержание

Образец годового планирования по предмету Математика для 7-го класса	10
Глава I. Рациональные числа. Элементы треугольника	13
1.1. Представление и чтение рациональных чисел	
1.2. Числовая ось. Расстояние между двумя точками	
1.3. Бесконечная периодическая десятичная дробь	19
1.4. Преобразование периодической десятичной дроби в обыкновенную дробь	
1.5. Сравнение рациональных чисел	
1.6. Неравенство	
1.7. Действия над рациональными числами	
1.8. Множества	33
Образец малого суммативного оценивания № 1	36
1.9. Построение биссектрисы угла	37
1.10. Биссектрисы треугольника	
1.11. Медианы треугольника	
1.12. Высоты треугольника	
1.13. Аксиомы	
1.14. Теорема. Прямая и обратная теоремы	44
Образец малого суммативного оценивания № 2	48
Глава II. Степень с натуральным показателем. Конгруэнтность треугольников.	49
2.1. Степень с натуральным показателем	
2.2. Произведение степеней с одинаковыми основаниями	
2.3. Отношение степеней с одинаковыми основаниями	55
2.4. Возведение степени в степень	57
2.5. Возведение произведения в степень	59
2.6. Одночлен и его стандартный вид	
2.7. Возведение частного (дроби) в степень	
2.8. Выражения со степенью с натуральным показателем	
2.9. Формула простого процентного роста	
2.10. Формула сложного процентного роста	
Образец малого суммативного оценивания № 3	
2.11. Конгруэнтные треугольники	
2.12. Первый признак конгруэнтности треугольников	
2.13. Второй признак конгруэнтности треугольников	
2.14. Свойства равнобедренных треугольника	
2.15. Построение треугольника по трём сторонам	
2.16. Третий признак конгруэнтности треугольников	
Образец малого суммативного оценивания № $4\dots$	
Образец большого суммативного оценивания № 1	90

Глава III. Многочлен. Серединный перпендикуляр	
3.1. Многочлен и его стандартный вид	93
3.2. Сложение многочленов	94
3.3. Вычитание многочленов	96
3.4. Умножение одночлена на многочлен	98
3.5. Умножение многочлена на многочлен	
3.6. Разложение многочлена на множители	
3.7. Перпендикуляр и наклонная	
3.8. Деление отрезка пополам	105
3.9. Серединный перпендикуляр отрезка	
3.10. Центральная симметрия	108
3.11. Тождество. Тождественные преобразования	
3.12. Линейное уравнение с одной переменной	
3.13. Абсолютная погрешность	114
3.14. Относительная погрешность	
Образец малого суммативного оценивания № 5	120
Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности	121
4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений	
4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата	
разности двух выражений	125
4.3. Разность квадратов двух выражений	127
4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений	
4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений	
4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений	
4.7. Преобразование выражений	
Образец малого суммативного оценивания № 6	
4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей	
4.9. Признаки параллельности прямых	
4.10. Аксиома параллельности. Свойства параллельных прямых	
4.11. Углы с соответственно параллельными сторонами	
4.12. Углы с соответственно перпендикулярными сторонами	
Образец малого суммативного оценивания № 7	
Глава V. Система уравнений. Стороны и углы треугольника. Статистика и вероятность .	
5.1. Способы задания функции	
5.2. Линейная функция и её график	
5.3. График прямо пропорциональной зависимости	
5.4. Взаимное расположение графиков линейных функций	
5.5. Расстояние, время, скорость	
5.6. Измерение температуры	
5.7. Линейное уравнение с двумя переменными и его график	163
5.8. Система линейных уравнений с двумя переменными	1.65
и её решение графическим способом	165
5.9. Решение системы линейных уравнений с двумя переменными способом подстановки	
5.10. Решение системы линейных уравнений с двумя переменными способом сложения .	
5.11. Решение задач построением системы линейных уравнений с двумя переменными.	
Образец малого суммативного оценивания № 8	179

5.12.Сумма внутренних углов треугольника	180
5.13. Прямоугольный треугольник	182
5.14. Внешний угол треугольника и его свойство	184
5.15. Соотношения между сторонами и углами треугольника	188
5.16. Неравенство треугольника	190
5.17. Методы сбора информации	193
5.18. Презентация информации. Диаграмма, гистограмма, график	195
5.19. Прогнозирование	198
5.20. Число благоприятных исходов для относительно сложных событий	200
5.21. Вероятность события	202
5.22. Сумма вероятностей	204
Образец малого суммативного оценивания № 9	206
Образец большого суммативного оценивания № 2	207
Образцы рабочих листов	209
Формы и методы, используемые в преподавании предмета Математика	

#### Уважаемые учителя!

Учебный комплект для 7-го класса, состоящий из Учебника и Методического пособия, охватывает 5 содержательных линий, утверждённых в куррикулуме по математике для общеобразовательных школ Азербайджанской Республики. Учебный комплект написан на основе образовательной программы (куррикулума) по предмету Математика, требований, предъявляемых к составлению учебников и учебных пособий, и правил, составленных в форме соответствующих инструкций по планированию учебных материалов, определению методов обучения и осуществлению подготовки учителей.

#### Учебник состоит из 5 глав.

Темы, вошедшие в **I главу**, посвящены рациональным числам и действиям над ними. Сюда входят периодические десятичные дроби и действия над ними. В этой главе даются начальные понятия геометрии, понятия аксиомы и теоремы. Объясняется построение биссектрисы угла, понятия биссектрисы, медианы и высоты треугольника и отношения между ними. Для самостоятельного понимания этих тем учащиеся, выполняя задания, данные в разделе «Деятельность» каждой темы, и обсуждая полученные результаты, могут прийти к какому-либо выводу.

Темы, вошедшие во **II главу**, посвящены степеням с натуральным показателем и действиям над ними. Являясь продолжением темы о конгруэнтных фигурах, которая изучалась по математике в 6 классе, в 7 классе изучаются конгруэнтные треугольники и 3 признака их конгруэнтности. В эту главу были включены формулы простого и сложного процентного роста.

Темы, вошедшие в **III главу**, посвящены многочленам и действиям над ними. Построение серединного перпендикуляра отрезка и разделение отрезка пополам, центральная симметрия — темы, относящиеся к содержательной линии геометрии в III главе. В этой главе учащиеся обучаются определению абсолютной и относительной погрешности результатов измерения.

Темы, вошедшие в **IV главу**, охватывают формулы сокращённого умножения и их применение. В этой главе исследуются свойства углов, образованных при пересечении двух параллельных прямых секущей, аксиомы параллельности, свойства углов с соответственно параллельными и перпендикулярными сторонами.

К темам V главы относятся линейная функция, её график, линейное уравнение с двумя переменными, система линейных уравнений с двумя переменными, решение задач на составление системы уравнений. В этой главе раскрывается сущность зависимости между длиной пройденного пути и временем, затраченным на прохождение этого пути, при прямолинейном равномерном движении. В конце V главы даётся отношение между сторонами и углами треугольника, признаки конгруэнтности прямоугольного треугольника, сбор информации, и здесь учащиеся знакомятся с некоторыми источниками. Здесь представлены способы презентации

собранной информации и связанные с этим упражнения. Исследуются разные методы определения всех благоприятных исходов для осуществления события.

В конце каждой главы для учащихся даны задания под заголовком «Проверьте себя». Эти задания охватывают все темы главы.

В методическом пособии дан образец годового планирования по предмету Математика для 7-го класса. Этот образец плана охватывает 34 учебные недели. В начале каждой главы указаны стандарты, которые будут реализовываться при изучении тем, включённых в эту главу. Включённые в главу темы распланированы в соответствии с этапами современного урока. В каждом уроке показано, какому стандарту соответствует тема, форма работы на уроке, методы работы, ресурсы. В некоторых уроках указаны стандарты предметов, с которыми проводится интеграция. В ходе урока постановка проблемы дана в соответствии с разделом «Деятельность» данной темы в учебнике. В каждом уроке был поставлен соответствующий исследовательский вопрос, с целью проведения исследования к некоторым заданиям даны руководства и способы их решения. В конце каждого урока представлены образцы, соответствующие четырём уровням оценивания. Во время планирования многих уроков учителям представлены моменты, на которые им следует обратить внимание, даны определённые рекомендации под названием «Дифференциальное обучение», касающиеся работы, которая должна проводиться со слабыми и сильными по результатам обучения учащимися. Конечно, представленные образцы уроков не обязательны, это – определённая форма подхода. Каждый учитель самостоятелен в выборе целесообразной формы урока при условии реализации соответствующего стандарта. В методическом пособии даны образцы малого и большого суммативного оценивания. Учителя при годовом планировании могут продуктивно использовать эти образцы.

#### Знакомство с учебником:

Деятельность	Задание с целью проведения учащимися самостоятельной деятельности
Образец	Образец к теме
Можество рацимавалам чест обо- кочесте буква (О Можество мурга мане, част выжет выполняеменняем мурга мане, и часта парага параменты мурга мур	Объяснение темы, правила, определения
Упражнения	Упражнения по теме
Ecus γρογονωμούς κοιτέχη το γειών, το χωτικού επιγούν α μαικού γειών δύχηταν και καταπραπετικούτες, ουστικοί- και το γειών το γειών το γειών από το (ΔΙ = ΔΝ = ΛΝ = ΛΝ = ΛΛ = ΛΝ = ΛΝ = ΛΛ = ΛΛ	Примечания, данные в помощь учащимся
Ответы	Ответы некоторых заданий

#### В конце 7 класса учащийся:

- читает, записывает, сравнивает и выстраивает рациональные числа, применяет в решении задач свойства объединения и пересечения множеств;
- упрощает выражения со степенью с натуральным показателем, применяет формулы сокращённого умножения;
- применяет в решении простых задач формулы простого процентного роста и сложного процентного роста, в соответствии с бытовой ситуацией строит линейное уравнение или систему двух линейных уравнений с двумя переменными, пишет в виде неравенства двухуровневое выражение, произнесённое устно;
- выполняет действия сложения, вычитания и умножения над многочленами;
- решает линейное уравнение с одной переменной, уравнение с переменной в модуле и системы двух линейных уравнений с двумя переменными, способом подстановки определяет решение простых неравенств с переменной в модуле, выражает в виде линейной функции зависимость между величинами;
- знает основные элементы треугольника и отношения между ними, геометрически изображает, применяет теорему о сумме внутренних углов треугольника и свойство внешнего угла;
- делит отрезок пополам, строит серединный перпендикуляр отрезка, биссектрису угла и треугольник по его сторонам, строит фигуру, симметричную заданной фигуре, относительно данной точки, строит график прямой по заданному уравнению y = kx + b, определяет точки пересечения этой прямой с координатными осями;
- находит абсолютную и относительную погрешность результата измерения;
- представляет данные в виде диаграммы, гистограммы или графика, определяет границы изменения, проверяет и уточняет прогнозы на основе статистических данных;
- находит число элементарных событий в проводимом опыте и применяет формулу сложения вероятностей.

# Основные стандарты и подстандарты по содержательным линиям

#### 1. Числа и лействия

#### Учашийся:

- 1.1. Применяет числа, различную форму написания чисел, отношения между ними.
- 1.1.1. Читает и записывает рациональные числа.
- 1.1.2. Сравнивает и выстраивает рациональные числа.
- 1.1.3. Показывает на координатной оси точку, соответствующую рациональному числу.
- 1.1.4. Применяет в решении задач свойства объединения и пересечения множеств.
  - 1.2. Применяет математические действия, математические процедуры и их взаимосвязи.
- 1.2.1. Находит значение числового выражения, придерживаясь последовательности выполнения действий (в том числе возведение в степень с натуральным показателем).
- 1.2.2. Применяет свойства степени с натуральным показателем.

- 1.2.3. Упрощает выражения, включающие степень с натуральным показателем.
- 1.2.4. Применяет формулы сокращённого умножения при нахождении значения числовых выражений.
- 1.2.5. Применяет в решении простых задач формулы простого процентного роста и сложного процентного роста.
  - 1.3. Проводит расчёты, проверяет достоверность полученных результатов.
- 1.3.1. Проводит приблизительные расчёты в решении практических задач и проверяет достоверность полученных результатов.

#### 2. Алгебра и функции

#### Учашийся:

- 2.1. Выражает в алгебраической форме и исследует проблемы, возникающие при разных ситуациях.
- 2.1.1. Составляет в соответствии с бытовой ситуацией линейное уравнение или систему двух линейных уравнений с двумя переменными.
- 2.1.2. Записывает в виде неравенства двухуровневые выражения, произнесённые устно.
- 2.1.3. Определяет наличие/отсутствие линейной зависимости между парами координат, данных во множестве рациональных чисел.
  - 2.2. Выполняет алгебраические процедуры.
- 2.2.1. Выполняет действия сложения, вычитания и умножения над многочленами.
- 2.2.2. Решает линейное уравнение с одной переменной, уравнение с переменной под знаком модуля и систему двух линейных уравнений с двумя переменными.
- 2.2.3. Определяет способом подстановки решение простого неравенства с переменной в модуле.
  - 2.3. Выражает в виде функций зависимость между величинами, встречающимися в повседневной жизни.
- 2.3.1. Выражает в виде линейной функции зависимость между длиной пройденного пути и временем при прямолинейном равномерном движении и зависимость между температурой по Цельсию и температурой по Фаренгейту.

#### 3. Геометрия

#### Учащийся:

- 3.1. Исследует признаки и свойства фигур с помощью геометрического изображения, представления и логических суждений.
- Знает основные элементы треугольника и отношения между ними, геометрически их изображает.
- 3.1.2. Делит отрезок пополам, строит серединный перпендикуляр отрезка, биссектрису угла и треугольник по его сторонам.
- 3.1.3. Применяет свойства углов, полученных при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.

- 3.1.4. Применяет теорему о сумме внутренних углов треугольника и свойство внешнего угла.
- 3.1.5. Понимает понятия аксиомы, теоремы, прямой теоремы и обратной теоремы.
  - 3.2. Применяет геометрические преобразования и симметрию при проблемном решении ситуаций.
- 3.2.1. Строит фигуру, симметричную заданной фигуре, относительно данной точки (Центральная симметрия).
- 3.2.2. Знает и применяет признаки конгруэнтности треугольника.
- 3.2.3. Строит график прямой, заданной уравнением y = kx + b, определяет точки пересечения этой прямой с координатными осями.

#### 4. Измерение

#### Учащийся:

- 4.1. Понимает значение единиц измерения, использует соответствующие инструменты для измерения.
- 4.1.1. Переводит единицы измерения одноименной величины из одной в другую.
  - 4.2. Проводит вычисления, используя средства измерения и вычисления.
- 4.2.1. Находит абсолютную и относительную погрешность результатов измерения.

#### 5. Статистика и вероятность

#### Учащийся:

- 5.1. Собирает, систематизирует статистические данные, представляет анализ и результат.
- 5.1.1. Собирает данные, используя разные методы.
- 5.1.2. Представляет данные в виде диаграммы, гистограммы или графика.
- 5.1.3. Определяет границы изменения собранных числовых данных.
- 5.1.4. Проверяет и уточняет прогнозы на основе статистических данных.
  - 5.2. Понимает и применяет основные понятия теории вероятности.
- 5.2.1. Находит число элементарных событий в проводимом эксперименте и на его основе вычисляет вероятность событий.
- 5.2.2. Определяет число благоприятных исходов для относительно сложных событий.
- 5.2.3. Применяет формулу суммы вероятностей.

#### Образец годового планирования по предмету Математика для 7-го класса

No	Тема	Часы	Стандарты
	Глава І. Рациональные числа.	30	
	Элементы треугольника	30	
1.1.	Представление и чтение рациональных чисел	2	1.1.1.
1.2.	Числовая ось. Расстояние между двумя точками	2	1.1.3.
1.3.	Бесконечная периодическая десятичная дробь	2	1.1.1.
1.4.	Преобразование периодической десятичной дроби в обыкновенную дробь	3	1.1.1.
1.5.	Сравнение рациональных чисел	2	1.1.2.
1.6.	Неравенство	2	2.1.2., 2.2.3.
1.7.	Действия над рациональными числами	2	1.2.1.
1.8.	Множества	2	1.1.4.
	Образец малого суммативного оценивания № 1	1	
1.9.	Построение биссектрисы угла	1	3.1.2.
1.10.	Биссектрисы треугольника	2	3.1.1.
1.11.	Медианы треугольника	1	3.1.1.
1.12.	Высоты треугольника	2	3.1.1.
1.13.	Аксиомы	2	3.1.5.
1.14.	Теорема. Прямая и обратная теоремы	2	3.1.5.
	Проверьте себя	1	
	Образец малого суммативного оценивания № 2	1	
	Глава II. Степень с натуральным показателем.	30+1	
	Конгруэнтность треугольников	30+1	
2.1.	Степень с натуральным показателем	2	1.2.2.
2.2.	Произведение степеней с одинаковыми основаниями	1	1.2.2.
2.3.	Отношение степеней с одинаковыми основаниями	2	1.2.2.
2.4.	Возведение степени в степень	2	1.2.2.
2.5.	Возведение произведения в степень	1	1.2.2.
2.6.	Одночлен и его стандартный вид	2	1.2.2.
2.7.	Возведение частного (дроби) в степень	1	1.2.2.
2.8.	Выражения со степенью с натуральным показателем	2	1.2.1., 1.2.3.
2.9.	Формула простого процентного роста	2	1.2.5.
2.10.	Формула сложного процентного роста	2	1.2.5.
	Образец малого суммативного оценивания № 3	1	
2.11.	Конгруэнтные треугольники	1	3.2.2.
2.12.	Первый признак конгруэнтности треугольников	2	3.2.2.
2.13.	Второй признак конгруэнтности треугольников	2	3.2.2., 4.1.1.

2.14. Свойства равнобедренных треугольника         2         3.1.1.           2.15. Построение треугольника по трём сторонам         1         3.1.2.           2.16. Третий признак конгруэтности треугольников         2         3.2.2.           Проверьте себя         1         1           Образец малого суммативного оценивания № 4         1         1           Образец большого суммативного оценивания № 1         1         2           Тлава III. Многочлен. Серединный перпендикуляр         23         3.1.           3.1. Многочлен и его стандартный вид         1         2.2.1.           3.2. Сложение многочленов         1         2.2.1.           3.3. Вычитание многочлена на многочлен         2         2.2.1.           3.4. Умножение одночлена на многочлен         2         2.2.1.           3.5. Умножение многочлена на многочлен         2         2.2.1.           3.5. Умножение многочлена на множители         1         3.1.2.           3.7. Перпендикуляр и наклонная         1         3.1.2.           3.8. Деление отрежа пополам         2         3.1.2.           3.9. Серединный перпендикуляр отрезка         1         3.1.2.           3.10. Центральная симметрия         2         3.2.1.           3.1.1. Тождество. Тождественные преобразования <t< th=""><th></th><th></th><th></th><th></th></t<>					
2.16. Третий признак конгруэнтности треугольников         2         3.2.2.           Проверьте себя         1         1           Образец малого суммативного оценивания № 1         1           Глава III. Многочлен. Серединный перпендикуляр         23           3.1. Многочлен и его стандартный вид         1         2.2.1.           3.2. Сложение многочленов         1         2.2.1.           3.3. Вычитание многочленов         2         2.2.1.           3.4. Умножение одночлена на многочлен         1         2.2.1.           3.5. Умножение многочлена на многочлен         2         2.2.1.           3.6. Разложение многочлена на множители         1         2.2.1.           3.7. Перпендикуляр и наклонная         1         3.1.2.           3.8. Деление отрезка пополам         2         3.1.2.           3.9. Серединный перпендикуляр отрезка         1         3.1.2.           3.10. Центральная симметрия         2         3.2.1.           3.11. Тождество. Тождественные преобразования         1         2.2.1.           3.12. Линейное уравнение с одной переменной         2         2.2.2.           3.13. Абсолютная погрешность         2         4.2.1., 1.3.1.           Проверьте себя         1         1           Образец малого суммативног	2.14.	Свойства равнобедренных треугольника	2	3.1.1.	
Проверьте себя Образец малого суммативного оценивания № 4 Образец большого суммативного оценивания № 1  Глава III. Многочлен. Серединный перпендикуляр  3.1. Многочлен и его стандартный вид  3.2. Сложение многочленов  1 2.2.1.  3.3. Вычитание многочленов  3.4. Умножение одночлена на многочлен  3.5. Умножение многочлена на многочлен  3.6. Разложение многочлена на многочлен  3.7. Перпендикуляр и наклонная  1 2.2.1.  3.8. Деление отрезка пополам  2 3.1.2.  3.9. Серединный перпендикуляр отрезка  3.10. Центральная симметрия  3.11. Тождество. Тождественные преобразования  3.12. Линейное уравнение с одной переменной  2 2.2.2.  3.13. Абсолютная погрешность  1 Образец малого суммативного оценивания № 5  Глава IV. Формулы сокращённого умножения.  Признаки параллельности  4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений  4.2. Разложение на множители с использованием формул квадратов двух выражений  4.3. Разножение на множители с умны кубов двух выражений  4.4. Куб сумыы и куб разности двух выражений  4.5. Разложение на множители с умны кубов двух выражений  4.6. Выражений  4.7. Преобразование выражений  4.8. Утлы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей  4.9. Признаки параллельности Свойства параллельных  4 10 Аксиома параллельности Свойства параллельных  2 3.1.3.  4 10 Аксиома параллельности прямых  2 3.1.3.	2.15.	Построение треугольника по трём сторонам	1	3.1.2.	
Образец малого суммативного оценивания № 1         1           Собразец большого суммативного оценивания № 1         1           Глава III. Многочлен. Серединный перпендикуляр         23           3.1. Многочлен и его стандартный вид         1         2.2.1.           3.2. Сложение многочленов         1         2.2.1.           3.3. Вытитание многочлена на многочлен         1         2.2.1.           3.4. Умножение одночлена на многочлен         2         2.2.1.           3.5. Умножение многочлена на множители         1         2.2.1.           3.6. Разложение многочлена на множители         1         2.2.1.           3.7. Перпендикуляр и наклонная         1         3.1.2.           3.8. Деление отрезка пополам         2         3.1.2.           3.9. Серединный перпендикуляр отрезка         1         3.1.2.           3.10. Центральная симметрия         2         3.2.1.           3.11. Тождество. Тождественные преобразования         1         2.2.1.           3.12. Линейное уравнение с одной переменной         2         2.2.2.           3.13. Абсолютная погрешность         2         4.2.1., 1.3.1.           Проверьте себя         1         1           Образец малого суммативного оценивания № 5         1           Глав IV. Формулы сокращённого умн	2.16.	Третий признак конгруэнтности треугольников		3.2.2.	
Образец большого суммативного оценивания № 1         1           Глава III. Многочлен. Серединный перпендикуляр         23           3.1. Многочлен и его стандартный вид         1         2.2.1.           3.2. Сложение многочленов         1         2.2.1.           3.3. Вычитание многочленов         2         2.2.1.           3.4. Умножение одночлена на многочлен         1         2.2.1.           3.5. Умножение многочлена на многочлен         2         2.2.1.           3.6. Разложение многочлена на множители         1         2.2.1.           3.7. Перпендикуляр и наклонная         1         3.1.2.           3.8. Деление отрезка пополам         2         3.1.2.           3.9. Серединный перпендикуляр отрезка         1         3.1.2.           3.10. Центральная симметрия         2         3.2.1.           3.11. Тождество. Тождественные преобразования         1         2.2.1.           3.12. Линейное уравнение с одной переменной         2         2.2.2.           3.13. Абсолютная погрешность         2         4.2.1., 1.3.1.           1 Проверьте себя         1         1           Образец малого суммативного оценивания № 5         1           1 Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности         3         1.2.4.		Проверьте себя	1		
Блава III. Многочлен. Серединный перпендикуляр         23           3.1. Многочлен и его стандартный вид         1         2.2.1.           3.2. Сложение многочленов         1         2.2.1.           3.3. Вычитание многочлена на многочлен         2         2.2.1.           3.4. Умножение многочлена на многочлен         2         2.2.1.           3.5. Умножение многочлена на множители         1         2.2.1.           3.6. Разложение многочлена на множители         1         2.2.1.           3.7. Перпендикуляр и наклонная         1         3.1.2.           3.8. Деление отрезка пополам         2         3.1.2.           3.9. Серединный перпендикуляр отрезка         1         3.1.2.           3.10. Центральная симметрия         2         3.2.1.           3.11. Тождество. Тождественные преобразования         1         2.2.1.           3.12. Линейное уравнение с одной переменной         2         2.2.2.           3.13. Абсолютная погрешность         2         4.2.1., 1.3.1.           1 Проверьте себя         1         0бразец малого суммативного оценивания № 5         1           1 Глава IV. Формуль сокращённого умножения. Признаки параллельности двух выражений         3         1.2.4.           4.2. Квадрата сумыы и квадрата разности двух выражений         3         1.		Образец малого суммативного оценивания № 4	1		
3.1. Многочлен и его стандартный вид       1       2.2.1.         3.2. Сложение многочленов       1       2.2.1.         3.3. Вычитание многочленов       2       2.2.1.         3.4. Умножение одночлена на многочлен       1       2.2.1.         3.5. Умножение многочлена на множители       1       2.2.1.         3.6. Разложение многочлена на множители       1       2.2.1.         3.7. Перпендикуляр и наклонная       1       3.1.2.         3.8. Деление отрезка пополам       2       3.1.2.         3.9. Серединный перпендикуляр отрезка       1       3.1.2.         3.10. Центральная симметрия       2       3.2.1.         3.11. Тождество. Тождественные преобразования       1       2.2.1.         3.12. Линейное уравнение с одной переменной       2       2.2.2.         3.13. Абсолютная погрешность       2       2.2.2.         3.14. Относительная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         4.1. Квадрат сумы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2. квадрата сумы и квадрата разности двух выражений       3       1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.		Образец большого суммативного оценивания № 1	1		
3.2. Сложение многочленов 3.3. Вычитание многочленов 3.4. Умножение одночлена на многочлен 3.5. Умножение многочлена на многочлен 3.6. Разложение многочлена на многочлен 3.7. Перпендикуляр и наклонная 3.8. Деление отрезка пополам 3.9. Серединный перпендикуляр отрезка 3.10. Центральная симметрия 3.11. Тождество. Тождественные преобразования 3.12. Линейное уравнение с одной переменной 3.12. Линейное уравнение с одной переменной 3.13. Абсолютная погрешность 3.14. Относительная погрешность 4.1 Образец малого суммативного оценивания № 5  Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности 4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений 4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений 4.3. Разность квадратов двух выражений 4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений 4.5. Выражений 4.6. Разложение на множители суммы кубов двух выражений 4.7. Преобразование выражений 4.8. Разложение на множители разности кубов двух выражений 4.9. Признаки параллельности 4.10 Аксиома параллельности прямых 4.10 Аксиома параллельности прямых 4.10 Аксиома параллельности прямых 4.10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных 4.10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных 4.10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных 4.10		Глава III. Многочлен. Серединный перпендикуляр 23			
3.3. Вычитание многочленов  3.4. Умножение одночлена на многочлен  3.5. Умножение многочлена на многочлен  3.6. Разложение многочлена на множители  3.7. Перпендикуляр и наклонная  3.8. Деление отрезка пополам  3.9. Серединный перпендикуляр отрезка  3.10. Центральная симметрия  3.11. Тождество. Тождественные преобразования  3.12. Линейное уравнение с одной переменной  3.12. Линейное уравнение с одной переменной  3.12. Линейное уравнение с одной переменной  3.14. Относительная погрешность  3.15. Глава IV. Формулы сокращённого умножения.  Проверьте себя  4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений  4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений  4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений  4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений  4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений  4.6. Разложение на множители суммы кубов двух выражений  4.7. Преобразование выражений  4.8. Разложение вы множители разности кубов двух выражений  4.9. Признаки параллельности прямых  4.0 Аксиома параллельности прямых  4.10 Аксиома параллельности прямых  2. 3.1.3.  3.1.3.  2. 3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3.  3.1.3	3.1.	Многочлен и его стандартный вид	1	2.2.1.	
3.4.       Умножение одночлена на многочлен       1       2.2.1.         3.5.       Умножение многочлена на многочлен       2       2.2.1.         3.6.       Разложение многочлена на множители       1       2.2.1.         3.7.       Перпендикуляр и наклонная       1       3.1.2.         3.8.       Деление отрезка пополам       2       3.1.2.         3.9.       Серединный перпендикуляр отрезка       1       3.1.2.         3.10.       Центральная симметрия       2       3.2.1.         3.11.       Тождество. Тождественные преобразования       1       2.2.1.         3.12.       Линейное уравнение с одной переменной       2       2.2.2.         3.13.       Абсолютная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         3.14.       Относительная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1       1       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1       1         4.1.       Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2.       Разложение на множители сумы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.4.       Куб суммы и куб разности двух выражений       3       1.2.4.         4.5.	3.2.	Сложение многочленов	1	2.2.1.	
3.5.       Умножение многочлена на многочлен       2       2.2.1.         3.6.       Разложение многочлена на множители       1       2.2.1.         3.7.       Перпендикуляр и наклонная       1       3.1.2.         3.8.       Деление отрезка пополам       2       3.1.2.         3.9.       Серединный перпендикуляр отрезка       1       3.1.2.         3.10.       Центральная симметрия       2       3.2.1.         3.11.       Тождество. Тождественные преобразования       1       2.2.1.         3.12.       Линейное уравнение с одной переменной       2       2.2.2.         3.13.       Абсолютная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         Тлава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности       30         4.1.       Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2.       Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       3       1.2.4.         4.5.       Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6.       Разложение на множители разности кубов двух выражений       3       1.2.4. <th>3.3.</th> <td>Вычитание многочленов</td> <th>2</th> <td>2.2.1.</td>	3.3.	Вычитание многочленов	2	2.2.1.	
3.6. Разложение многочлена на множители       1       2.2.1.         3.7. Перпендикуляр и наклонная       1       3.1.2.         3.8. Деление отрезка пополам       2       3.1.2.         3.9. Серединный перпендикуляр отрезка       1       3.1.2.         3.10. Центральная симметрия       2       3.2.1.         3.11. Тождество. Тождественные преобразования       1       2.2.1.         3.12. Линейное уравнение с одной переменной       2       2.2.2.         3.13. Абсолютная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         1 Проверьте себя       1       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         1 Признаки параллельности       30         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2. Разложение на множители с использованием формул кваграта суммы и квадрата разности двух выражений       3       1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4. </td <th>3.4.</th> <td>Умножение одночлена на многочлен</td> <th>1</th> <td>2.2.1.</td>	3.4.	Умножение одночлена на многочлен	1	2.2.1.	
3.7. Перпендикуляр и наклонная       1       3.1.2.         3.8. Деление отрезка пополам       2       3.1.2.         3.9. Серединный перпендикуляр отрезка       1       3.1.2.         3.10. Центральная симметрия       2       3.2.1.         3.11. Тождество. Тождественные преобразования       1       2.2.1.         3.12. Линейное уравнение с одной переменной       2       2.2.2.         3.13. Абсолютная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         3.14. Относительная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности       30         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       3       1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей	3.5.	Умножение многочлена на многочлен	2	2.2.1.	
3.8. Деление отрезка пополам       2       3.1.2.         3.9. Серединный перпендикуляр отрезка       1       3.1.2.         3.10. Центральная симметрия       2       3.2.1.         3.11. Тождество. Тождественные преобразования       1       2.2.1.         3.12. Линейное уравнение с одной переменной       2       2.2.2.         3.13. Абсолютная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         3.14. Относительная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       3       1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.         4.5. Разложение на множители двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей<	3.6.	Разложение многочлена на множители	1	2.2.1.	
3.9. Серединный перпендикуляр отрезка       1       3.1.2.         3.10. Центральная симметрия       2       3.2.1.         3.11. Тождество. Тождественные преобразования       1       2.2.1.         3.12. Линейное уравнение с одной переменной       2       2.2.2.         3.13. Абсолютная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         3.14. Относительная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         Глава IV. Формулы сокращённого умножения.         Признаки параллельности       3         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       3       1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3       1.2.4.         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1	3.7.	Перпендикуляр и наклонная	1	3.1.2.	
3.10. Центральная симметрия       2       3.21.         3.11. Тождество. Тождественные преобразования       1       2.2.1.         3.12. Линейное уравнение с одной переменной       2       2.2.2.         3.13. Абсолютная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         3.14. Относительная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2       1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3       1.2.4.         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9. Признаки параллельности прямых       2       3.1.3         4.10       Аксиома параллельности. Свойства	3.8.	Деление отрезка пополам	2	3.1.2.	
3.11. Тождество. Тождественные преобразования       1       2.2.1.         3.12. Линейное уравнение с одной переменной       2       2.2.2.         3.13. Абсолютная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         3.14. Относительная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2         4.3. Разность квадратов двух выражений       3         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9. Признаки параллельности прямых третьей       2       3.1.3.         4.10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.	3.9.	Серединный перпендикуляр отрезка	1	3.1.2.	
3.12. Линейное уравнение с одной переменной       2       2.2.2.         3.13. Абсолютная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         3.14. Относительная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности       30         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2       1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3       1.2.4.         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9. Признаки параллельности прямых       2       3.1.3.         4.10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3	3.10.	Центральная симметрия	2	3.2.1.	
3.13. Абсолютная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         3.14. Относительная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1         Собразец малого суммативного оценивания № 5         Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2         4.3. Разность квадратов двух выражений       3         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       2         4.7. Преобразование выражений       3         4.8. Преобразование выражений       3         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1         4.9. Признаки параллельности прямых       2         4.10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2	3.11.	Тождество. Тождественные преобразования	1	2.2.1.	
3.14. Относительная погрешность       2       4.2.1., 1.3.1.         Проверьте себя       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2         4.3. Разность квадратов двух выражений       3         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       2         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3         4.7. Преобразование выражений       3         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1         4.9. Признаки параллельности прямых докаки параллельности. Свойства параллельных       2         4.10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных	3.12.	Линейное уравнение с одной переменной	2	2.2.2.	
Проверьте себя       1         Образец малого суммативного оценивания № 5       1         Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2         4.3. Разность квадратов двух выражений       3         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       2         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       3         4.7. Преобразование выражений       3         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1         4.8. Признаки параллельности прямых       2         4.9. Признаки параллельности прямых       2         4 10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных	3.13.	Абсолютная погрешность	2	4.2.1., 1.3.1.	
Образец малого суммативного оценивания № 5       1         Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности       30         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2       1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3       1.2.4.         4.5. Вазложение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       2       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9. Признаки параллельности прямых       2       3.1.3.         4 10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.	3.14.	Относительная погрешность	2	4.2.1., 1.3.1.	
Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3 1.2.4.         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2 1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3 1.2.4.         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3 1.2.4.         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3 1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       2 1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3 1.2.4.         Образец малого суммативного оценивания № 6       1         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1 3.1.3.         4.9. Признаки параллельности прямых       2 3.1.3.         4 10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2 3.1.3.		Проверьте себя	1		
Признаки параллельности         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2       1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3       1.2.4.         4.5. Выражение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       2       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9. Признаки параллельности прямых       2       3.1.3.         4.10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.		Образец малого суммативного оценивания № 5	1		
Признаки параллельности         4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений       3       1.2.4.         4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2       1.2.4.         4.3. Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.         4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3       1.2.4.         4.5. Валожение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       2       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9. Признаки параллельности прямых       2       3.1.3.         4 10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.		Глава IV. Формулы сокращённого умножения.	20		
4.2.       Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений       2       1.2.4.         4.3.       Разность квадратов двух выражений       3       1.2.4.         4.4.       Куб суммы и куб разности двух выражений       3       1.2.4.         4.5.       Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6.       Разложение на множители разности кубов двух выражений       2       1.2.4.         4.7.       Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.7.       Преобразование выражений       3       1.2.4.         4.8.       Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9.       Признаки параллельности прямых третьей       2       3.1.3.         4.10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.		Признаки параллельности	30		
<ul> <li>4.2. квадрата суммы и квадрата разности двух выражений</li> <li>4.3. Разность квадратов двух выражений</li> <li>3 1.2.4.</li> <li>4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений</li> <li>3 1.2.4.</li> <li>4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений</li> <li>4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений</li> <li>4.7. Преобразование выражений</li> <li>4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей</li> <li>4.9. Признаки параллельности прямых</li> <li>4.10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных</li> <li>2 3.1.3.</li> <li>3 1.2.4.</li> <li>3 1.2.4.</li> <li>3 1.3.4.</li> </ul>	4.1.	Квадрат суммы и разности двух выражений	3	1.2.4.	
4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений       3       1.2.4.         4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6. Разложение на множители разности кубов двух выражений       2       1.2.4.         4.7. Преобразование выражений       3       1.2.4.         Образец малого суммативного оценивания № 6       1         4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9. Признаки параллельности прямых       2       3.1.3.         4 10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.	4.2.		2	1.2.4.	
4.5.       Разложение на множители суммы кубов двух выражений       3       1.2.4.         4.6.       Разложение на множители разности кубов двух выражений       2       1.2.4.         4.7.       Преобразование выражений       3       1.2.4.         Образец малого суммативного оценивания № 6       1         4.8.       Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9.       Признаки параллельности прямых       2       3.1.3.         4 10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.	4.3.	Разность квадратов двух выражений	3	1.2.4.	
4.5.       выражений       3       1.2.4.         4.6.       Разложение на множители разности кубов двух выражений       2       1.2.4.         4.7.       Преобразование выражений       3       1.2.4.         Образец малого суммативного оценивания № 6       1         4.8.       Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9.       Признаки параллельности прямых       2       3.1.3.         4 10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.	4.4.	Куб суммы и куб разности двух выражений	3	1.2.4.	
4.6. выражений  4.7. Преобразование выражений  Образец малого суммативного оценивания № 6  4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей  4.9. Признаки параллельности прямых  4.10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных  2 3.1.3.	4.5.		3	1.2.4.	
Образец малого суммативного оценивания № 6         4.8.       Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9.       Признаки параллельности прямых       2       3.1.3.         4.10       Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.	4.6.		2		
4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей       1       3.1.3.         4.9. Признаки параллельности прямых       2       3.1.3.         4 10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.	4.7.	Преобразование выражений	3	1.2.4.	
4.8. третьей       1       3.1.3.         4.9. Признаки параллельности прямых       2       3.1.3.         4.10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных       2       3.1.3.		Образец малого суммативного оценивания № 6	1		
4 10 Аксиома параллельности. Свойства параллельных 2 3 1 3	4.8.		1	3.1.3.	
1 4 10 1 2 13 13	4.9.		2	3.1.3.	
	4.10.	<u>*</u>	2	3.1.3.	

4 1 1	X 7	2	2.1.2	
4.11.	Углы с соответственно параллельными сторонами	2	3.1.3.	
4.12.	Углы с соответственно перпендикулярными	1 3.1.3.		
	сторонами	1		
	Проверьте себя	1		
	Образец малого суммативного оценивания № 7	1		
	Глава V. Система уравнений. Стороны и углы	44		
<i>7</i> 1	треугольника, Статистика и вероятность	4	212 512	
5.1.	Способы задания функции	1	2.1.3., 5.1.2.	
5.2.	Линейная функция и её график	2	2.1.3., 3.2.3.	
5.3.	График прямо пропорциональной зависимости	1	2.1.3., 3.2.3.	
5.4.	Взаимное расположение графиков линейных функций	1	2.1.3., 3.2.3.	
	Расстояние, время, скорость	1	2.3.1.	
5.6.	Измерение температуры	1	2.3.1., 4.1.1.	
5.7.	Линейное уравнение с двумя переменными и его график	2	2.1.1., 3.2.3.	
5.8.	Система линейных уравнений с двумя переменными и её решение графическим способом	3	2.1.1.	
5.9.	Решение системы линейных уравнений с двумя переменными способом подстановки	3	3 2.1.1.	
5.10.	Решение системы линейных уравнений с двумя переменными способом сложения	3	2.1.1.	
5.11.	Решение задач построением системы линейных уравнений с двумя переменными	3	3 2.1.1.	
	Образец малого суммативного оценивания № 8	1		
5.12.	Сумма внутренних углов треугольника	2	3.1.4.	
5.13.	Прямоугольный треугольник	2	3.2.2., 3.1.1.	
5.14.	Внешний угол треугольника и его свойство	2	3.1.4.	
5.15.	Соотношения между сторонами и углами треугольника	1	3.1.1.	
5.16.	Неравенство треугольника	2	3.1.1.	
5.17.	Методы сбора информации	2	5.1.1.	
5.18.	Презентация информации. Диаграмма, гистограмма, график	2	5.1.2., 5.1.3.	
5.19.	Прогнозирование	1	5.1.4.	
5.20.	Число благоприятных исходов для относительно сложных событий			
5.21.	Вероятность события	2	5.2.1.	
5.22.	Сумма вероятностей	1	5.2.3.	
	Проверьте себя	1		
	Образец малого суммативного оценивания № 9	1		
	Повтор	11		
	Образец большого суммативного оценивания № 2	1		
	~			

#### ГЛАВА І

#### РАЦИОНАЛЬНЫЕ ЧИСЛА. ЭЛЕМЕНТЫ ТРЕУГОЛЬНИКА

Стандарт	Учебная единица	Тема		
1.1.1.		Урок 1.1. Представление и чтение рациональных чисел	2	
1.1.3.		<b>Урок 1.2.</b> Числовая ось. Расстояние между двумя точками	2	
1.1.1.		<b>Урок 1.3.</b> Бесконечная периодическая десятичная дробь	2	
1.1.1.		<b>Урок 1.4.</b> Преобразование периодической десятичной дроби в обыкновенную дробь	3	
1.1.2.	ei.	Урок 1.5. Сравнение рациональных чисел	2	
2.1.2., 2.2.3.	Глава I . Рациональные числа. Элементы треугольника	Урок 1.6. Неравенство	2	
1.2.1.	льнь	Урок 1.7. Действия над рациональными числами	2	
1.1.4.	иона г тре	Урок 1.8. Множества	2	
	Рац енть	Образец малого суммативного оценивания № 1	1	
3.1.5.	ва I.	Урок 1.9. Построение биссектрисы угла	1	
3.1.5.	Lia	Урок 1.10. Биссектрисы треугольника	2	
3.1.2.		Урок 1.11. Медианы треугольника	1	
3.1.1.		Урок 1.12. Высоты треугольника	2	
3.1.1.		Урок 1.13. Аксиомы	2	
3.1.1.		Урок 1.14. Теорема. Прямая и обратная теоремы	2	
		Проверьте себя	1	
		Образец малого суммативного оценивания № 2	1	

#### Урок 1.1. Представление и чтение рациональных чисел

Стандарт: 1.1.1. Читает и записывает рациональные

**Результат обучения:** Читает и записывает рациональные числа.

**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** Деятельность, данная в учебнике, выполняется учащимися коллективно или самостоятельно. В это время условие деятельности может быть спроецировано на экран посредством компьютера. Натуральные, целые, дробные числа



учащиеся знают из курса математики за 5–6 классы. Выполняя деятельность, они вспоминают множества натуральных, целых чисел, показывают эти числа в виде дроби, и отсюда выводится определение рациональных чисел.

Учитель представляет учащимся схему, отражающую множества натуральных, целых и рациональных чисел, и, задавая вопросы, объясняет им эту схему. К сведению учащихся доводится обозначение множества рациональных чисел знаком Q.

#### Исследовательский вопрос: Как записываются и читаются рациональные числа?

Для проведения исследования учащиеся делятся на группы. Задания № 1-7 выполняются в течение первого урока, задания № 8-12 — в течение второго урока. Учащимися объясняется, к какому множеству относятся результаты, полученные при выполнении данных заданий, и тем самым, во время выполнения заданий осуществляется цель урока, т.е. ответ на исследовательский вопрос.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 7. Во время решения задания над рациональными числами выполняются действия сложения, вычитания, умножения и деления. С этими действиями учащиеся знакомы из курса математики за 6 класс. Самым удобным способом при вычислении является вынесение общего множителя за скобки.

a) 
$$\frac{0,15 - 0,15 \cdot 6,4}{-\frac{3}{8} + 0,175} = \frac{0,15 \cdot \left(1 - 6,4\right)}{-0,375 + 0,175} = \frac{0,15 \cdot \left(-5,4\right)}{-0,2} = \frac{-0,81}{-0,2} = \frac{8,1}{2} = 4,05; \quad 4,05 \in \mathbb{Q};$$

6) 
$$\frac{0,45-0,45\cdot 3,4}{1\frac{1}{2}-1,1} = \frac{0,45\left(1-3,4\right)}{1,5-11} = \frac{0,45\left(-2,4\right)}{0,4} = \frac{-1,08}{0,4} = \frac{-10,8}{4} = -2,7; \quad -2,7 \in \mathbb{Q};$$

B) 
$$\frac{0,47 \cdot 3,5 - 3,5}{\frac{1}{8} - 1,125} = \frac{3,5(0,47 - 1)}{0,125 - 1,125} = \frac{3,5(-0,53)}{-1} = 1,855 \in Q$$

Учащиеся должны объяснить, к какому числовому множеству относятся полученные ответы. Объясняется, что эти числа являются рациональными, и, записав их в виде дроби, учащиеся отмечают, что они соответствуют определению рациональных чисел.

$$1,855 = 1\frac{855}{1000} = 1\frac{171}{200} = \frac{371}{200}.$$

Other: a) 4.05; 6) -2.7; b) 1.855.

Упражнение № 9. б) если x = 5.3; y = 0.7, то для вычисления значения выражения  $x^2 + 1.2.7$ 

$$\frac{x^2+1,37}{3,1y-0,17}$$
 вместо переменных в выражении записываем данные значения: 
$$\frac{x^2+1,37}{3,1y-0,17} = \frac{5,3^2+1,37}{3,1,0,7-0,17} = \frac{28,09+1,37}{2,17-0,17} = \frac{29,46}{2} = 14,73.$$

Ответ: б) 14, 73.

Упражнение № 10. При выполнении этого задания учащиеся могут работать в группах. Они самостоятельно строят выражения с переменной и вычисляют значение выражения с разными значениями переменной. Оценивается работа групп и вниманию представляются наиболее полные выражения.

**Упражнение № 11.** При выполнении задания примеры одной строчки можно поручить одной из групп. Представленные группами результаты обсуждаются.

Упражнение № 12. Это упражнение можно задать в качестве домашнего задания. При выполнении задания вначале составляется таблица. Данные числа последовательно записываются в I строчке и I столбце этой таблицы.

X	$-\frac{7}{12}$	0,25	2	$3\frac{5}{11}$	0,7
$\frac{11}{7}$	$-\frac{11}{12}$	$\frac{11}{28}$	$3\frac{1}{7}$	$5\frac{3}{7}$	1,1
$-3\frac{1}{2}$	$2\frac{1}{24}$	$-\frac{7}{8}$	-7	$-12\frac{1}{11}$	$-2\frac{9}{20}$
0,2	$-\frac{7}{60}$	0,05	0,4	$\frac{38}{55}$	0,14
-3	1,75	-0,75	-6	$-10\frac{4}{11}$	-2,1
$-\frac{5}{9}$	$\frac{35}{108}$	$-\frac{5}{36}$	$-1\frac{1}{9}$	$-1\frac{91}{99}$	$-\frac{7}{18}$

Выслушивается мнение учащихся о том, к какому множеству относятся числа, полученные в ответе. В зависимости от уровня класса учитель может попросить учащихся составить такую же таблицу для вычитания и деления.

**Дифференциальное обучение:** Слабые по результатам обучения учащиеся отношение между разным написанием чисел (в виде десятичной дроби, обыкновенной дроби) воспринимают с трудом. Поэтому учитель с целью выполнения большего количества заданий на преобразования может составить для таких учащихся дополнительные рабочие писты.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** Учитель должен стараться, чтобы учащийся во избежание ошибок при преобразовании одного написания рационального числа в другое делал преобразования каждый раз.

**Обобщение и результат:** Обобщаются знания о записи и чтении рациональных чисел, учитель ещё раз обращает внимание на основные моменты. Снова повторяется преобразование разных записей чисел в дробь.

#### Опенивание

• Запись и чтение рациональных чисел

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	Затрудняется в распознавании рациональных чисел; Не осознаёт понятие рационального число; Делает ошибки в записи рациональных чисел; Не осознаёт, что целые и натуральные числа также являются рациональными числами, и др.		
Уровень II	Записывает рациональные числа, но не умеет читать, или читает, но не умеет записать; Нуждается в помощи учителя при преобразовании одного написания рациональных чисел в другое или при их чтении.		
Уровень III	Записывает и читает рациональные числа в разных видах.		
Уровень IV	Преобразует рациональные числа из одной записи в другую удобными способами, проводит вычисления над рациональными числами.		

#### Урок 1.2. Числовая ось. Расстояние между двумя точками

**Стандарт:** 1.1.3. Показывает на координатной оси точку, соответствующую рациональному числу.

**Результат обучения:** Показывает на числовой оси точку, соответствующую рациональному числу, и находит координаты данных точек, расстояние между двумя точками.

**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

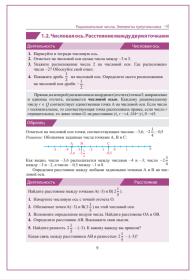
На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** Для объяснения темы в учебнике представлены две деятельности. В первой деятельности требуется отметить на числовой оси рациональные числа, данные в разных записях. Учащийся, осуществляющий эту деятельность, вспоминает

всё, что знает о расположении чисел на числовой оси. Определяя точку, соответствующую числу  $-2\frac{1}{2}$ , называет целые числа, между которыми это число располагается.

При этом учитель может помочь учащимся, указав им определённое направление. Затем учитель объясняет учащимся задание (или похожее на него задание), данное в образце.

Во второй деятельности расстояние между двумя точками, изображёнными на числовой оси сначала, находится сложением (или вычитанием) длин отрезков. Затем от координат точки, расположенной справа, вычитаются координаты точки, расположенной слева (или находится разница между большей и меньшей координатами). Выслушивается мнение учащихся о полученных результатах.



**Исследовательский вопрос:** Как отмечаются рациональные числа на числовой оси? Как можно определить расстояние между двумя точками, не изображая их на числовой оси?

Проводится исследование. Данные в учебнике задания выполняются в течение 2 урочных часов. Задания могут выполняться в группах или парах. Задания, записанные в рабочих листах, должны быть нацелены на:

- а) обозначение на числовой оси точки с заданной координатой;
- б) определение координаты точки, заданной на числовой оси;
- в) нахождение расстояния между двумя точками посредством числовой оси и нахождение этих точек без их изображения на числовой оси.

#### Руководство к некоторым заданиям:

#### Упражнение № 2.



Приблизительно определяются координаты точек, отмеченных на рисунке: N(-5), M(-3,5), K(-2,1), A(-0,5), C(1,9), B(4), D(5,7).

Учащиеся дополнительно отмечают несколько точек и определяют их координаты.

Упражнение № 4. В этом задании ничего не говорится о том, какими способами можно найти расстояние между двумя точками. По этой причине учащиеся, определяя расстояние между данными точками, первоначально отмечают эти точки на числовой оси, затем из большей координаты вычитают меньшую. Координаты точек схематично отмечаются на числовой оси.



Согласно рисунку: AB = OB - OA = 22,7 - 10,5 = 12,2.

Не изображая на числовой оси, определяем точку с большей координатой.

$$22.7 > 10.5$$
. Следовательно, AB =  $22.7 - 10.5 = 12.2$ .

Ответ: 12.2.

Упражнение № 5. а) По условию известно, что MN = 3,54 и M(-2,9). Но ничего не говорится о расположении точек M и N на числовой оси (какая из них находится справа или слева по отношению к другой). Поэтому, выполняя задание, рассматриваются два случая:

**I случай:** На числовой оси точка M располагается справа от точки N. В этом случае точки на числовой оси изображаются нижеследующим образом:



Координата N обозначаются буквой а: N(a). При вычитании от координаты правой точки (M) на числовой оси координаты левой точки (N) получится:

$$-2.9 - a = 3.54$$
. Отсюда  $a = -2.9 - 3.54 = -6.44$ .

**II случай:** На числовой оси точка N располагается справа от точки M. Поскольку в этом случае 3.54 > 2.9, то точка N также располагается справа от начала отсчёта O:



При вычитании от координаты правой точки (N) на числовой оси координаты левой точки (М) получится 3,54:

$$a - (-2,9) = 3,54$$
 или  $a + 2,9 = 3,54$ . Отсюда  $a = 3,54 - 2,9 = 0,64$ .

**Ответ**: N(-6,44) или N(0,64).

Упражнение № 11. При выполнении этого задания учащиеся отмечают на числовой оси точки A(-5), B(X) и 28 точек между ними расположенных на одинаковом расстоянии попарно друг от друга. Таким образом вместе с точками A и B на числовой оси отмечено 30 точек. B силу того, что расстояние между любыми двумя соседними точками 4 см и между точками A и B расположены 29 отрезков равной длины, можно записать:  $AB = 29 \cdot 4 = 116$  (см) Тогда x = -5 + 116 = 111



Ответ: В(111).

**Упражнение № 12.** а) Поскольку AB = OA – OB, то точки A и B располагаются с одной стороны от начала отсчёта О. Здесь возможны два случая:



б) Если MN = OM + ON, то точки M и N должны располагаться по разные стороны от начала отсчёта О. Здесь также возможны два случая:



Упражнение № 13. ОА = 14 см, так как ОВ = 3,5 см и ОА =  $4 \cdot$  ОВ. Поскольку расстояние от начала отсчёта до точки В составляет 3,5 см, то координатами точки В будет 3,5 или - 3.5.

**I случай**: В (3,5) и A(14). Точки A и B располагаются по одну сторону от начала отсчёта: AB = 14 - 3.5 = 10.5 см.

**II случай**: B(3,5) и A(-14). Точки A и B располагаются по разные стороны от начала отсчёта: AB = 3,5 - (-14) = 17,5 см.

**III случай**: B(-3,5) и A(14). Точки A и B располагаются по разные стороны от начала отсчёта: AB = 14 - (-3,5) = 17.5 см.

**IV случай**: B(-3,5) и A(-14). Точки A и B располагаются по одну сторону от начала отсчёта: AB = -3,5 - (-14) = 10,5 см.

**Ответ**: A(14) или A(-14); B(-3,5) или B(3,5); 10,5 см или 17,5 см. Дифференциальное обучение: Учащиеся, показавшие слабые результаты в процессе обучения, испытывают трудности в изображении рациональных чисел на числовой оси. Поскольку ошибки допускаются более всего при обозначении на числовой оси отрицательных чисел, то учащимся, показавшим слабые результаты в процессе обучения, должно задаваться больше заданий такого типа.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** До внимания учащихся доводится, что точки с координатами из многозначных чисел представляются на числовой оси схематично.

**Обобщение и результат:** Учитель, ещё раз, обращая внимание учащихся на способы обозначения на числовой оси рациональных чисел и нахождение расстояния между двумя точками, обобщает пройденное.

#### Опенивание

#### • Изображение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется в указании рациональных чисел на числовой оси; При обозначении рациональных чисел на числовой оси не прослеживает их последовательность; При обозначении рациональных чисел на числовой оси путает местами положительные и отрицательные числа.
Уровень II	Определяет координаты точек на числовой оси, однако затрудняется в указании на числовой оси точки с координатой, выраженной рациональным числом, нуждается в определённых указаниях при нахождении расстояния между двумя точками.
Уровень III	Отмечает на числовой оси точки с заданными координатами и определяет координаты точек. Находит расстояние между двумя точками.
Уровень IV	Самостоятельно отмечает на числовой оси точки, соответствующие рациональным числам, самостоятельно и с объяснениями выполняет задания на нахождение расстояния между точками.

#### Урок 1.3. Бесконечная периодическая десятичная дробь

Стандарт: 1.1.1. Читает и записывает рациональные числа.

Результат обучения: Читает и пишет периодические десятичные дроби.

**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** ЗХУ, мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ **Интеграция:** География 1.3.2., Азербайджанский язык 1.2.1.

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы**: Учитель представляет учащимся таблицу ЗХУ с надписью «Дроби» (или проецирует её на экран) и обращается к ним с таким вопросом: В какой форме записываются дробные числа?

Знаю	Хочу знать	Узнал

Учащиеся в первом столбце таблицы записывают всё, что знают о записи разных видов дробей:

Смешанной периодической десятичной дробью называется десятичная

дробь, в написании которой после запятой через одну или несколько цифр начинается период. Например: 8,7(5); 0,02(63); 4,0(172) и т.д. 3,25(7) — читаем: три целых двадцать пять сотых семь в периоде.

Если при разложении знаменателя несокращающейся дроби на простые множители, кроме 2 и 5, появляются другие простые множители, то такие дроби при преобразовании в десятичную дробь становятся периодическими

Конечные десятичные дроби:  $\frac{5}{16} = 0.3125$ ;  $\frac{72}{25} = 2.88$ ;  $\frac{19}{50} = 0.38$ ;  $\frac{13}{20} = 0.65$ .

Периодические десятичные дроби:  $\frac{1}{6} = 0.1(6)$ ;  $\frac{5}{12} = 0.41(6)$ ;  $\frac{9}{26} = 0.3(461538)$ .

обыкновенные дроби, правильной дроби, неправильной дроби, смешанном числе, десятичной дроби и т.д. Затем во втором столбце учащиеся записывают то, что они хотели бы узнать о дробях. Естественно, что здесь учащимися могут быть записаны разные предложения. Учитель должен постараться, чтобы внимание учащихся было направлено на получение повторения чисел или группы чисел в частном при делении числителя на знаменатель во время преобразования обыкновенные дроби в десятичную дробь.

**Исследовательский вопрос**: Как записываются и читаются дроби, в которых при делении числителя на знаменатель частное бесконечно продолжается?

Для проведения исследования учитель раздаёт учащимся рабочие листы. В рабочие листы записываются задания, данные в учебнике, или примеры, представленные учи-

телем. Задания выполняются и представляются группами.

**Объяснение учителя**: Учитель сообщает учащимся о периодических десятичных дробях и их видах. Вниманию учащихся доводится запись и чтение периодических десятичных дробей.

В течение первого и второго урока выполняются задания из учебника.

Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 9. Данные на рисунке высоты составляют  $\frac{2}{15}$ ,  $\frac{17}{600}$ ,  $\frac{4}{60}$ ,  $\frac{4}{375}$ ,  $\frac{1}{250}$  часть 3000 км.

- а) Высота, на которую может подняться воздушный шар:  $3000 \text{ км} \cdot \frac{1}{60} = 50 \text{ км}.$
- б) Высота расположения звёзд:  $3000 \text{ км} \cdot \frac{17}{600} = 85 \text{ км}.$  Высота, на которой происходят метеорологические явления:  $3000 \text{ км} \cdot \frac{4}{375} = 32 \text{ км}.$

Высота расположения звёзд больше высоты, на которой происходят метеорологические явления на 85 - 12 = 73 (км).

в) высота 275 км находится между высотой расположения звёзд и высотой появления северного сияния.

Высота 
$$\frac{1000}{70}$$
 =  $14\frac{2}{7}$  =  $14$ , (285714) (км) высота, на которой происходят метеорологические явления

Высота  $\frac{502}{9} = 55\frac{7}{9} = 55,(7)$  (км) находится между высотой, на которую может подняться воздушный шар, и высотой, на которую поднимается пассажирский самолёт.

г) Высота полёта пассажирского самолёта:  $3000 \text{ км} \cdot \frac{4}{375} = 32 \text{ (км)}$ , высота полёта воздушного шара:  $3000 \text{ км} \cdot \frac{1}{60} = 50 \text{ (км)}$ . Следовательно, высота полёта пассажирского самолёта ниже высоты полёта воздушного шара на 50 - 32 = 18 (км).

Дифференциальное обучение: Учащиеся, показавшие слабый результат в процессе обучения, затрудняются в указании периодической части в записи периодической десятичной дроби и преобразовании обыкновенные дроби в периодическую десятичную дробь. По этой причине таким учащимся учитель дополнительно может задать выполнение заданий по типу упражнений № 1—4. Учащимся, показавшим хороший результат в процессе обучения, можно дать задания на преобразование более сложных дробей в периодические десятичные дроби.

**Обобщение и результат:** Учитель поручает учащимся, заполнив таблицу ЗХУ, записать в третьем столбце таблицы те знания, которые они получили на уроке. Обобщает изученное о записи и чтении периодических десятичных дробей.

#### Опенивание

#### • Чтение и запись

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Читает и записывает периодические десятичные дроби, затрудняется в преобразовании обыкновенные дроби в периодическую десятичную дробь; Затрудняется в указании на числа, входящие или не входящие в период, в периодических десятичных дробях; Знает правила преобразования обыкновенные дроби в периодическую десятичную дробь, но применить не может.
Уровень II	Преобразует обыкновенную дробь в конечную и периодическую десятичную дробь после указания определённого направления; Преобразует обыкновенную дробь в десятичную дробь, но затрудняется в определении её вида (конечная десятичная дробь, чистая или смешанная периодическая десятичная дробь).
Уровень III	Самостоятельно преобразует простую дробь в конечную и периодическую десятичную дробь.
Уровень IV	Правильно предполагает преобразование обыкновенной дроби в конечную или периодическую десятичную дробь и самостоятельно преобразует её; Проявляет творческий подход при преобразовании обыкновенной дроби в конечную или периодическую десятичную дробь.

# Урок 1.4. Преобразование периодической десятичной дроби в обыкновенную дробь

Стандарт: 1.1.1. Читает и записывает рациональные числа.

**Результат обучения:** Преобразует периодическую десятичную дробь в обыкновенную дробь.

Форма работы: коллективная и работа в группах Метод работы: ЗХУ, мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 3 часа.

**Постановка проблемы:** Учитель опять представляет учащимся таблицу ЗХУ, которую использовал на предыдущем занятии (или проецирует на экран), и вновь задаёт им вопрос о том, что бы они хотели знать о дробях. Учащиеся, желающие узнать правила преобразования периодической десятичной дроби в обыкновенной дробь, записывают это во второй столбец.



**Исследовательский вопрос**: Как можно преобразовать периодическую десятичную дробь в обыкновенную дробь?

Для проведения исследования учащиеся в группах применяют способ, данный в деятельности. В первой деятельности они выполняют алгоритм преобразования чистой периодической десятичной дроби 23,(45) в простую, во второй деятельности — смешанной периодической десятичной дроби 0,12(3) в простую. Результаты представляются на доске и объясняются. Выслушивается мнение учащихся о выполнении этого алгоритма. Затем учитель переходит к объяснению новой темы.

**Объяснение учителя**: Учитель объясняет правила преобразования чистых и смешанных периодических десятичных дробей в обыкновенную дробь.

В качестве продолжения исследования учащиеся выполняют упражнения, данные в учебнике.

#### Руководство к некоторым заданиям:

X = 0.(2)

Упражнение № 3. При выполнении упражнения можно использовать способ, данный в деятельности, или применить правило (краткий способ) преобразования периодической десятичной дроби в обыкновенной дробь.

а) Используя ниже представленный способ, преобразуем число 0,(2) в простую дробь:

$$10X = 10 \cdot 0,(2) = 2,(2) = 2 + 0,(2)$$

$$10X - X = 2$$

$$9X = 2$$

$$X = \frac{2}{9}$$

$$0,(2) = \frac{2}{9}$$

Краткий способ: 1,(3) = 
$$1\frac{3}{9}$$
 =  $1\frac{1}{3}$ ; 3,(54) =  $3\frac{54}{99}$  =  $3\frac{6}{11}$ ; 21,(23) =  $21\frac{23}{99}$ ; 0,(673) =  $\frac{673}{999}$ ;

$$7,(256) = 7\frac{256}{999}; 16,(002) = 16\frac{2}{999}; 0,(0001) = \frac{1}{9999}; 5,(01) = 5\frac{1}{99}$$

б) согласно правилу, преобразуем число 0,1(3) в обыкновенную дробь:

$$X = 0.1(3)$$

$$10X = 10 \cdot 0,1(3) = 1,(3)$$

$$10X - X = 1,(3) - 0,1(3) = 1,333... - 0,1333...$$

$$9X = 1.2$$

$$X = \frac{1,2}{9} = \frac{12}{90} = \frac{2}{15}$$
 или  $0,1(3) = \frac{13-1}{90} = \frac{12}{90} = \frac{2}{15}$ .

Короткий способ: 
$$1,2(5)=1\frac{25-2}{90}=1\frac{23}{90}$$
;  $7,0(4)=7\frac{4}{90}=7\frac{2}{45}$ ;

$$2,23(7) = 2\frac{237 - 23}{900} = 2\frac{214}{900} = 2\frac{107}{450}.$$

На основе алгоритма преобразуем число 10,1(45) в обыкновенную дробь:

$$X = 10,1(45) = 10,1454545...$$

$$100X - X = 100 \cdot 10,1454545... - 10,1454545...$$

$$99X = 1014,54545... - 10,1454545...$$

$$99X = 1004,4$$

$$X = \frac{1004,4}{99} = \frac{10044}{990} = 10\frac{144}{990} = 10\frac{8}{55}. \ \Pi_{\text{ОЭТОМУ}}, \ 10,1(45) = 10\frac{144}{990} = 10\frac{8}{55}.$$

Согласно правилу: 
$$0,25(83) = \frac{2583 - 25}{9900} = \frac{2558}{9900} = \frac{1279}{4950}$$
;

$$16,5(02) = 16\frac{502 - 5}{990} = 16\frac{497}{990}; \quad 0,000(1) = \frac{1}{9000}.$$

**Упражнение № 4.** Выполняя вычисления, следует преобразовать периодическую десятичную дробь в обыкновенную.

6) 
$$2,(34)+0,(21)=2\frac{34}{99}+\frac{21}{99}=2\frac{55}{99}=2\frac{5}{9}$$

B) 
$$19,(27)-3,(73)=19\frac{27}{99}-3\frac{27}{99}=18\frac{126}{99}-3\frac{73}{99}=153\frac{53}{99}$$

д) 
$$8,1(6):2\frac{11}{19}=8\frac{16-1}{90}:\frac{49}{19}=8\frac{15}{90}:\frac{49}{19}=8\frac{1}{6}:\frac{49}{19}=\frac{49}{6}\cdot\frac{19}{49}=\frac{19}{6}=3\frac{1}{6}$$
.

Упражнение № 6. В примерах, где участвуют периодические десятичные дроби, применяют также правила нахождения процента числа, его части, а также нахождение числа по заданному проценту и части.

a) 
$$0,(12)\cdot 10\% = \frac{12}{99}\cdot \frac{10}{100} = \frac{2}{33}\cdot \frac{1}{5} = \frac{2}{165}$$
.

6) 
$$25:1,(5)=25:1\frac{5}{9}=25:\frac{14}{9}=25\cdot\frac{9}{14}=\frac{225}{14}=16\frac{1}{14}$$
.

$$_{\Gamma}$$
) 10,2(7):75% = 10 $\frac{25}{90}$ : $\frac{75}{100}$  = 10 $\frac{5}{18}$ : $\frac{4}{3}$  =  $\frac{185}{18}$ : $\frac{4}{3}$  =  $\frac{370}{27}$  = 13 $\frac{19}{27}$ .

Упражнение № 7. Число, 0,(5) часть которого равна числу 50:

$$50:0,(5)=50:\frac{5}{9}=50\cdot\frac{9}{5}=90.$$
 Число, 15% которого равно 2,1(2): 2,1(2): 15% =  $2\frac{11}{90}:\frac{15}{100}=\frac{191}{90}\cdot\frac{20}{3}=\frac{382}{27}=14\frac{4}{27}.$  Ответ:  $104\frac{4}{27}$ .

**Упражнение № 10.** а) Знаменатель правой части уравнения 8, $(m) = 8 \frac{m}{10}$  должен быть равен 9: 8, $(m) = 8 \frac{m}{0}$ .

б) В равенстве  $0, n(mk) = \frac{\overline{nmk} - m}{999}$  в знаменателе должно быть число 990, а в числителе  $\overline{nmk} - n$ .  $0, n(mk) = \frac{\overline{nmk} - n}{990}$ .

**Упражнение № 11.** Для написания чисел 0,(a) и 7b(a) в виде обыкновенной дроби применяются правила преобразования чистой и смешанной периодических дробей в обыкновенной дробь.

$$0,(a) = \frac{a}{9}; \ 7,b(a) = 7\frac{\overline{ba}-b}{90} = 7\frac{9b+a}{90}.$$
 Здесь  $\overline{ba} = 10b+a$  двузначное число.

Упражнение № 13. a) 
$$\frac{\left(0,333...+\frac{1}{6}\right)\cdot 4}{0,2555...:1,5(3)} = \frac{\left(\frac{1}{3}+\frac{1}{6}\right)\cdot 4}{\frac{23}{90}\cdot 1\frac{48}{90}} = \frac{\frac{1}{2}\cdot 4}{\frac{23}{90}\cdot \frac{90}{138}} = \frac{2}{\frac{1}{6}} = 12;$$

6) 
$$\frac{0,777...+0,090909...}{7,4-8\frac{2}{5}}+7,3:21,9=\frac{\left(\frac{7}{9}+\frac{9}{99}\right)}{7,4-8,4}+\frac{1}{3}=-\frac{53}{99};$$

B) 
$$\frac{\left(0,4111...+\frac{1}{9}\right)\cdot\frac{9}{47}}{0,3(5):0,555...:32} = \frac{\left(\frac{37}{90} + \frac{10}{90}\right)\cdot\frac{9}{47}}{\frac{32}{90}\cdot\frac{5}{9}:32} = \frac{\frac{1}{10}}{\frac{32}{90}\cdot\frac{9}{5}\cdot\frac{1}{32}} = 5;$$

r) 
$$\frac{\left(0,666...+\frac{1}{3}\right):0,25}{0,12333...:0,0925}+12,5\cdot0,64=\frac{\left(\frac{2}{3}+\frac{1}{3}\right):0,25}{\frac{111}{900}:\frac{925}{10000}}+\frac{125}{10}\cdot\frac{64}{10}=\frac{4}{\frac{37}{300}\cdot\frac{10000}{925}}+\frac{1}{2}\cdot\frac{64}{4}=\frac{1}{300}\cdot\frac{10000}{10000}$$

$$= \frac{4}{\frac{37}{3} \cdot \frac{100}{37 \cdot 25}} + 8 = 3 + 8 = 11.$$

**Ответ**: a) 12; б) 
$$-\frac{53}{99}$$
; в) 5; г) 11.

**Упражнение** № **14.** Согласно правилу определяется:  $3,(9) = 3\frac{9}{9} = 4;$ 

$$-2,(99) = -2\frac{99}{99} = -3;$$
  $6,56(9) = 6\frac{569 - 56}{900} = 6\frac{513}{900} = 6\frac{57}{100} = 6,57.$ 

Как видно, в периодической десятичной дроби 7,(9999) группа чисел в периоде состоит из бесконечного числа 9. Число 0,9999... очень близкое к 1 и до какого разряда вы не округлили бы это число получится 0,9999...  $\approx$  1. Поэтому можно записать 7,(9999) = 8; 0,12(99) = 0,13; -3,8(999) = -3,9.

Моменты, на которые следует обратить внимание: Иногда учащийся забывает правила преобразования смешанной периодической десятичной дроби в обыкновенную дробь. Учащийся, выполняя деятельность, данную в учебнике, поэтапно усваивает правило преобразования периодической десятичной дроби в обыкновенную. Удобным способом преобразования в обыкновенную дробь является также выражение смешанной периодической десятичной дроби в виде суммы слагаемых по разрядам (упражнение № 12).

**Обобщение и результат:** В итоге учащиеся в третий столбец таблицы ЗХУ вписывают правила преобразования периодической десятичной дроби в обыкновенную дробь. Учитель обобщает пройденное.

#### Опенивание

#### • Преобразование

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Затрудняется преобразовывать периодическую десятичную дробь в обыкновенную дробь; При преобразовании периодической десятичной дроби в обыкновенную дробь ошибочно в знаменателе записывает единицы разрядов 10, 100, 1000 и т.п.; При преобразовании периодической десятичной дроби в обыкновенную не может определить количество 9 и 0 в знаменателе.	
Уровень II	Преобразует чистую периодическую десятичную дробь в простую дробь, затрудняется в преобразовании смешанной периодической десятичной дроби в обыкновенную;  Нуждается в указании направления учителем (или товарищами) при преобразовании чистой и смешанной периодических десятичных дробей в обыкновенную дробь;  Преобразует чистую и смешанную периодические десятичные дроби, но допускает ошибки в проверке верности ответа.	
Уровень III	Самостоятельно преобразует чистые и смешанные периодические десятичные дроби в обыкновенную дробь.	
Уровень IV	Самостоятельно преобразует чистую и смешанную периодические десятичные дроби путём применения алгоритма и кратким способом в обыкновенную дробь и проверяет верность ответа; Проявляет творческий подход при преобразовании и проверке периодической десятичной дроби в обыкновенную дробь.	

#### Урок 1.5. Сравнение рациональных чисел

Стандарт: 1.1.2. Сравнивает и выстраивает рациональные числа.

**Результат обучения:** Сравнивает рациональные числа, выстраивает их в порядке возрастания и убывания.

Форма работы: коллективная, в группах, индивидуальная

**Метод работы:** мозговая атака, обсуждение **Ресурсы:** учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: В деятельности в учебнике даны три положения рациональных чисел a и b относительно начала отсчёта О. В каждом случае учащимся следует определить знак чисел a и b и сравнить их. Они знают, как сравнивать числа из курса математики за 6 класс. Учитель должен стараться, чтобы учащиеся при выполнении деятельности самостоятельно высказывали свои мысли. В случае затруднения учащегося учитель вместо чисел a и b может записать данные в образце отрицательные дроби, периодические десятичные дроби.



# **Исследовательский вопрос**: Каким правилам следует придерживаться при сравнении рациональных чисел?

При проведении исследования рекомендуется, чтобы учащиеся работали в группах или индивидуально.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 1. В таблице, данной в учебнике, записаны обратные и противоположные числа. Некоторые из них записаны верно, некоторые нет. Учащимся следует вместо ошибочных чисел записать верные (выделенные в таблице красным цветом числа являются ошибочными).

№	число	обратное	противопо- ложное	№	число	обратное	противопо- ложное
a)	-0,8	$\frac{4}{5}$	$-1\frac{1}{4}$	г)	7,(35)	$-7\frac{35}{99}$	$\frac{99}{728}$
б)	4,2	$-4\frac{1}{5}$	$\frac{5}{21}$	д)	$-1\frac{11}{13}$	$\frac{24}{13}$	$-\frac{13}{24}$
в)	9 11	$\frac{-9}{11}$	$1\frac{2}{9}$	e)	21,0(3)	$-\frac{631}{30}$	$\frac{30}{631}$

**Упражнение № 2.** Для записи заданных чисел в порядке возрастания преобразуем их в десятичные дроби:

$$\frac{-2}{5} = -0.4 \qquad \frac{-15}{7} = -2,(142857); \qquad \frac{-4}{15} = -0.2(6); \qquad -3\frac{1}{32} = -3.03125;$$

$$0.3; \qquad \frac{2}{25} = 0.08; \qquad \frac{20}{7} = 2,(857142); \qquad -3.(5).$$

Порядок возрастания: 
$$-3$$
, $(5)$ ;  $-3\frac{1}{32}$ ;  $\frac{-15}{7}$ ;  $\frac{-2}{5}$ ;  $\frac{-4}{15}$ ;  $\frac{2}{25}$ ;  $0,3$ ;  $\frac{20}{7}$ .

Упражнение № 6. При сравнении рациональных чисел применяются правила сравнения, изученные в 6 классе.

а) 
$$\frac{-12}{25}$$
 и  $\frac{-34}{71}$ ; сравним здесь произведения  $-12\cdot71$  и  $-34\cdot25$ . Поскольку  $-852<-850$ , то  $\frac{-12}{25}<\frac{-34}{71}$ .

$$50 - 2,(42) < -2,42;$$
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $50 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42;$ 
 $60 - 2,(42) < -2,42$ 



а) Чтобы отметить числа -m; -n; 2m; 3n; 0,5m;  $1\frac{1}{2}n$  на числовой оси, охарактеризуем их. На основе рисунка ясно, что m > 0 и n < 0. Тогда -m < 0 и будет располагаться слева от О.



Также поскольку n < 0 то -n > 0. Число -n будет располагаться справа от 0. Число 2m располагается справа от m (в 2 раза длиннее m). Число 3n в 3 раза длиннее n и располагается слева от n. Число 0,5m равняется половине m (середина между 0 и m). Число  $1\frac{1}{2}n$  располагается слева от числа n.

- б) поскольку число n отрицательное, то  $\frac{1}{2}n > 3n$ .
- в) m положительное число. Тогда |0,5m| < |m|.

**Упражнение № 9.** На основе рисунка ясно, что a < b, a < 0, b > 0 и |a| > |b|. Тогда число b + a будет располагаться слева от 0.



Число b-a располагается справа от b, так как a – отрицательное число, а значит b-a=b+(-a). Следовательно, число b увеличено до -a,-a же положительное число.



- б) Согласно рисунку, b a > b + a.
- в) Поскольку по расстоянию число b+a более близко к 0, то |b+a| < |b-a|.

Упражнение № 10. а) Если модуль какого-либо числа больше модуля другого числа, нельзя с полной уверенностью утверждать, что первое число больше второго. Если |a| > |b|, то a > b только при a > 0.

б) Если модуль любого отрицательного числа больше модуля другого отрицательного числа a < 0, b < 0 и |a| > |b|, то a < b.

Упражнение № 11. Целесообразно, чтобы это задание выполнялось учащимися в группах. Выполняя это задание, учащиеся должны стараться самостоятельно обосновать свои мысли и использовать примеры.

- а) Сумма двух чисел может быть больше одного из слагаемых, и меньше другого из слагаемых.
  - a+b>a и a+b< b возможно в том случае, если a отрицательное число. Например: a=-5, b=7. Тогда, -5+7>-5 и -5+7<7.
- е) Сумма двух чисел может быть больше их произведения. Например, сумма двух чисел может быть больше их произведения, если одно из чисел равно 0 или 1, а другое число будет положительным числом:

$$1 + 9 > 1 \cdot 9$$
;  $0 + 12 > 0 \cdot 12$  и т.д.

**Упражнение № 13.** 1) а) Чтобы увеличить число 18 на 20%, следует найти 20 % от числа 18 и прибавить к числу 18 или найти 120% от числа 18:

$$18 \cdot 20\% = 18 \cdot \frac{20}{100} = 3,6;$$
  $18 + 3,6 = 21,6$  или  $18 \cdot 120\% = 18 \cdot \frac{120}{100} = 21,6.$  Ответ: 21.6.

2) Чтобы число 30,(8) уменьшить на 10%, следует найти 10% от заданного числа и отнять от этого числа полученное число (или найти 90% от числа 30,(8)):

$$30,(8) \cdot 10\% = 30\frac{8}{9} \cdot \frac{1}{10} = \frac{278}{9} \cdot \frac{1}{10} = \frac{139}{45} = 3\frac{4}{45}.$$
  $30\frac{8}{9} - 3\frac{4}{45} = 30\frac{40}{45} - 3\frac{4}{45} = 27\frac{36}{45} = 27\frac{4}{5} = 27,8$  или  $30,(8) \cdot 90\% = 30\frac{8}{9} \cdot \frac{9}{10} = \frac{278}{9} \cdot \frac{9}{10} = \frac{139}{5} = 27,8.$  Ответ: 27,8.

**Дифференциальное обучение:** При сравнении рациональных чисел наиболее сложными моментами для учащихся становится сравнение отрицательных чисел. Для того, чтобы в итоге обучения слабые учащиеся могли лучше сравнивать рациональные числа, учителю следует, определив эти слабые стороны, задать им дополнительные задания.

**Обобщение и результат:** Правила, используемые при сравнении рациональных чисел, ещё раз повторяются и обобщаются учителем.

#### Оценивание

#### • Сравнение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется в сравнении и выстраивании рациональных чисел;
	Сравнивает положительные числа, затрудняется сравнивать отрица-
	тельные числа.
Уровень II	После определённых указаний сравнивает и выстраивает рациональные
	числа;
	Сравнивает два рациональных числа, нуждается в помощи при распо-
	ложении более двух рациональных чисел впорядке возрастания и убы-
	вания.
Уровень III	Самостоятельно сравнивает и выстраивает рациональные числа.
Уровень IV	Логически рассуждает при сравнении и выстраивании рациональных
	чисел.

#### Урок 1.6. Неравенство

**Стандарты:** 2.1.2. Записывает в виде неравенства двухуровневые выражения, произнесённые устно. 2.2.3. Определяет способом подстановки решение

простого неравенства с переменной в модуле.

#### Результат обучения:

- Записывает устно произнесённое выражение в виде неравенства.
- 2) Решает способом подстановки простое неравенство с переменной в модуле.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

Интеграция: Русский язык

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы**: Деятельность, данная в учебнике, может выполняться учащимися в группах или парах. Учащиеся могут затрудняться в записи выражения, данного в пункте 3 деятельности, в виде неравенства или могут записать неравенство в виде x > -8 и x < 11. В этом случае учитель может дать определённое направление или рекомендации.

Опыт показывает, что решая неравенство, учащийся, используя числовую ось, понимает его лучше.

#### Исследовательский вопрос: Как определяется множество решений неравенства?

При выполнении исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 3.** Выполняя задание, учащийся должен уметь читать данные неравенства. Это поможет ему ещё лучше понять неравенство.

ё)  $|x-2,9| \le 1$ . Чтение: Модуль разности числа x с числом 2,9 равен 1 или меньше 1. Учащийся определяет любое решение неравенства способом подстановки. Например: при x=3 модуль полученного числа 0,1 меньше 1 и т.д.

**Упражнение № 6.** Решая способом подстановки неравенства с переменной в модуле, учащийся вместо переменной должен подставить такое число, чтобы полученное число было верным по отношению к неравенству.

а) В неравенстве |x+4,2|<1,4 вместо x должно быть записано такое число, чтобы при сложении этого числа с 4,2 модуль их суммы был меньше 1,4. В этом случае число x должно быть меньше числа 1,4-4,2=-2,8. С другой стороны, число x должно быть больше числа -1,4-4,2=-5,6, в противном случае, например, при x=-6, неравенство |-6+4,2|=1,8<1,4 будет неверным. При объяснении этих суждений учитель может направить учащихся должным образом.



- в) в неравенстве |10-x| > 7 число x должно быть меньше 10-7=3. С другой стороны, чтобы неравенство было верным число x должно быть больше числа 10+7=17. Например, |10-18| > 7 и |8| > 7 или |10-2,4| = 7,6 > 7.
- е) в неравенстве  $|x| + 2|x| \ge 42$

|x| и 2|x| — подобные слагаемые. Если до сих пор учащиеся не приводили подобные слагаемые, записанные под знаком модуля, сильные учащиеся смогут сделать это с лёгкостью. Тогда  $3|x| \ge 42$  и  $|x| \ge 14$ . В этом неравенстве можно легко определить, что в самом простом случае x может быть числом больше 14 или равным 14. То, что x может быть меньше x или равен x или равен x может определить путём рассуждения.

**Дифференциальное обучение:** Если слабые учащиеся затрудняются в определении возможных решений неравенств с переменной в модуле, учитель может им задать более лёгкие задания. Например, |x| > 4, |x| < 7 и др.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** Чтобы не было сложностей при решении неравенств с переменной в модуле способом подстановки, учитель может предложить учащимся записать это неравенство без модуля. Хотя конечно это не поможет полному достижению решения, но зато учащийся получит определённую часть решения и создаст основу для решения такого типа неравенств в будущем.

**Обобщение и результат:** Учитель, повторяя всё, обобщает пройденное о решении неравенств способом подстановки.

#### Опенивание

- Выражение
- Решение способом подстановки

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень І	Не может записать неравенством выражение произнесённое устно; Не может правильно решить неравенство с переменной в модуле спо- собом подстановки.
Уровень II	Допускает определённые ошибки при написании устно сказанного выражения в виде неравенства; Нуждается в помощи учителя при решении неравенств с переменной в модуле.
Уровень III	Записывает в виде неравенства произнесённое устно выражение; Самостоятельно решает неравенство с переменной в модуле способом подстановки.
Уровень IV	Записывает в виде неравенства произнесённое устно выражение и читает данное неравенство; Решает с объяснениями неравенства с переменной в модуле способом подстановки.

#### Урок 1.7. Действия над рациональными числами

Стандарт: 1.2.1. Находит значение числового выражения, придерживаясь последовательности выполнения действий (в том числе возведение в степень с натуральным показателем).

**Результат обучения:** Находит значение числового выражения, придерживаясь последовательности выполнения действий над рациональными числами.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ Интеграция: Информатика 4.1.3.

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы**: Строится алгоритм для нахождения значения заданного в деятельности выра-

жения: 
$$\frac{3}{1+\frac{1}{2}} - \frac{4}{2+\frac{2}{3}}$$
. Первоначально находится зна-

чение первой дроби, затем второй, и далее находится разность значений первой и второй дробей. Эту

1.7. Дейскителя нада раздиобладывания частальни и деления дальными и прицентыми закольнения услегой съсмени, матичатия у целения и деления на денеризопальными числяни такие жиля и у целях числе 16 турся матечатия 6 лесса на замест, числя подажения, в замена морям прирукторог только числа и действан, произопальными и прилуктичной подажения действания подажения действания подажения подажения действания подажения подажения действания подажения подажения

последовательность должны определить учащиеся. Учащиеся класса, разделившись на несколько групп, после объяснений учителя выполняют это задание. В этом же выражении дробь заменим действием деления:  $\left(3:\left(1+\frac{1}{2}\right)\right)-\left(4:\left(2+\frac{2}{3}\right)\right)$ . Нахождение

значения этого выражения учитель поручает другим группам. Полученные результаты сравниваются.

Задания, данные в учебнике, выполняются в течение 2 урочных часов. Раздав учащимся рабочие листы, учитель может задать эти задания для выполнения их в группах или самостоятельно.

**Объяснение учителя**: Учитель даёт разъяснения о числовых и буквенных выражениях, значениях, которые могут получить буквенные выражения, выражениях, не имеющих смысла.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 2. При вычислении значений выражений над рациональными числами совершаются действия.

a) 
$$-6,965 +23,3 = 16,335$$
;

6) 
$$6.2 \cdot (-1.33) = -8.246$$
;

B) 
$$53.4:(-15)=-3.56;$$

$$\Gamma$$
)  $60.9 - 88.89 = -27.99$ ;

$$\pi$$
) 0,78 · (-2,5) = -1,95;

e) 
$$-16.94 : 2.8 = -6.05$$
;

$$\ddot{e}$$
) 99 – 9,904 = 89,096;

$$\mathbf{x}$$
)  $-0.016 \cdot 0.25 = -0.004$ ;

#### Упражнение № 3.

a) 
$$6\frac{1}{3} - 9 = 6\frac{1}{3} - 8\frac{3}{3} = -2\frac{2}{3}$$
;

6) 
$$\frac{9}{14} \cdot (-4,(2)) = \frac{9}{14} \cdot \left(-4\frac{2}{9}\right) = \frac{9}{14} \cdot \left(-\frac{38}{9}\right) = -\frac{19}{7} = -2\frac{5}{7};$$

3) 
$$5\frac{1}{3} - 7,0(3) = 5\frac{1}{3} - 7\frac{1}{30} = -1,7.$$

6) 
$$\frac{3}{8}$$
:  $\left(-\frac{6}{32}\right) = -2$ ;

**Упражнение № 4.** Выполняя это задание, учащиеся должны уметь определить, что выражения со знаменателем 0 не имеют смысла.

г) 
$$\frac{0.57}{0.08-0.02\cdot4} = \frac{0.57}{0}$$
 — у этого выражения нет смысла.

e) 
$$\frac{-12,3+4,1\cdot 3}{7,26-2\cdot 3,13} = \frac{0}{1} = 0$$
 – у этого выражения смысл есть.

В течение второго урока действия над рациональными числами, как правило, производятся с помощью калькулятора.

Упражнение № 9. При вычислении значений выражений можно пользоваться калькулятором.

6) 
$$\left(1\frac{2}{5} + 3, 5 : 1\frac{1}{4}\right) : 2\frac{2}{5} + 3, 4 : 2\frac{1}{8} - 0, 35 = \left(1\frac{2}{5} + \frac{7}{2} \cdot \frac{4}{5}\right) \cdot \frac{5}{12} + \frac{17}{5} \cdot \frac{8}{17} - 0, 35 =$$

$$= \left(\frac{7}{5} + \frac{14}{5}\right) \cdot \frac{5}{12} + \frac{8}{5} - \frac{35}{100} = \frac{21}{5} \cdot \frac{5}{12} + \frac{8}{5} - \frac{7}{20} = \frac{7}{4} + \frac{8}{5} - \frac{7}{20} = \frac{35}{20} + \frac{32}{20} - \frac{7}{20} = 3.$$

c) 
$$\left(\frac{3,75+2\frac{1}{2}}{2\frac{1}{2}-1,875} - \frac{2\frac{3}{4}+1,5}{2,75-1\frac{1}{2}}\right) \cdot \frac{10}{11} = \left(\frac{3,75+2,5}{2,5-1,875} - \frac{2,75+1,5}{2,75-1,5}\right) \cdot \frac{10}{11} = \left(\frac{6,25}{0,625} - \frac{4,25}{1,25}\right) \cdot \frac{10}{11} = (10-3,4) \cdot \frac{10}{11} = 6,6 \cdot \frac{10}{11} = 6.$$

**Упражнение №10.** Для формирования творческих способностей это задание можно поручить учащимся с высокими показателями обучения.

a) 
$$\frac{\left(0,666...-\frac{1}{3}\right):0,25}{0,12333...:0,0925} + 12,5\cdot 0,64 = \frac{\left(\frac{2}{3}-\frac{1}{3}\right):\frac{1}{4}}{0,12(3):0,0925} + 8 = \frac{\frac{4}{3}}{\frac{111}{900}:\frac{925}{10000}} +$$

$$+8 = \frac{4}{3} : \frac{111}{900} \cdot \frac{10000}{925} + 8 = 1 + 8 = 9.$$

Дифференциальное обучение: Учащимся, показавшим слабый результат при обучении, задаются более простые задания на выполнение действий над рациональными числами. Будет целесообразно при выполнении заданий использовать их умение работать с калькулятором. Для учащихся, показавших высокий результат при обучении, можно использовать их навыки работы на компьютере, а именно могут быть заданы задания на вычисление действий над рациональными числами в программе Microsoft Excel.

Обобщение и результат: Учитель, ещё раз обращая внимание на важность соблюдения последовательности действий над рациональными числами, обобщает пройденное.

#### Оценивание

#### • Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Не знает последовательности совершения действий для нахождения значения выражения; Находит значение выражения без скобок, затрудняется в нахождении значения выражений со скобками.
Уровень II	Знает последовательность действий, не может правильно найти значение выражения.
Уровень III	Самостоятельно прослеживает последовательность действий и находит значение выражений.
Уровень IV	При выполнении действий находит удобные способы решения.

#### Урок 1.8. Множества

Стандарт: 1.1.4. Применяет в решении задач свой-

ства объединения и пересечения множеств.

**Результат обучения:** Знает и применяет свойства объединения и пересечения множеств.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование

ИКТ, интерактивная доска Интеграция: Русский язык

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы**: Учащимися выполняется задание, данное в деятельности. Учитель контролирует их работу. Условия деятельности могут выпол-



няться и на доске. Выполняя деятельность, учащиеся вспоминают объединение, пересечение множеств, круги Эйлера, определение числа элементов объединения.

#### Исследовательский вопрос: Какие свойства есть у действий над множествами?

На доске записываются множества  $A = \{a, b, m, k, l\}$ ;  $B = \{b, c, d, k, n\}$ ;  $C = \{a, c, m, k\}$ . Учитель делит учащихся класса на 4 группы. Группы проверяют справедливость следующих равенств

I группа:  $A \cup B = B \cup A$ .

II группа:  $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$ .

III группа:  $A \cap B = B \cap A$ .

IV группа:  $(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$ .

Группы представляют свои работы, и проводится обсуждение.

**Объяснение учителя**: Вниманию учащихся доводится формула для нахождения числа элементов объединения двух конечных множеств:  $\mathbf{n}(\mathbf{A} \cup \mathbf{B}) = \mathbf{n}(\mathbf{A}) + \mathbf{n}(\mathbf{B}) - \mathbf{n}(\mathbf{A} \cap \mathbf{B})$  и даётся информация о свойствах действий над множествами.

В продолжении исследования, выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 5. Обозначим абонентов газеты знаком A, а абонентов журнала — знаком B. Согласно условию, n(A) = 75; n(B) = 26;  $n(A \cap B) = 18$ . Число всех семей, проживающих в здании, равно числу объединения множеств A и B.

 $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) = 75 + 26 - 18 = 83.$  Ответ: 83 семьи.

**Упражнение № 6.** Учащиеся, выполнившие норматив по бегу, относятся к множеству A, учащиеся, выполнившие норматив по прыжкам, относятся к множеству B.

а) Согласно условию, 7 человек выполнили норматив по обоим видам спорта, 11 человек — только по бегу. Следовательно, общее число выполнивших норматив по бегу 11 + 7 = 18 человек.

- б) Общее число у выполнивших норматив по прыжкам в высоту 25 11 = 14 человек.
- в) Чтобы найти число выполнивших норматив только по прыжкам в высоту, следует от общего числа отнять число выполнивших норматив по обоим видам спорта: 14 7 = 7 (человек). **Ответ**: а) 18 человек; б) 14 человек; в) 7 человек.

**Упражнение** № 7. Согласно условию, n(A) = 27; n(B) = 35 и  $n(A \cap B) = 6$ . Тогда  $n(A \cup B) = 27 + 35 - 6 = 56$ . Следовательно, из учащихся 61 - 56 = 5 человек не коллекционирует ни медали, ни марки. **Ответ**: 5 человек.

Упражнение № 11. Согласно условию, в группе 20 учащихся и 2 из них не любят ни птиц, ни животных. Следовательно, общее число любящих животных и птиц 20 - 2 = 18 человек.  $n(A \cup B) = 18$ , n(A) = 14, n(B) = 10. Из формулы  $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$  получается  $n(A \cap B) = n(A) + n(B) - n(A \cup B)$ . Следовательно, число учащихся, любящих и животных, и птиц  $n(A \cap B) = 14 + 10 - 18 = 6$  человек.

Упражнение №14. Обозначим через x число девочек 7-го класса. Тогда в классе 30 + x учеников. По условию в кружке участвуют 20 мальчиков и 0,4x девочек и  $20 + 0,4x = (30+x) \cdot 0,6$ . Решив это уравнение, получим x=10 (девочек). Таким образом, в классе всего 40 учащихся.

Ответ: 40 учащихся.

**Дифференциальное обучение:** Во время решения задач класс делится на группы слабых и сильных учащихся. С учётом уровня каждой группе на рабочих листах даются сгруппированные задания. Выполняя своё задание, сильные учащиеся также проверяют работу учащихся другой группы, дают им необходимые рекомендации. Учитель контролирует их работу. Диаграммы Эйлера-Венна можно наглядно отобразить на интерактивной доске.

**Обобщение и результат:** Повторяя свойства действий над множествами, формулу нахождения элементов объединения множеств, учитель обобщает пройденное.

#### Оценивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Не знает свойства объединения и пересечения множеств; Затрудняется применять в решении задач свойства объединения и пересечения множеств.
Уровень II	Нуждается в определённой помощи при применении свойств объединения и пересечения множеств в решении задач; Применяет свойство перемещения объединения и пересечения множеств, затрудняется в применении свойства группировки.
Уровень III	Самостоятельно применяет в решении задач свойства объединения и пересечения множеств.
Уровень IV	Применяет свойства объединения и пересечения множеств разными способами.

# Образец критериев оценивания для составления заданий для малого суммативного оценивания № 1

№	Критерии		
1	Читает и пишет рациональные числа.		
2	На числовой оси отмечает точку, соответствующую рациональному числу.		
3	Выстраивает рациональные числа в порядке убывания и возрастания.		
4	Сравнивает рациональные числа.		
5	Преобразует периодическую десятичную дробь в обыкновенную дробь или обыкновенную дробь в периодическую десятичную дробь.		
6	Решает неравенства.		
7	Решает неравенства с переменной в модуле способом подстановки.		

# Образец малого суммативного оценивания № 1

Фамилия: Имя: Количество правильных ответов: Количество неправильных ответов: Оценка:

1. Какое число следует написать вместо а в нижеприведённом, чтобы получилось верное равенство:

a) 
$$-8 = \frac{a}{4}$$
; 6)  $1,3 = \frac{a}{100}$ ; B)  $-\frac{3}{4} = \frac{-15}{a}$ ;

$$\Gamma$$
)  $-4.8 = \frac{a}{5}$ ;  $\pi$ )  $77 = \frac{-7}{a}$ ; e)  $-\frac{a}{23} = 46$ .

2. Напишите такие числа, чтобы каждое из них было:

- а) и рациональным, и натуральным числом:
- б) рациональным числом, но не целым числом:
- 3. Вычислите значение выражения:

$$3\frac{1}{3} - 4\frac{3}{5} + 1,7 =$$

4. Вычислите значение выражения  $\frac{m^2-2m}{1.5m}$  при m=-3.

5. Отметьте на числовой оси точки, соответствующие данным числам.

$$-3,5;-1,8; 1\frac{1}{5}; 0;-2; 3\frac{1}{2}; 2,3.$$

6. Найдите расстояние между двумя заданными точками:

- а) А(-4,9) и В(2,1)
- б) М(-8) и N(-14)
- в) К(-7658) и Р(9)

7. Найдите х, если расстояние между точками A(13) и B(x) равно 25 см.

8. Данные числа расставьте в порядке возрастания:

$$-8; 2,5(7); 1,8; -6,4; 2\frac{1}{3}; ; -3,(2); 0,5(4)$$
  
Порядок возрастания:\_\_\_\_\_

**9**. На числовой оси заданы точки m и n:

m	Λ	111	v	
		10		

Сравните числа -m и n.

10. Напишите целые отрицательные решения неравенства  $-3 < x \le 4$ .

11. Напишите несколько чисел, удовлетворяющих неравенству |x - 5,2| < 2.

12. Заданные периодические десятичные дроби преобразуйте в обыкновенную дробь:

- a) 3,(4) = \_\_\_\_\_
- 6) 0,(12) =
- B) 1.2(8) =

13. Данные дроби покажите в виде периодической десятичной дроби:

- a)  $\frac{5}{12}$  = 6)  $\frac{8}{0}$  = B)  $\frac{16}{45}$  =

14. Вычислите значения выражений:

a) 
$$\frac{\frac{1}{3} - 0,1(4)}{\frac{5}{6} : 2,(3)} =$$
 6)  $\frac{2,5+1,3\cdot 2,5}{-2,3\cdot 5} =$ 

**15**. Если n(A) = 22, n(B) = 34 и  $n(A \cap B) = 11 \text{ To, } n(A \cup B) = ?$ 

# Урок 1.9. Построение биссектрисы угла

**Стандарт:** 3.1.2. Делит отрезок пополам, строит серединный перпендикуляр отрезка, биссектрису угла и треугольник по его сторонам.

Результат обучения: строит биссектрису угла с

помощью линейки и циркуля.

**Форма работы:** индивидуальная работа **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование

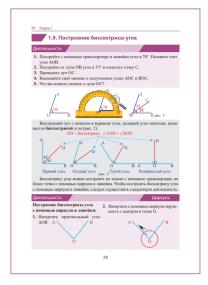
ИКТ, интерактивная доска

Интеграция: Информатика 2.2.2.

### Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы**: Каждый учащийся индивидуально выполняет деятельность, данную в учебнике. С помощью транспортира строится угол 70° и делится лучом ОС пополам. При выполнении



этой операции учитель должен подходить к каждому учащемуся, просмотреть работу каждого. Учитель может выполнить ту же работу на доске или на заранее подготовленной программе на компьютере. В итоге, выполнив деятельность, учащиеся построят биссектрису угла с помощью транспортира.

**Объяснение учителя**: Учитель даёт информацию о биссектрисе и показывает на разных видах углов их биссектрисы.

**Исследовательский вопрос**: Как можно построить биссектрису угла с помощью линейки и циркуля?

Чтобы провести исследование учащиеся должны выполнить вторую деятельность. Учитель или любой учащийся, по указанию учителя, могут выполнить эту деятельность на доске или на компьютере.

После проведения построения проверяется работа каждого учащегося и учителем оценивается точность построения. Учащиеся должны уметь сказать алгоритм проведения построения.

В продолжении исследования выполняются задания из учебника. Учитель раздает каждому учащемуся рабочие листы с заданиями, учитывающими уровень каждого учащегося. Используя интерактивную доску, можно наглядно показать построение биссектрисы угла.

**Дифференциальное обучение:** Слабые учащиеся могут затрудняться в построении биссектрисы угла. С таким учащимся можно работать, посадив его с сильным учащимся в пару (слабый + сильный). Во время построения следует обратить внимание на навыки использования учащимися циркуля.

**Обобщение и результат:** Учитель, ещё раз обращая внимание учащихся на построение с помощью циркуля, проводит обобщение.

#### Опенивание

• Построение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Затрудняется построить биссектрису угла с помощью циркуля;	
	Навыки владения циркулем слабые;	
	Строя биссектрису, отмечает точку пересечения кругов, но не может	
	довести построение биссектрисы до конца.	
Уровень II	Не может точно построить биссектрису угла;	
	Если даже построит биссектрису неверно, говорит об этом на основе	
	неравных углов.	
Уровень III	Точно строит биссектрису угла с помощью циркуля.	
Уровень IV	Точно строит биссектрису угла и обосновывает свои мысли.	

# Урок 1.10. Биссектрисы треугольника

**Стандарт:** 3.1.1. Знает основные элементы треугольника и отношения между ними, геометрически их изображает.

**Результат обучения:** Знает отношения между биссектрисами треугольника и геометрически их изображает.

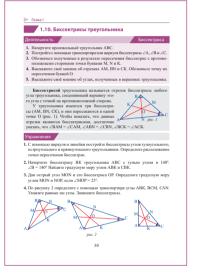
Форма работы: индивидуальная работа Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: Каждый учащийся индивидуально выполняет деятельность, данную в учебнике. Учащиеся уже знают, как строить биссектрису угла. Согласно условию деятельности биссектрисы трёх углов треугольника должны строиться с помощью циркуля или транспортира. Определяется точка пере-



сечения биссектрис (по треугольнику). До внимания учащихся доводится определение биссектрисы.

## Исследовательский вопрос: Как располагаются биссектрисы треугольника?

Для проведения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 1. В этом задании каждый учащийся чертит произвольный остроугольный треугольник. С помощью циркуля строит биссектрисы углов. Измеряет градусную меру углов, возникших при построении биссектрисы, и проверяет точность построения. Определяет место точки пересечения биссектрис, т.е. её наличие в пределах или за пределами треугольника.

Упражнение № 4. На основе рисунков, данных в задании, у каждого треугольника ABK, BCM, NAC измеряются углы с помощью транспортира. Определяются равные углы. Записываются названия биссектрис: AN, BK, CM.

Дифференциальное обучение: Целесообразно, чтобы слабые и сильные учащиеся ра-

ботали в парах. В этом случае слабые учащиеся могут улучшить свои результаты, а также у учащихся формируются навыки совместной работы.

**Моменты, на которые следует обратить внимание**: Возникает вопрос о том, в какой точке биссектриса треугольника пересекает противоположную сторону. Здесь важным моментом является то, что учащимся следует объяснить важность того, что главное не точка, которая появляется при пересечении биссектрисы с противоположной стороной, а то, что биссектриса делит угол пополам.

**Обобщение и результат:** Обобщая пройденное, учитель ещё раз доводит до внимания учащихся наличие у треугольника трёх биссектрис, точки их пересечения и размещения её, независимо от вида треугольника, внутри треугольника.

#### Опенивание

#### • Изображение

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	Не знает, как располагаются биссектрисы треугольника, затрудняется в изображении; Неправильно изображает биссектрисы треугольника.		
Уровень II	Знает, как располагаются биссектрисы треугольника, изображая, допускает определённые ошибки.		
Уровень III	Знает, как располагаются биссектрисы треугольника, самостоятельно изображает их.		
Уровень IV	Самостоятельно изображает биссектрисы треугольника и объясняет проделанное.		

# Урок 1.11. Медианы треугольника

**Стандарт:** 3.1.1. Знает основные элементы треугольника и отношения между ними, геометрически их изображает.

**Результат обучения:** Знает свойство медиан треугольника и геометрически их изображает.

Форма работы: индивидуальная работа, работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, интерактивная доска, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы**: Каждый учащийся самостоятельно выполняет деятельность, данную в учебнике. До объяснения учащимся понятия медианы треугольника, выполняется процесс построения медианы. Сто-

1.11. Медиания треугольника

Дестаность

1. Пиергие пругольника АВС.

2. Инасрасе с памощью апшейся сторому АВ. Отбукова К.

3. Соедините опругольняя АВС.

3. Соедините опругольняя каршигу Се стомній. К.

4. Инасрасе з памощью априлирующий объемняю трумнующий объемняю прилирующий прилирующий

рона любого треугольника делится линейкой пополам и середина точка отрезка соединяется с противоположной вершиной. Таким образом строится медиана треугольника.

**Исследовательский вопрос**: Каковы соотношения между медианами и сторонами, от которых они строятся?

С целью проведения исследования, упражнение № 1 из учебника выполняется группами. Каждая группа строит медианы одного из видов треугольника и объясняет, на

какие части они делят противоположную сторону. Наглядно построить медианы треугольника можно с помощью интерактивной доски.

**Обобщение и результат:** Обобщая пройденное, учитель ещё раз доводит до внимания учащихся наличие в треугольнике трёх медиан, точки их пересечения и размещения её независимо от вида треугольника внутри треугольника.

#### Опенивание

### • Изображение

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	Не знает соотношения между медианами треугольника, затрудняется в изображении.		
Уровень II	Знает соотношения между медианами треугольника, допускает определённые ошибки при изображении.		
Уровень III	Знает соотношения между медианами треугольника, самостоятельно изображает.		
Уровень IV	Знает соотношения между медианами треугольника, самостоятельно изображает и объясняет.		

# Урок 1.12. Высоты треугольника

**Стандарт:** 3.1.1. Знает основные элементы треугольника и отношения между ними, геометрически их изображает.

**Результат обучения:** Знает свойство высот треугольника и геометрически их изображает.

Форма работы: индивидуальная работа

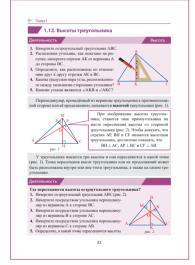
Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы**: Учащиеся самостоятельно выполняют деятельность, данную в учебнике. Чтобы построить высоту треугольника, следует из вершины



к противоположной стороне провести перпендикуляр. Проведение перпендикуляра с помощью угольника учащиеся знают из уроков VI класса. Поэтому при выполнении этого задания им не сложно будет использовать угольник. Учитель должен проследить за работой каждого ученика, при необходимости оказать помощь. При выполнении деятельности следует использовать остроугольный треугольник.

**Исследовательский вопрос**: Где в зависимости от вида треугольника находится точка пересечения высот или прямых, на которых располагаются эти высоты?

Для проведения исследования учащиеся класса делятся на 3 группы.

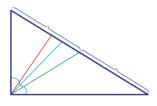
I группа выполняет вторую деятельность (построение высот остроугольного треугольника), II группа — третью деятельность (построение высот прямоугольного треугольника), III группа — четвёртую деятельность (построение высот тупоугольного треугольника). После выполнения задания группами, выслушивается их мнение, обсуждается место расположения точки пересечения для каждого случая.

Учитель должен стараться, чтобы работа третьей группы обсуждалась дольше и была доведена до внимания учащихся.

В продолжение исследования выполняются задания из учебника.

## Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 2. Из вершины прямого угла прямоугольного треугольника строятся высота, медиана и биссектриса. Эти элементы, проведённые из единой вершины треугольника, строятся в определённой последовательности. По построению учащиеся определяют, что высота более короткая, биссектриса немного длиннее высоты, а медиана длиннее обеих.

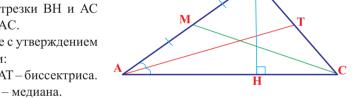


**Упражнение № 5.** В треугольнике АВС построены биссектриса АТ, высота ВН и медиана СМ. Предложения можно дополнить нижеприведённым:

- а) если AT биссектриса, то,  $\angle BAT = \angle CAT$ .
- б) если CM медиана, то BM = AM.
- в) если ВН высота, то отрезки ВН и АС перпендикулярны: ВН  $\perp$  АС.

Поменяв местами условие с утверждением в предложениях, запишем:

- а) если  $\angle BAT = \angle CAT$ , то AT -биссектриса.
- б) если BM = AM, то CM медиана.
- в) если ВН  $\perp$  АС, то ВН высота. Каждое из этих предложений верно.



Упражнение № 8. В треугольнике на рисунке АМ – высота, АР – биссектриса, АК – медиана. Выполняя предыдущие задания, учащиеся уже это определили. На основе рисунка проделав необходимые измерения, учащиеся могут убедиться в верности их суждений.

Дифференциальное обучение: Согласно деятельности учебника строятся высоты разных видов треугольника. Практика показывает, что учащиеся затрудняются в нахождении точки пересечения высот тупоугольного треугольника. По этой причине класс по результатам обучения можно разделить на 3 группы. 1 группа — слабые учащиеся — строят высоты прямоугольного треугольника, вторая группа — средние учащиеся — остроугольного треугольника, третья группа — сильные учащиеся — тупоугольного треугольника. Каждая группа представляет свою работу в классе. Учитель может довести до сведения учащихся об их разделении по успеваемости.

**Обобщение и результат:** Обобщая пройденное, учитель ещё раз напоминает учащимся о наличии в треугольнике трёх высот, точке их пересечения и размещении её независимо

от вида треугольника внутри или за пределами треугольника. Ещё раз подчёркивает, что в тупоугольном треугольнике высоты опущенные из вершин острых углов доводятся до продолжения противоположных сторон.

#### Оценивание

# • Изображение

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	Не знает свойство высот треугольника, затрудняется в изображении.		
Уровень II	Знает свойство высот треугольника, допускает определённые ошибки при изображении.		
Уровень III	Знает свойство высот треугольника, самостоятельно изображает.		
Уровень IV	Знает свойство высот треугольника, самостоятельно изображает и объясняет.		

# Урок 1.13. Аксиомы

**Стандарт:** 3.1.5. Понимает понятия аксиомы, теоремы, прямой теоремы и обратной теоремы.

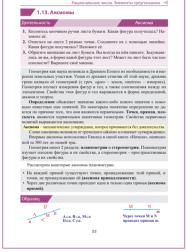
**Результат обучения:** Осознаёт понятие аксиомы, излагает аксиомы планиметрии.

Форма работы: коллективная и работа в группах Метод работы: кластер, мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ Интеграция: Азербайджанский язык 1.2.2.

## Ход урока:

Учащиеся знакомы с элементами геометрии с младших классов. Знают понятия точки, прямой, плоскости и выполняли разные задания.

На изучение темы отводится 2 часа.



**Постановка проблемы**: В подготовленной на доске или программе Microsoft Power Point презентации записываются слова «точка», «прямая» и «плоскость».



Учитель предлагает учащимся высказать своё мнение о каждом понятии. Выслушивает мнение учащихся об изображении этих понятий, их названиях, свойствах. Учитель проводит с учащимися обсуждение о возможном определении этих понятий. Выслушиваются ответы учащихся.

**Объяснение учителя**: Учитель доводит до внимания учащихся, что эти понятия принимаются без определения и являются первоначальными понятиями математики.

Даётся информация об определении, аксиоме, разделах содержательной линии геометрии, элементах планиметрии и стереометрии.

**Исследовательский вопрос**: Какие аксиомы являются аксиомами планиметрии и как они применяются?

Для проведения исследования учащиеся класса делятся на 4 группы.

1 группе выдаются рабочие листы с нижеприведёнными аксиомами.

- Какова бы ни была прямая, существуют точки, принадлежащие этой прямой, и точки, не принадлежащие ей (аксиома принадлежности).
- Через любые две точки можно провести одну и только одну прямую (аксиома прямой).

II группе выдаются рабочие листы с нижеприведённой аксиомой.

• Из трёх точек, расположенных на одной прямой, одна и только одна лежит между двумя другими (аксиома расположения точек на прямой).

III группе выдаются рабочие листы с нижеприведёнными аксиомами.

- Каждый отрезок имеет длину, отличную от нуля, и измеряется определёнными единицами длины (аксиома измерения отрезка).
- Длина отрезка равна сумме длин отрезков, на которые он разбивается любой внутренней точкой (аксиома сложения отрезков).

IV группе выдаются рабочие листы с нижеприведёнными аксиомами.

- Каждый угол имеет градусную меру, большую нуля. Развёрнутый угол равен 180° (аксиома измерения углов).
- Градусная мера угла равна сумме градусных мер углов, на которые он разбивается внутренним лучом (аксиома сложения углов).

Объясняя эти аксиомы, учащиеся каждой группы должны стараться обосновать их на примерах. В рабочие листы можно добавить и задания из учебника. Каждая группа представляет данное им задание, и проводятся обсуждения.

На втором уроке объясняются аксиома деления прямой, аксиома деления отрезка, аксиома деления плоскости, аксиома деления угла.

Упражнение № 7. Выполняя это задание, учащиеся убеждаются, что на луче ОА с началом в точке О можно выделить отрезки ОВ, ОМ, ОК и ОР, равные 2,5 см, 4,2 см, 3,8 см и 5,1 см. Точки В, М, К и Р на луче ОА будут расположены в следующей последовательности:





Если примем за координату точки О 0 (нуль), то координатой точки В будет 2,5; точки K-3,8; точки M-4,2; точки P-5,1. Тогда на основе правила нахождения расстояния между двумя точками:

$$BM = 4,2-2,5 = 1,7 \text{ cm}$$
;  $PM = 5,1-4,2 = 0,9 \text{ cm}$ ;  $BP = 5,1-2,5 = 2,6 \text{ cm}$ .

Ответ: 1,7 см; 0,9 см; 2,6 см.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** учащийся должен уметь определять связь между нахождением расстояния между двумя точками и аксиомой деления отрезка. Учитель должен стараться, чтобы учащиеся не зубрили аксиомы, а осознавали и умели применять.

**Обобщение и результат:** Учитель вновь повторяет аксиомы планиметрии, доводит до внимания учащихся важность использования аксиом.

#### Опенивание

#### • Осознание

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Затрудняется в осознании понятии аксиомы;	
	Не может выражать аксиомы;	
	При выражении путает аксиомы.	
Уровень II	Осознаёт понятие аксиомы, выражает некоторые аксиомы планиме-	
	трии, но затрудняется выразить все аксиомы;	
	Выражает аксиомы, но затрудняется применить на примерах.	
Уровень III	Выражает и объясняет аксиомы планиметрии.	
Уровень IV	Обосновывает на примерах при объяснении аксиомы планиметрии.	

# Урок 1.14. Теорема. Прямая и обратная теоремы

**Стандарт:** 3.1.5. Понимает понятия аксиомы, теоремы, прямой теоремы и обратной теоремы. **Результат обучения:** Осознаёт понятие теоремы, прямой и обратной теоремы.

Форма работы: коллективная и работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ Интеграция: Азербайджанский язык 1.2.2.

### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: Деятельность, данная в учебнике, выполняется учащимися. В это время учитель должен стараться, чтобы учащиеся изложили правило о сумме смежных углов, пройденное ими в 6 классе. Затем учитель обращается с вопросом «Как вы можете обосновать правило о том, что сумма

смежных углов равна 180°?». Выслушивает мнение учащихся.

Объяснение учителя: Учитель даёт информацию о понятиях теоремы, условия, утверждения. Объясняет, какими способами проводится доказательство. Правило нахождения суммы смежных углов выражается в виде теоремы. Обмениваясь с учащимися мнениями, учитель объясняет, как определить условие и утверждение этой теоремы. Доказательство теоремы поручается учащимся. Давая определённое направление, учитель должен достичь того, чтобы учащиеся (в виде групп) сумели доказать утверждение. Здесь доводится до внимания учащихся использование свойства развёрнутого угла и аксиомы деления угла. Мнение групп выслушивается и оценивается.

На следующем этапе выполняется вторая деятельность и в данном предложении (учитель может дать и другие предложения), поменяв местами условие и утверждение, учащимися называется обратное ему предложение. Затем, поменяв местами условие и утверждение теоремы о сумме смежных углов, называется обратная теорема: «Углы, сумма которых равна 180°, являются смежными», выслушивается мнение учащихся о верности / неверности этого предложения. Деятельность может быть осуществлена в группах.

Для интересного проведения урока можно с помощью компьютера проецировать разные бытовые ситуации и события могут быть представлены в виде предложений (если ласточки летают низко, это к дождю; если рыбки в аквариуме беспокойно плавают, возможно землетрясение и т.д.).

Учитель даёт информацию об обратной теореме.

Третья деятельность, данная в учебнике, выполняется группами, вспоминается пройденное учащимися в VI классе о свойстве вертикальных углов. Затем свойство вертикальных углов выражается в виде теоремы. Доказательство теоремы поручается учащимся, поделённым на группы. Учитель доводит до внимания учащихся, чтобы при доказательстве они использовали теорему о сумме смежных углов.

В течение второго урока выполняются задания из учебника.

## Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 3. Предложение, данное в этом задании, называется аксиомой Туси-Паша. Учащиеся наглядно могут обосновать, что прямая, пересекающая любую сторону треугольника, может пересечь только одну из оставшихся сторон треугольника.



В случае, когда прямая параллельна одной из сторон треугольника, объяснение аксиомы ясно: у параллельных прямых нет общей точки. Если прямая пересечёт другие две стороны треугольника, то это не прямая, а кривая.

Во время объяснения этой задачи исторические сведения о Насреддине Туси можно представить с помощью компьютера:

Упражнение №11. Оценивание решения:

1 вопрос. Полный ответ оценивается в 2 балла.

Ответ: 0,5 м или 50 см,  $\frac{1}{2}$  (запись единицы измерения не требуется)

$$\frac{70}{P} \approx 140 \Leftrightarrow 70 \approx 140P \Leftrightarrow P = 0.5, 70/140.$$

Неполный ответ оценивается в 1 балл. Неполные ответы могут быть следующие:

Значения переменных подставлены в формулу правильно, однако верный ответ не был

получен или же ответ вообще не указан. Например:  $\frac{70}{P} \approx 140$ 

- (Переменные подставлены, но ответа нет),  $\frac{70}{P} \approx 140 \Leftrightarrow 70 \approx 140 P \Leftrightarrow P = 2$
- (Ответ не верен)

В следующих случаях ответ не принимается. Например:

- Ответ: 7 см. (или какой-нибудь неверный ответ)
- Решение и ответ вообще отсутствует.

2 вопрос: Полный ответ оценивается в 3 балла. Полный ответ может быть следующим:

- Оба ответа написаны верно: 89,6 м/мин., 5,38 км/ч или 89,6; 5,38 (запись единиц измерения необязательна)
- Приближённые ответы считаются правильными: 90 м/мин., 5,4 км/ч или 5 км/ч и т.д. Если решена определённая часть задачи, ответ оценивается в 2 балла.

Неполный ответ может быть следующим:

- Задача решена, но ответ не выражен в м/мин. или км/час
- Единица измерения одного из ответов указана, верно, у другого неверно, или вообще не указана: a) 89,6 м/мин., 8960 км/час б) 89,6; 5376 в) 89,6; 53,76 г) 89,6, 0,087 км/ч д) 89,6; 1,49 км/ч и др.
- Пути решения задачи правильны, но один из ответов не верен.
- Промежуточные вычисления не показаны, один из ответов правильный, другой ответ оппибочный.

Если некоторая часть задачи решена, то ответ оценивается в 1 балл. В этом случае ответ может быть следующим:

Начало решения задачи записано правильно, но продолжение не решено или решено неверно, правильного ответа нет.

Другие ответы и полное отсутствие решения оценивается в 0 баллов.

Дифференциальное обучение: Учитель может составить рабочие листы в соответствии с уровнем каждого учащегося. В этих рабочих листах даются разные предложения и даётся задание составить для этих предложений обратные им предложения. Сильные учащиеся могут сами выбрать предложения.

**Обобщение и результат:** Повторяя изученное о понятиях теоремы, прямой и обратной теоремы, учитель обобщает пройденное.

#### Опенивание

#### • Осознание

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется осознать понятия теоремы, обратной теоремы; Не осознаёт понятия теоремы, её условия и утверждения, доказательства; Не может различать условие и утверждение теоремы; Не может назвать обратную теореме теорему.
Уровень II	Называет обратную теорему теоремы, не может определить её верность/ неверность; Затрудняется в доказательстве теоремы.
Уровень III	Составляет и доказывает обратную теорему (предложение) теоремы (или любого предложения).
Уровень IV	Самостоятельно выполняет доказательство теоремы (предложения) и обратной теоремы (предложения).

# Образец критериев оценивания для составления заданий для малого суммативного оценивания №2

№	Критерии
1	Применяет аксиомы планиметрии.
2	Знает понятия теоремы и обратной теоремы, называет предложение, обратное заданному предложению.
3	Строит биссектрису угла.
4	Строит биссектрисы треугольника.
5	Строит медианы треугольника.
6	Строит высоты треугольника.

# Образец малого суммативного оценивания № 2

Фамилия: \_\_\_\_\_ Имя: \_\_\_\_\_ Количество правильных ответов: \_\_\_\_\_ Количество неправильных ответов: Оценка:

- 1. Начертите произвольную прямую *а* и отметьте не принадлежащие ей точки A и B таким образом, чтобы эти точки относительно *а* были:
- углы соответственно на 35°, 45° и 10°. Найдите углы треугольника.

6. Используя угольник, постройте высоты

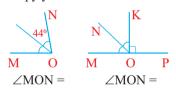
данного треугольника MNK.

5. Биссектрисы треугольника делят его

- а) в одной и той же полуплоскости;
- б) в разных полуплоскостях.



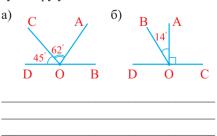
**2**. На основе рисунков определите градусную меру угла MON.



**3**. В треугольнике ABC проведены медианы AK, BM и CN. Найдите периметр треугольника ABC, если AM = 5 см, BN = 3.6 см, CK = 2.2 см.



- **8**. Постройте угол в  $80^{\circ}$  и постройте его биссектрису.
- 4. На основе рисунков определите градусную меру угла AOB:



# ГЛАВА II

# СТЕПЕНЬ С НАТУРАЛЬНЫМ ПОКАЗАТЕЛЕМ. КОНГРУЭНТНОСТЬ ТРЕУГОЛЬНИКОВ

Стандарт	Учебная единица	Тема	Часы
1.2.2.		Урок 2.1. Степень с натуральным показателем	2
1.2.2.		<b>Урок 2.2.</b> Произведение степеней с одинаковыми основаниями	1
1.2.2.		<b>Урок 2.3.</b> Отношение степеней с одинаковыми основаниями	2
1.2.2.		Урок 2.4. Возведение степени в степень	2
1.2.2.		Урок 2.5. Возведение произведения в степень	1
1.2.2.	ем.	Урок 2.6. Одночлен и его стандартный вид	2
1.2.2.	тел	Урок 2.7. Возведение частного (дроби) в степень	1
1.2.1., 1.2.3.	Глава II. Степень с натуральным показателем. Свойства конгруэнтности треугольников	<b>Урок 2.8.</b> Выражения со степенью с натуральным показателем	2
1.2.5.	греу	Урок 2.9. Формула простого процентного роста	2
1.2.5.	ильн Ути 7	Урок 2.10. Формула сложного процентного роста	2
	гура	Образец малого суммативного оценивания № 3	1
3.2.2.	уэн у	Урок 2.11. Конгруэнтные треугольники	1
3.2.2.	епень (	<b>Урок 2.12.</b> Первый признак конгруэнтности треугольников	2
3.2.2., 4.1.1.	П. Ст	<b>Урок 2.13.</b> Второй признак конгруэнтности треугольников	2
3.1.1.	Глава	<b>Урок 2.14.</b> Свойства равнобедренных треугольника	2
3.1.2.		<b>Урок 2.15.</b> Построение треугольника по трём сторонам	1
3.2.2.		<b>Урок 2.16.</b> Третий признак конгруэнтности треугольников	2
		Проверьте себя	1
		Образец малого суммативного оценивания № 4	1
		Образец большого суммативного оценивания № 1	1

# Урок 2.1. Степень с натуральным показателем

**Стандарт:** 1.2.2. Применяет свойства степени с натуральным показателем.

**Результат обучения:** Демонстрирует знания понятия степени с натуральным показателем.

Форма работы: коллективная и работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

Интеграция: Информатика 4.1.3

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы**: Учитель на доске или на экране компьютера представляет запись  $a^2$  и  $a^3$ . Спрашивает мнение учащихся об этих записях и записывает их ответы рядом с каждым выражением.



Затем выполняется первая деятельность, данная в учебнике. На основе деятельности понятия квадрата и куба числа определяются на фигурах квадрата и куба. Площадь квадрата, длина стороны которого составляет 1 единицу измерения равна 1кв. единици, поскольку число таких квадратов 16, площадь большого квадрата равна 16 кв. единицам. По тому же правилу, объем куба с длиной ребра в 1 единицу измерения составит 1 куб. единицы. Число таких кубов 64. Следовательно, объём большого куба составляет 64 кубические единицы.

Данные во второй деятельности числа с помощью способа разложения на простые множители представлены в виде произведения одиноковых множителей.

Затем выполняется третья деятельность. Данное число представлено в виде суммы разрядных слагаемых. Выслушивается мнение учащихся о записи  $a\cdot 10^n$ , полученной в результате представления в виде степени разрядных единиц.

**Объяснение учителя**: Учитель даёт информацию учащимся о понятии степени с натуральным показателем, её записи и прочтении. Объясняет учащимся стандартную запись числа.

**Исследовательский вопрос:** Что такое степень с натуральным показателем, как определяется её основание и степень?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 4.

r) 
$$\left(\frac{3}{4}\right)^4 = \frac{81}{256}$$
; e)  $\left(-\frac{4}{5}\right)^3 = -\frac{64}{125}$ ;

$$\pi$$
)  $\left(1\frac{1}{3}\right)^5 = \left(\frac{4}{3}\right)^5 = \frac{1024}{243};$ 
 $\ddot{e}$ )  $(1,(5))^2 = \left(1\frac{5}{9}\right)^2 = \left(\frac{14}{9}\right)^2 = \frac{196}{81}.$ 

**Упражнение № 6.** В этом задании разъясняется правило возведения в степень с помощью калькулятора. Целесообразно использовать калькулятор при возведении в степень многозначных чисел.

a) 
$$4,12^3 \Rightarrow 4,12^* = 69,934528 \approx 69,9$$
;

$$4.12^3 \approx 69.9$$
.

6) 
$$(-0.78)^5 \Rightarrow 0.78* = = = 0.2887174368 \approx 0.3$$
;

$$(-0.78)^5 \approx -0.3$$
.

$$\Gamma$$
) 2,08<sup>3</sup>: 1,56 = 8,998912: 1,56 = 5,7685(3)  $\approx$  5,8.

д) 
$$1,67^3 \cdot 4,7 = 4,657463 \cdot 4,7 = 21,8900761 \approx 21,9$$
.

ж)  $2.73^5 \cdot 27.4 \approx 4154.9$ .

3) 
$$(1,29 + 8,052)^3 = 9,342^3 = 815,30402 \approx 815,3$$
.

Упражнение № 8. Заполняя таблицу, учащиеся должны обращать внимание на повторяющиеся цифры степеней с основанием 2 и 3. Анализируя это свойство, определяется, что последняя цифра значений степеней с основаниями 2, 3, 7, 8, повторяется через каждые 4 последовательные натуральные степени:

1) 
$$2^1 = 2$$
,  $2^2 = 4$ ,  $2^3 = 8$ ,  $2^4 = 16$ ,  $2^5 = 32$ 

2) 
$$3^1 = 3$$
,  $3^2 = 9$ ,  $3^3 = 27$ ,  $3^4 = 81$ ,  $3^5 = 243$ .

3) 
$$8^1 = 8$$
,  $8^2 = 64$ ,  $8^3 = 512$ ,  $8^4 = 4096$ ,  $8^5 = 32768$ .

Согласно этому свойству, определим последнюю цифру значения степени: последней цифрой значения степени  $2^{18}$  будет 4, так как, до 16-й степени вклютельно, период полностью повторяется, в следующем периоде последней цифрой значения второй степени является 4. По тому же принципу, последней цифрой значения  $3^{25}$  будет 3; последней цифрой значения  $4^{89}-4$ ; последней цифрой значения  $5^{100}-5$ ; последней цифрой значения  $10^{99}-0$ ; последней цифрой значения  $8^{54}-4$ .

**Упражнение № 10**. б) если  $a = \left(-\frac{3}{4}\right)$ , то найдём значение выражения  $a^4 - a^2$ :

$$\left(-\frac{3}{4}\right)^4 - \left(-\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{81}{256} - \frac{9}{16} = \frac{81}{256} - \frac{144}{256} = -\frac{63}{256}.$$

**Упражнение** № 14. а) если n — чётное число, то расставим данные числа в порядке возрастания последовательности:  $0^n$ ;  $0,6^n$ ;  $(-1,7)^n$ ;  $(-5)^n$ ;  $7^n$ .

б) если n – нечётное число, то расставим данные числа в порядке возрастания:  $(-5)^n$ ;  $(-1,7)^n$ ;  $0^n$ ;  $0,6^n$ ;  $7^n$ .

**Упражнение** № **15**. а) в неравенстве  $(-7)^n > (-5)^n n$  — чётное число, так как только при чётном n из -7 < -5, следует  $(-7)^n > (-5)^n$ .

- б) в неравенстве  $(-7)^n < (-5)^n n$  нечётное число.
- в) в неравенстве  $(-7)^n > 5^n n$  чётное число.
- д) в неравенстве  $7^n > 5^n$  невозможно утверждать о чётности или нечётности n.
- е) в неравенстве  $7^n > (-5)^n$  невозможно утверждать о чётности и нечётности n, при любом значении n неравенство будет верным.

**Упражнение № 16.** а) Учащийся, рассматривая числовую ось в первую очередь, должен обратить внимание на то, что точка с координатой  $x^2$  находится справа от начала

отсчёта, а точка с координатой  $x^3$  — слева от начала отсчёта. То есть  $x^2 > 0$  и  $x^3 < 0$ , следовательно, x < 0. С другой стороны, точка  $B(x^3)$  относительно точки  $C(x^2)$  ближе к 0. Следовательно, точка A(x) на числовой оси расположена между числами -1 и 0.

- б) Во втором случае обе точки располагаются справа от 0. Следовательно, x > 0. Но точка  $C(x^2)$  располажена правее точки  $B(x^3)$ . Тогда точка A(x) располагается между числами 0 и 1.
- в) В третьем случае обе точки расположены справа от 0. Следовательно, x > 0. Точка  $C(x^2)$  располагается левее точки  $B(x^3)$ . Тогда число x также больше 1: x > 1. Точка A(x) на числовой оси будет располагаться справа от 1.

Упражнение № 17. Для выстраивания чисел в порядке возрастания без проведения вычислений, следует помнить, что отрицательные числа меньше положительных. С другой стороны, основания данных степеней располагаются между числами 0 и 1 или –1 и 0. С увеличением порядка степени у степени с основанием, расположенным между 0 и 1, сама степень уменьшается. С увеличением порядка степени с основанием, расположенным между –1 и 0, значение увеличивается.

- а) возрастающий ряд:  $(-0,7)^9$ ;  $(-0,7)^6$ ;  $(-0,7)^2$ .
- б) возрастающий ряд:  $(-0,3)^6$ ;  $(-0,3)^4$ ;  $(-0,3)^2$ .
- в) возрастающий ряд:  $\left(-\frac{1}{5}\right)^5$ ;  $\left(-\frac{1}{5}\right)^4$ ;  $\left(-\frac{1}{5}\right)^2$ .
- г) возрастающий ряд:  $(-0,(1))^5$ ;  $(-0,(1))^7$ ;  $(-0,(1))^2$ .

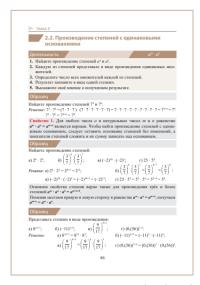
**Обобщение и результат:** Учитель проводит обобщение повторяя всё, что было пройдено о представлении с натуральным показателем, об основании и показателе, о стандартном виде числа.

### Оценивание

#### • Осознание

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень І	Затрудняется в осознании понятия степени с натуральным показателем; Не может вычислить степень с натуральным показателем.
Уровень II	Данную степень представляет в виде произведения, допускает определённые ошибки при нахождении степени с натуральным показателем; Представляет степень с натуральным показателем в виде произведения или произведение представляет в виде степени с натуральным показателем, допускает незначительные ошибки.
Уровень III	Самостоятельно находит степень числа с натуральным показателем, определяет основание и степень.
Уровень IV	Опирается на примеры при нахождении степени с натуральным показателем.

# Урок 2.2. Произведение степеней с одинаковыми основаниями



**Стандарт:** 1.2.2. Применяет свойства степени с натуральным показателем.

**Результат обучения:** Находит произведение степеней с натуральным показателем.

Форма работы: коллективная и работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы

## Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы**: Деятельность, данная в учебнике, может выполняться парами. Учитель задаёт найти произведение  $a^3 \cdot a^2$ , каждая степень показывается в виде произведения одинаковых множителей:  $(a \cdot a \cdot a) \cdot (a \cdot a)$ . При раскрытии скобки получается степень  $a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a = a^5$ . Таким образом, учащиеся

сами определяют, что  $a^3 \cdot a^2 = a^5$ . Об этом равенстве выслушивается мнение учащихся. В следующем вопросе вместо a учитель может записать любое число (как это дано в образце из учебника).

Основываясь на деятельность и образцы, учитель спрашивает мнение учащихся о нахождении произведения степеней. Выслушивается мнение учащихся и свойство даётся в виде формулы для двух и более множителей.

**Исследовательский вопрос:** Как применяется правило нахождения произведения степеней с натуральным показателем?

С целью проведения исследования задания из учебника могут быть розданы на рабочих листах учащимся, поделённым на группы.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 4.** Выполним некоторые задания из таблицы (это задание можно выполнить, раздав по группам):

$(-3,2x)^2 \cdot (-3,2x)^4 = (3,2x)^6$	$(-0,6)^4 \cdot (-0,6) = (-0,6)^5$
$(a-b)^5 \cdot (a-b)^8 = (a-b)^{13}$	$16^2 \cdot 16 \cdot 16 \cdot 16^5 = 16^9$
$(x+2y)^9 \cdot (x+2y)^{10} = (x+2y)^{19}$	$2,3 \cdot 2,3^8 \cdot 2,3^6 \cdot 2,3 = 2,3^{16}$
$\left(\frac{4}{3}x\right)^{11} \cdot \left(\frac{4}{3}x\right)^{8} \cdot \left(\frac{4}{3}x\right)^{9} = \left(\frac{4}{3}x\right)^{28}$	$(1,(5))^3 \cdot \left(\frac{14}{9}\right)^8 = \left(\frac{14}{9}\right)^{11}$

**Упражнение № 5.** Задание так же, как и предыдущее, может быть выполнено в группах:

<b>2</b> <sup>4</sup> ← 16	2 <sup>5</sup> 32	$5^2 \leftarrow 25$	2 <sup>6</sup> ← 64	$15^2 \leftarrow 225$
27 128	28- 512	44-256	$3^3 \leftarrow 27$	$2^{10} \leftarrow 1024$
34- 81	35-243	192 361	36-729	3 <sup>7</sup> <b>←</b> 2187

**Упражнение № 6.** Выполняя задания, учащиеся должны уметь показать числа в виде степени 2.

a) 
$$8 \cdot 32 = 2^3 \cdot 2^5 = 2^8 = 256$$
;

B) 
$$16 \cdot 64 = 2^4 \cdot 2^6 = 2^{10} = 1024$$
:

$$\pi$$
) 256 · 64 =  $2^8$  ·  $2^6$  =  $2^{14}$  = 16384:

$$\Gamma$$
)  $8 \cdot 1024 = 2^3 \cdot 2^{10} = 2^{13} = 8192$ .

Упражнение № 8. Выполняя задание, учащиеся должны суметь показать правую и левую сторону равенства в виде степеней с одинаковыми основаниями. В этом случае определяется значение n в равенствах.

a) 
$$3^n = 27$$
;  $3^3 = 27$ ,  $n = 3$ .

б) 
$$2^n = 64$$
;  $2^6 = 64$ ,  $n = 6$ .

д) 
$$7^n = 343$$
;  $7^3 = 343$ ,  $n = 3$ .

**Упражнение** № 9. Чтобы упростить выражения, применяется свойство нахождения произведения степеней. В качестве помощи учащимся приводится образец в учебнике.

a) 
$$5^{n-2} \cdot 5^n = 5^{n-2+n} = 5^{2n-2}$$
;

6) 
$$17^{m+1} \cdot 17^{m-1} = 17^{m+1+m-1} = 17^{2m}$$
:

B) 
$$6^{1-k} \cdot 6^{k+3} = 6^{1-k+k+3} = 6^4$$
.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** Учащиеся часто будут использовать степени с натуральными показателями с основаниями 2, 3, 4, 5, ..., 10. Составив таблицу значений этих степеней, они могут ею пользоваться. Итоги этого обучения пойдут на пользу слабым учащимся.

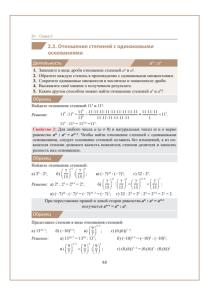
**Обобщение и результат:** Учитель, ещё раз обращая внимание на свойства нахождения степеней с натуральным показателем, обобщает пройденное.

#### Оценивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется вычислить произведение степеней с одинаковыми осно-
	ваниями;
	Находя произведение степеней с одинаковыми основаниями, умножа-
	ет основания или показатели.
Уровень II	Допускает определённые ошибки при применении правил нахожде-
	ния произведения степеней с одинаковыми основаниями.
Уровень III	Применяет правило нахождения произведения степеней с одинаковы-
	ми основаниями.
Уровень IV	Самостоятельно применяет правило нахождения степеней с одинако-
	выми основаниями.

# Урок 2.3. Отношение степеней с одинаковыми основаниями



Стандарт: 1.2.2. Применяет свойства степени с натуральным показателем.

Результат обучения: Находит частное степеней с натуральным показателем.

Форма работы: коллективная и работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: Выполняется деятельность, данная в учебнике. Учитель даёт задание найти частное  $a^3$ :  $a^2$ . Частное записывается учащимися в виде дроби, и степени преобразовывают в произведение одинаковых множителей:

$$\frac{a^3}{a^2} = \frac{a \cdot a \cdot a}{a \cdot a} = a$$

Выслушивается мнение учащихся о полученном результате. Проводятся обсуждения, как можно найти частное  $a^3$ :  $a^2$  другим способом. Свойство нахождения частного степеней с одинаковыми основаниями выражается в виде формулы или правила.

Выполняя следующую деятельность, учащиеся анализируют свойство степени с показателем нуль. Учащиеся, определившие, что здесь  $a^3:a^3=1$  (частное одинаковых чисел равно 1) и, с другой стороны,  $a^3: a^3=a^{3-3}=a^0$  должны прийти к выводу, что  $a^0=1$ .

Моменты, на которые следует обратить внимание: Может возникнуть вопрос о том, зачем изучать в этой теме степень  $a^0$  если нуль не является натуральным числом. Возникает запись  $a^n$ :  $a^n = a^0$  при вычислении частного степеней с одинаковыми основаниями и показателями. В этом случае целесообразно обратить внимание учащихся на свойство равенства этой степени 1.

Исследовательский вопрос: Как применяется свойство нахождения частного степеней с натуральным показателем?

С целью проведения исследования задания из учебника раздаются на рабочих листах учащимся, поделённым на группы.

## Руководство к некоторым заданиям: Упражнение № 6.

$$\Gamma) \frac{3^9 \cdot 27}{3^5 \cdot 81} = (3^9 \cdot 3^3) : (3^5 \cdot 3^4) = 3^{12} : 3^9 = 3^3 = 27;$$

d) 
$$\frac{16 \cdot 2^{19}}{2^{22}} = (2^4 \cdot 2^{19}) : 2^{22} = 2^{23} : 2^{22} = 2^1 = 2;$$

d) 
$$\frac{16 \cdot 2^{19}}{2^{22}} = (2^4 \cdot 2^{19}) : 2^{22} = 2^{23} : 2^{22} = 2^1 = 2;$$
  
ë)  $\frac{5^{17} \cdot 125}{5^7 \cdot 625} = (5^{17} \cdot 5^3) : (5^7 \cdot 5^4) = 5^{20} : 5^{11} = 5^9;$ 

3) 
$$\frac{(0,(21))^{15}}{(0,(21))^{14}} \cdot \frac{\left(4\frac{5}{7}\right)^8}{\left(4\frac{5}{7}\right)^7} = \left(\left(\frac{21}{99}\right)^{15} : \left(\frac{21}{99}\right)^{14}\right) \cdot \left(\left(\frac{33}{7}\right)^8 : \left(\frac{33}{7}\right)^7\right) = \left(\frac{7}{33}\right)^1 \cdot \left(\frac{33}{7}\right)^1 = \frac{7}{33} \cdot \frac{33}{7} = 1;$$

$$\mathbf{H}) \ \frac{(0,7)^9 \cdot \frac{7}{10}}{(0,7)^7 \cdot \left(\frac{7}{10}\right)^2} = (0,7^9 \cdot 0,7^1) : (0,7^7 \cdot 0,7^2) = 0,7; \,.$$

**Упражнение** № 8. а) 
$$c^2 \cdot * = c^8$$
;  $* = c^6$ ,

B) 
$$cc^7 \cdot * = c^{18}$$
;  $c^8 \cdot * = c^{18}$ ;  $* = c^{10}$ ,

6) 
$$ccc \cdot * = c^{10}$$
;  $c^3 \cdot * = c^{10}$ ;  $* = c^7$ ,

e) \* · 
$$c^{15}$$
 ·  $c^3 = c^{43}$ ; \* =  $c^{25}$ .

**Упражнение № 10.** Исследуя данную таблицу, вычислим значение X:

№	A	В	C	X
1	4	-3	-1,2	$(A^3 + B^2) \cdot C^2 = (4^3 + (-3)^2) \cdot (-1,2)^2 = 73 \cdot 1,44 = 105,12$
2	5	7	-139	$2^{A} - B^{2} + C^{0} = 2^{5} - 7^{2} + (-139)^{0} = 32 - 49 + 1 = -16$
3	$\frac{4}{5}$	$-1\frac{1}{4}$	0	$A^{3}(B^{2}+100^{C}) = \left(\frac{4}{5}\right)^{3} \cdot \left(\left(-1\frac{1}{4}\right)^{2}+100^{0}\right) = \frac{164}{125}.$

Упражнение № 14. В выражении  $a^{n+1}:a^m$  вместо m и n следует записать такое число, чтобы показатель степени был равен a) 8. То есть:  $a^{n+1}:a^m=a^8$ . Отсюда вытекает: n+1-m=8 и n-m=7. Как видно, в равенстве есть две переменные. Учащийся сам должен выбрать числа, которые запишет вместо n и m. Например: n=18,6 и m=11,6. Дифференциальное обучение: Вычисляя частное степеней с одинаковыми основаниями, учащиеся могут испытывать определённые трудности выполняя задания упражнения № 6. Учащимся, затрудняющимся решать такого рода задания, можно дать

a) 
$$(49 \cdot 343) : (7^2 \cdot 2401);$$
 6)  $\frac{36 \cdot 216}{6^2 \cdot 1296};$  B)  $\frac{81 \cdot 3^7 \cdot 9}{3^4 \cdot 3^5};$   $\Gamma$ )  $\frac{125 \cdot 625}{5^6 \cdot 25}$ .

**Обобщение и результат:** Учитель, ещё раз подчеркнув свойство нахождения частного степеней с натуральным показателем, обобщает пройденное. Обобщая пройденное о степени с нулевым показателем, учитель объясняет причины, по которым несмотря на то, что нуль не является натуральным числом, рассматриваются степени с показателем нуль.

#### Опенивание

### • Применение

дополнительные примеры.

Уровни	Образцы критериев оценивания				
Уровень I	Затрудняется в применении в решении упражнения правила нахожде-				
	ния частного степеней с одинаковыми основаниями;				
	При нахождении частного степеней с одинаковыми основаниями делит				
	основания или показатели.				
Уровень II	Допускает определённые ошибки при применении правила нахожде-				
	ния частного степеней с одинаковыми основаниями.				

Уровень III	Самостоятельно применяет правило нахождения частного степеней с
	одинаковыми основаниями.
Уровень IV	Творчески применяет правило нахождения частного степеней с одина-
	ковыми основаниями.

# Урок 2.4. Возведение степени в степень



**Стандарт:** 1.2.2. Применяет свойства степени с натуральным показателем.

**Результат обучения:** Умеет возводить степень в степень.

Форма работы: коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы

# Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы**: Ставится проблема упростить степень  $(a^3)^2$ . Учитель задаёт учащимся определить основание и показатель степени. Выслушиваются ответы учащихся. Записывается, как  $(a^3)^2 = a^3 \cdot a^3$ . Определяется, что основание  $a^3$  тоже является степенью. Следующим шагом является запись степени  $a^3$  в виде произведения  $a \cdot a \cdot a$ . Таким образом, результат анализа записывается на

доске, как  $(a^3)^2 = a^3 \cdot a^3 = (a \cdot a \cdot a) \cdot (a \cdot a \cdot a) = a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a = a^6$ .

Выслушивается мнение учащихся об этой записи. В результате, учащиеся определяют, что при возведении степени в степень следует умножать показатели степени.

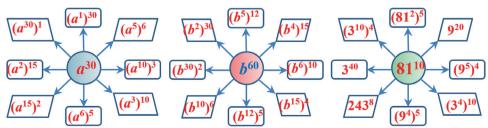
Следующим шагом следует доказать равенство  $(a^m)^n = a^{mn}$ , данное в качестве образца в учебнике, чтобы записать его в виде формулы возведения степени в степень.

#### Исследовательский вопрос: Как применяется свойство возведения степени в степень?

С целью проведения исследования задания из учебника выполняются на рабочих листах, розданных учащимся, поделённым на группы.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение** № **5.** Покажем разными способами данные степени в виде степени с другим основанием:



Упражнение № 6. При выполнении этого задания, у учащихся формируются творческие навыки. Задание можно выполнить в группах или парах. Каждая группа выполняет свою работу и объясняет её.

a) 
$$(a^2)^2 \cdot (a)^3 = a^7$$
;

6) 
$$(k)^4 \cdot (k^2)^3 = k^{10}$$
;

B) 
$$(c^5)^2 \cdot (c)^3 = c^{13}$$
;

$$\Gamma$$
)  $(a^3)^5 \cdot (a^2)^4 = a^{23}$ ;

$$\pi$$
)  $(k^2)^2 \cdot (k)^3 = k^7$ ;

e) 
$$(c)^2 \cdot (c^3)^3 = c^{11}$$
.

**Упражнение** № 7. Для сравнения степеней  $4^{10}$  и  $8^7$  их нужно преобразовать в степени с одинаковыми основаниям:  $4^{10} = (2^2)^{10} = 2^{20}$  и  $8^7 = (2^3)^7 = 2^{21}$ , таким образом,  $4^{10} < 8^7$ . По такому же принципу решают другие примеры:

а) 
$$3^8$$
 и  $27^3 = (3^3)^3 = 3^9$ , поэтому,  $3^8 < 27^3$ .

6) 
$$8^9 = (2^3)^9 = 2^{27} < 2^{28}$$
.

в) 
$$25^3 = (5^2)^3 = 5^6$$
 и  $125^2 = (5^3)^2 = 5^6$ , поэтому,  $25^3 = 125^2$ .

г) 
$$36^4 = (6^2)^4 = 6^8$$
 и  $216^2 = (6^3)^2 = 6^6$ , поэтому,  $36^4 > 216^2$ .

Упражнение № 9. б) 
$$x \cdot (7^2 \cdot 9) = 49 \cdot 3^6$$
;  $x = \frac{7^2 \cdot 3^6}{7^2 \cdot 3^2} = 3^4$ ;  $x = 81$ .

B) 
$$2^4 \cdot 2^x = 2^{17}$$
,  $2^x = 2^{17} : 2^4$ ,  $2^x = 2^{13}$ ,  $x = 13$ .

**Дифференциальное обучение:** Учащиеся затрудняются в преобразовании степеней с разными основаниями в степени с одинаковыми основаниями. Поэтому им следует задавать больше примеров (если это возможно) на преобразование степеней с разными основаниями в степени с одинаковыми основаниями.

**Обобщение и результат:** Учитель, ещё раз обращая внимание на свойство возведения степени в степень, обобщает пройденное.

#### Оценивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется в применении свойства возведения степени в степень; Возводя степень в степень, складывает показатели или возводит показатель в степень.
Уровень II	Нуждается в определённом руководстве при возведении степени в степень.
Уровень III	Самостоятельно применяет свойство возведения степени в степень.
Уровень IV	Творчески применяет свойство возведения степени в степень.

# Урок 2.5. Возведение произведения в степень

Стандарт: 1.2.2. Применяет свойства степени с натуральным показателем.

Результат обучения: Применяет свойства возведения произведения в степень.

**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы

Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы**: Учитель задаёт учащимся исследовать степень  $(a \cdot b)^3$ . В этом выражении определяется основание и показатель.

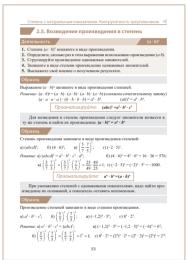
Три раза записывается произведение множителя (ab).  $(a \cdot b)^3 = (ab) \cdot (ab) \cdot (ab) = (a \cdot a \cdot a) \cdot (b \cdot b \cdot b) = a^3b^3$ .

Выслушивается мнение учащихся об этом выражении. После того, как учащиеся назовут свойство возведения произведения в степень, учитель разъясняет это правило. До внимания учащихся доводится формула  $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$ .

Анализ равенства  $a^n \cdot b^n = (a \cdot b)^n$  из учебника поручается учащимися. Учащиеся класса делятся на группы и вокруг этого вопроса проводится исследование. Во время исследования число n может быть заменено любым натуральным числом: n = 3.

$$a^3 \cdot b^3 = a \cdot a \cdot a \cdot b \cdot b \cdot b = (ab)(ab)(ab) = (ab)^3$$
.

**Исследовательский вопрос**: Как применяется возведение произведения в степень?



С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

## Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 4. Обоснуем нижеследующие предложения:

- а) Квадраты противоположных чисел равны, поскольку квадратом отрицательного числа является положительное число:  $(-5)^2 = 5^2 = 25$ ;
- б) Кубы противоположных чисел противоположные числа, поскольку куб отрицательного числа является отрицательные числом, а куб положительного числа – положительное число;
- в) Вообще степени противоположных чисел с чётными показателями всегда равны друг другу (если показатель одно и то же чётное число)  $(-7)^6 = 7^6$ .

Степени противоположных чисел с нечётными показателями всегда противоположно равны друг другу (если показатель одно и то же нечётное число)  $(-7)^5 = 7^5$ .

Упражнение № 5. В этом задании учащиеся, увеличив в несколько раз длину сторон квадрата, рассматривают во сколько раз увеличивается площадь квадрата, а также, увеличив в несколько раз длину ребра куба, рассматривают во сколько раз увеличивается объём куба.

Длина стороны квадрата	Площадь квадрата	Как изменилась площадь?	Длина ребра куба	Объём куба	Как изменился объём?	
а	$a^2$	Если сторона увеличи-	а	$a^3$	Если ребро увеличи-	
2 <i>a</i>	$4a^{2}$	лась в 2 раза (3 раза), площадь увеличивает-	2 <i>a</i>	8 <i>a</i> <sup>3</sup>	лась в 2 раза (3 раза), объём увеличивается	
3a	9 <i>a</i> ²	ся в 4 раза (в 9 раз), т.е. площадь квадрата увеличится на квадрат длины его стороны.	3 <i>a</i>	27 <i>a</i> ³	в 8 раз (в 27 раз), т.е. объём куба увеличится на куб длины его ребра.	
5 см	25 см <sup>2</sup>	1) $10 = 2 \cdot 5$	2 см	8 см <sup>3</sup>	1) $8 = 4 \cdot 2$	
10 см	100 см <sup>2</sup>	$100 = 4 \cdot 25$ 2) 20 = 4 \cdot 5	8 см	512 см <sup>3</sup>	$512 = 64 \cdot 8$ 2) $12 = 6 \cdot 2$	
20 см	400 см <sup>2</sup>	$400 = 16 \cdot 25$	12 см	1728 см <sup>3</sup>	$1728 = 216 \cdot 8$	

Следовательно, если сторона квадрата увеличится (уменьшится) в k раз, его площадь увеличится (уменьшится) в  $k^2$  раз, ребро куба увеличится (уменьшится) в k раз, его объём увеличится (уменьшится) в  $k^3$  раз.

в) 
$$25x^2y^4 = (5xy^2)^2;$$
 д)  $\frac{64}{169}r^8 = \left(\frac{8}{13}r^4\right)^2;$  е)  $81a^4b^8 = (3ab^2)^4;$ 

ж) 
$$(20 + 44)a^3 = 64a^3 = (4a)^3$$
; 3)  $\frac{-125}{216}x^{18} = \left(\frac{-5}{6}x^6\right)^3$ .

Обобщение и результат: Учитель, ещё раз отмечая свойство возведения произведения в степень, обобщает пройденное.

## Оценивание

## • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания			
	Затрудняется в применении свойства возведения произведения в сте-			
Уровень I	пень;			
	Возводя произведение в степень, показатели умножает или складывает.			
Уровень II	Нуждается в определённом руководстве при применении свойства воз-			
уровень 11	ведения произведения в степень.			
Уровень III	Самостоятельно применяет свойство возведения произведения в степень.			
Уровень IV	Применяет с объяснениями свойства возведения произведения в степень.			

# Урок 2.6. Одночлен и его стандартный вид



**Стандарт:** 1.2.2. Применяет свойства степени с натуральным показателем.

**Результат обучения:** Применяет в одночлене свойства степеней с натуральным показателем.

Форма работы: коллективная и работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы**: Учитель посредством компьютера на экране демонстрирует квадрат площадью 1 кв. единица со стороной в единицу измерения (ед. изм.), прямоугольник площадью x кв. единиц со сторонами 1 и x ед. изм., квадрат площадью  $x^2$  кв. единиц со стороной x ед. изм., куб объёмом  $x^3$  кв. единиц с ребром x ед. изм.



На следующем этапе учащиеся определяют площадь и объём геометрических фигур, данных в учебнике:

Выслушивается мнение учащихся о числовых и буквенных множителях полученных выражений.

**Объяснение учителя**: После того, как выслушивается мнение учащихся, учитель даёт информацию об одночлене, его стандартном виде, степени и коэффициенте.

**Исследовательский вопрос**: Как в одночленах применяются свойства степеней с натуральным показателем?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение** № **4.** При выполнении задания, используются свойства нахождения произведения степеней с натуральным показателем, возведения в степень.

г) 
$$14yx^2yx \cdot \left(-\frac{5}{7}xy\right) = 14 \cdot \left(-\frac{5}{7}\right)x^2 \cdot x \cdot x \cdot y \cdot y \cdot y = -10x^4y^3$$
; коэффициент –10, степень 7.

д) 
$$(5ab)^3 \cdot (-0.2a^2b)^2 = 125 \cdot 0.04 \ a^3 \cdot a^4 \cdot b^3 \cdot b^2 = 5a^7b^5$$
; коэффициент 5, степень 12.

e) 
$$12,5(-n)b\cdot(0,2bn^2)^3=12,5\cdot0,008b\cdot b^3\cdot(-n)\cdot n^6=-0,1b^4n^7$$
; коэффициент  $-0,1$ , степень 11.

Упражнение № 6. При выполнении задания обращается внимание на степень выражения в скобках с правой стороны равенства и одночлен записывается в виде степени с таким же показателем.

a) 
$$64n^{12}d^{20} = (8n^6d^{10})^2$$
;

6) 
$$6\frac{1}{4}a^{18}b^6 = \left(\frac{5}{2}a^9b^3\right)^2$$
;

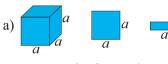
B) 
$$-\frac{1}{125}m^3n^3k^6 = \left(-\frac{1}{5}mnk^2\right)^3$$
;  $\Gamma$ )  $-32x^{10}y^{15} = (-2x^2y^3)^5$ ;

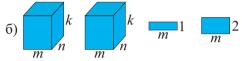
$$\Gamma) -32x^{10}y^{15} = (-2x^2y^3)^5$$

д) 
$$0,0081a^4b^8c^{12} = (0,3ab^2c^3)^4$$
;

e) 
$$0.008p^9k^{21} = (0.2p^3k^7)^3$$
.

Упражнение № 10. Площадь и объём фигур записываются в виде выражений и находится произведение полученных одночленов:





$$a^3 \cdot a^2 \cdot a = a^6$$

$$mnk \cdot mnk \cdot m \cdot 2m = 2m^4n^2k^2$$

Упражнение № 11. Для определения одночлена, который будет записан вместо буквы M, используется свойство нахождения частного степеней.

a) 
$$M \cdot 5a^3b = 20a^7b^4c^2$$
;  $M = \frac{20a^7b^4c^2}{5a^3b} = 4a^4b^3c^2$ 

6) 
$$-6c^4k^5 \cdot M = 3bc^9k^{10};$$
  $M = \frac{3bc^9k^{10}}{-6c^4k^5} = -0,5bc^5k^5$ 

B) 
$$M \cdot (2nx^8)^2 = 6n^2x^{20}y;$$
  $M = \frac{6n^2x^{20}y}{4n^2x^{16}} = 1,5x^4y$ 

e) 
$$M \cdot M \cdot M = 27 x^{12} y^{15}$$
;  $M^3 = (3x^4 y^5)^3$ ,  $M = 3x^4 y^5$ 

**Упражнение № 13.** б) С формулой вычисления объёма цилиндра  $V = S_{ot}$  h учащиеся знакомы из курса математики за 6 класс. На основе рисунка диаметр основания равен  $d = 14x^2$ , т.е. радиус  $r = 7x^2$ , высота  $h = 1\frac{3}{7}x$  и  $\pi \approx 3,14$ . По формуле  $S_{ot} = \pi r^2$  найдём площадь основания:  $S_{ot} = \pi r^2 \approx 3,14 \cdot (7x^2)^2 = 153,86 \ x^4$ . Таким образом, объём цилиндра:  $V = 153,86x^4 \cdot 1\frac{3}{7}x = 153,86 \cdot \frac{10}{7}x^4 \cdot x = 219,8x^5$ 

$$7$$
 Ответ: V = 219.8  $x^5$  кубическая единица.

Моменты, на которые следует обратить внимание: При записи одночлена в стандартном виде принято записывать переменные в алфавитном порядке. Но если алфавитный порядок не прослеживается, это вовсе не означает что многочлен не в стандартном виде.

Обобщение и результат: Учитель обобщает применение в одночлене свойств степени с натуральным показателем, ещё раз напоминая, отмечает коэффициент одночлена, правила нахождения степени, приведения его в стандартный вид.

#### Опенивание

## • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется в применении в одночленах свойств степени с натуральным показателем; При нахождении произведения одночленов определяет коэффициент, но не может записывать произведение переменных в виде степени.
Уровень II	Допускает механические ошибки в применении в одночленах свойств степени с натуральным показателем.
Уровень III	Применяет в одночленах свойства степени с натуральным показателем.
Уровень IV	Самостоятельно применяет в одночленах свойства степеней с натуральным показателем.

# Урок 2.7. Возведение частного (дроби) в степень

**Стандарт:** 1.2.2. Применяет свойства степени с натуральным показателем. **Результат обучения:** Применяет свойство возведения частного в степень.

Форма работы: коллективная и работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы

## Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы**: Рассматривается степень  $\left(\frac{x}{y}\right)^2$ , данная в деятельности учебника. Выполняя деятельность, учащиеся добиваются следующего результата:  $\left(\frac{x}{y}\right)^2 = \frac{x}{y} \cdot \frac{x}{y} = \frac{x \cdot x}{y \cdot y} = \frac{x^2}{y^2}$ . Выслушивает-

ся мнение учащихся о полученном выражении.

**Объяснение учителя**: После того, как выслушано мнение учащихся, учитель доводит до их внимания свойство возведения частного в степень.

**Исследовательский вопрос:** Как применяется возведение частного в степень?



С целью проведения исследования учащиеся делятся на 2 группы. Группам даются задания из учебника под заголовком «Исследуй».

В продолжение исследования выполняются задания из учебника.

Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 6. а) Если  $X = \frac{2}{7}$  и Y = 0,1, определим значение выражения  $Z = X^2 \cdot 0,49 + Y^3 \cdot 430.$   $Z = \left(\frac{2}{7}\right)^2 \cdot 0,49 + 01^3 \cdot 430$ 

Чтобы найти значение Z, запишем алгоритм:

- 1. Возведите дробь  $\frac{2}{7}$  во 2 степень;
- 2. Преобразуйте  $0,49 = \frac{49}{100}$  и результат первого шага умножьте на  $\frac{49}{100}$ ;
- 3. Результат второго шага запишите в виде десятичной дроби;
- 4. Возведите число 0,1 в 3 степень;
- 5. Результат четвёртого шага умножьте на 430;
- 6. Сложите результаты третьего и пятого шагов.

$$Z = \left(\frac{2}{7}\right)^2 \cdot 0,49 + 01^3 \cdot 430 = \frac{4}{49} \cdot \frac{49}{100} + 0,001 \cdot 430 = 0,04 + 0,43 = 0,47$$
**Other:** Z = 0,47

г) Если X = 2 и Y = 24, найдём значение выражения  $Z = X^4 \cdot 3^3 : 18 + Y^2$ :

$$Z = 2^4 \cdot 3^3 : 18 + 24^2.$$

Алгоритм: 1. Возведите число 2 в четвёртую степень;

- 2. Возведите число 3 в третью степень;
- 3. Умножьте результаты первого и второго шагов;
- 4. Результат третьего шага разделите на 18;
- 5. Найдите квадрат числа 24;
- 6. Сложите результаты четвёртого и пятого шагов.

$$Z = 2^4 \cdot 3^3 : 18 + 24^2 = 16 \cdot 27 : 18 + 576 = 600.$$
 **Other:** 600.

Упражнение № 8. Для решения уравнений примените свойство степени:

6) 
$$\frac{\left(y^{51}\right)^{3} : \left(y^{16}\right)^{3}}{\left(y^{2}\right)^{61} : \left(y^{4}\right)^{19} \cdot \left(y^{29}\right)^{2}} = 1993$$

$$\frac{y^{153} : y^{48}}{y^{122} : y^{76} \cdot y^{58}} = 1993$$

$$\frac{y^{105}}{y^{104}} = 1993$$

$$y = 1993$$
OTBET: 1993.

$$\Gamma \frac{\left(m^{9}\right)^{22} \cdot \left(m^{32}\right)^{3}}{\left(m^{45}\right)^{3} \cdot \left(m^{3}\right)^{53} : m} = 1995$$

$$\frac{m^{198} \cdot m^{96}}{m^{135} \cdot m^{159} : m} = 1995$$

$$\frac{m^{294}}{m^{293}} = 1995$$
OTBET: 1995.

**Дифференциальное обучение:** Слабые учащиеся при возведении частного в степень иногда возводят числитель в степень, забывают знаменатель или наоборот. С целью устранения такого рода ошибок слабых учащихся учитель может задать им побольше заданий такого типа.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает особенности применения свойств возведения частного в степень.

#### Оценивание

• Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания			
Уровень I	Затрудняется в применении свойств возведения частного в степень.			
Уровень II	Нуждается в определённых указаниях при применении свойств возве-			
	дения частного в степень.			
Уровень III	Самостоятельно применяет свойства возведения частного в степень.			
Уровень IV	Творчески применяет свойства возведения частного в степень.			

# **Урок 2.8. Выражения со степенью с натуральным показателем**

**Стандарты:** 1.2.1. Находит значение числового выражения, придерживаясь последовательности выполнения действий (в том числе возведение в степень с натуральным показателем).

1.2.3. Упрощает выражения, включающие степень с натуральным показателем.

**Результат обучения:** Упрощает числовые и буквенные выражения со степенью с натуральным показателем.

**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Учащиеся изучили разные свойства степени с натуральным показателем. В течение этого урока будут заниматься применением в одном выражении разных свойств степени с натуральным показателем. Здесь станет возможным определить и оценить общие знания учащихся относительно свойств степеней с натуральным показателем и последовательности выполнения действий.

Задания из учебника могут выполняться парами или в группах. В зависимости от уровня класса учитель в рабочие листы может добавить дополнительные задания, помогающие достичь цели.

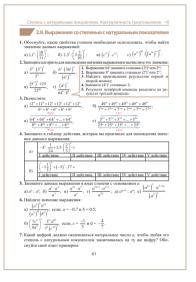
**Исследовательский вопрос:** Как упрощаются выражения со степенью с натуральным показателем?

### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 2. Чтобы найти значение выражения, каждый учащийся должен уметь написать алгоритм. При этом учащийся демонстрирует свои знания о последовательности выполнения действий, а также у него формируются навыки связной речи, умения строить предложения.

#### а) Алгоритм:

- 1. Степень 3<sup>3</sup> возведите степень 2;
- 2. Найдите произведение результата первого шага со степенью 3<sup>12</sup>;



3. Результат второго шага разделите на степень 311.

**Вычисление:** 
$$\frac{3^{12} \cdot \left(3^3\right)^2}{3^{11}} = \frac{3^{12} \cdot 3^6}{3^{11}} = \frac{3^{18}}{3^{11}} = 3^7$$

6) 
$$\frac{6^2 \cdot (36^2)^5}{(6^2)^{11}} = \frac{6^2 \cdot 36^{10}}{6^{22}} = \frac{6^2 \cdot 6^{20}}{6^{22}} = 1$$
.

B) 
$$\frac{\left(5^7\right)^6 \cdot 125}{25^{20}} = \frac{5^{42} \cdot 5^3}{5^{40}} = \frac{5^{45}}{5^{40}} = 5^5$$

Ответ: а) 37; б) 1; в) 55.

**Упражнение № 3.** Выполняя задание, учащиеся, используя преобразование суммы одинаковых слагаемых в произведение, упрощают выражения в числителе и знаменателе.

a) 
$$\frac{12^{n} + 12^{n} + 12^{n} + 12^{n} + 12^{n} + 12^{n} + 12^{n}}{b^{n} + b^{n} + b^{n} + b^{n} + b^{n} + b^{n}} = \frac{6}{5} \cdot \left(\frac{12}{6}\right)^{n} = 1, 2 \cdot 2^{n};$$

6) 
$$\frac{49^m + 49^m + 49^m + 49^m + 49^m + 49^m}{7^{2m} + 7^{2m} + 7^{2m} + 7^{2m} + 7^{2m} + 7^{2m}} = \frac{5 \cdot 49^m}{6 \cdot 7^{2m}} = \frac{5 \cdot 49^m}{6 \cdot 49^m} = \frac{5}{6};$$

B) 
$$\frac{64^n + 64^n + 64^n + \dots + 64^n}{8^{2n} + 8^{2n} + 8^{2n} + \dots + 8^{2n}} = \frac{50 \cdot 64^n}{30 \cdot 64^n} = 1\frac{2}{3}$$
.

**Ответ:** a)  $1,2 \cdot 2n;$  б)  $\frac{5}{6};$  в)  $1\frac{2}{3}$ .

Упражнение № 5. Выполняя задание, учащиеся демонстрируют навыки применения свойств степени с натуральным показателем в упрощении буквенных выражений.

$$\Gamma\left(\frac{a^{3n+1} \cdot a^{2-n}}{a^{2n}} = a^{3n+1+2-n-2n} = a^3; \quad e\right) \frac{\left(a^{3n}\right)^2 \cdot a^{5-2n}}{\left(a^2\right)^n} = \frac{a^{6n} \cdot a^{5-2n}}{a^{2n}} = a^{6n+5-2n-2n} = a^{2n+5}.$$

$$\mathbf{OTBET:} \ \Gamma\left(a^3\right) \cdot a^{3n+1} \cdot a^{2n+1} = a^{2n+1} \cdot a^{2n+1} = a^{2n+1}$$

**Упражнение** № 6. Выполняя это задание, учащиеся находят значение буквенного выражения при заданном значении переменной. Однако до того, как найти значение выражения, они должны упростить его.

а) Если a = -0, 7 и b = 0.5, то:

$$\frac{\left(a^4\right)^6 b^{43}}{\left(a^2\right)^{13} \left(b^6\right)^7} = \frac{a^{24} b^{43}}{a^{26} b^{42}} = \frac{b}{a^2} = \frac{0.5}{\left(-0.7\right)^2} = \frac{0.5}{0.49} = \frac{50}{49} = 1\frac{1}{49}.$$

б) Если  $c = -\frac{1}{3}$  и  $d = -\frac{4}{7}$ , то:

$$\left(\frac{7c^8}{9d^7}\right)^6 \cdot \frac{3^{12}d^{43}}{7^5\left(c^{23}\right)^2} = \frac{7^6c^{48}}{9^6d^{42}} \cdot \frac{3^{12}d^{43}}{7^5c^{46}} = \frac{7^6 \cdot 3^{12} \cdot c^{48} \cdot d^{43}}{7^5 \cdot 3^{12} \cdot c^{46} \cdot d^{42}} = 7c^2d = 7 \cdot \left(\frac{-1}{3}\right)^2 \cdot \left(-\frac{4}{7}\right) = -\frac{4}{9}.$$
Other: a)  $1\frac{1}{49}$ ; 6)  $-\frac{4}{9}$ .

**Дифференциальное обучение:** В течение этого урока с целью улучшения обучения учитель очередной раз останавливается на вопросах, вызывающих затруднения у учащихся, и составляет рабочие листы на основе этих заданий.

**Обобщение и результат:** Учитель, ещё раз обращая внимание на способы и средства упрощения числовых и буквенных выражений со степенью с натуральным показателем, проводит обобщение.

#### Оценивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень І	Затрудняется в упрощении числовых и буквенных выражений со степенью с натуральным показателем; Находит значение числовых выражений со степенью с натуральным показателем, но не может упрощать буквенные выражения.
Уровень II	Допускает механические ошибки при упрощении числовых и буквенных выражений со степенью с натуральным показателем.
Уровень III	Самостоятельно упрощает числовые и буквенные выражения со степенью с натуральным показателем.
Уровень IV	Самостоятельно упрощает удобными способами числовые и буквенные выражения со степенью с натуральным показателем.

# Урок 2.9. Формула простого процентного роста

**Стандарт**: 1.2.5. Применяет в решении простых задач формулы простого процентного роста и сложного процентного роста.

**Результат обучения:** Применяет в решении простых задач формулу простого процентного роста.

**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: Решением задач на нахождение процента учащиеся занимались по курсу математики за 6 класс. Деятельность, данная в учебнике, относится к нахождению процента. Согласно данным условиям, учащиеся сравнивают сумму, полученную из банка Ахмедом и Мамедом.

На следующем этапе задача, данная в образце в учебнике, выводится на экран компьютера и исследуется путём решения. Составляется выражение,

2.9. Формаула простого процентного роста

2.9. Формаула простого процентного роста

Дентопамость

Азмес, взокам в ябанк на денозитный сечт 10 000 манятов, забрал их с
20%-ная ростом срустя после Определяте своимаю дент забрал Ахмес;

2. Прибавате с възученной срука 10 000.

3. Възскатет свой менено опохученной регультате.

Манес, взокам в бела 10 000 манятов, забрал их спустя 2 года с 15%-намя пределения пределения пределения пределения пределения дент за пределения пределения пределения дент за пределения пред

соответствующее условию задачи, и приводится в виде  $S = 50000(1 + \frac{12 \cdot 3}{100})$ . Если в

этом выражении начальная сумма будет  $S_0 = 5000$ , годовой процент r = 12%, n = 3 — время, на которое положены деньги на хранение, то получится следующая формула простого процентного роста:

 $S = S_0 (1 + \frac{rn}{100})$ 

Выведение этой формулы важно в результате исследования самими учащимися. В этом случае учащиеся лучше понимают суть формулы.

**Моменты, на которые следует обратить внимание**: Иногда начальная сумма со временем уменьшается. В этом случае выше приведённая формула записывается в виде  $S = S_0(1 - \frac{rn}{100})$ . Например: Сумма, положенная на счёт для обслуживания клиентов, со временем уменьшается в обмен на указанные услуги. В этом случае начальная сумма бывает больше последующей.

Исследовательский вопрос: Как применяется формула простого процентного роста?

С целью проведения исследования задания из учебника выполняются в группах.

# Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение 1.** Чтобы в формулах  $S = S_0 (1 + \frac{rn}{100})$  и  $S = S_0 (1 - \frac{rn}{100})$  определить n, r и  $S_0$ , следует это задание разделить между группами.

**І группа**: В каждой формуле определяет *n*.

a) 
$$S = S_0 (1 + \frac{rn}{100})$$
;  $S = S_0 + S_0 \frac{rn}{100}$ ;  $S - S_0 = \frac{S_0 rn}{100}$ ;  $n = \frac{100(S - S_0)}{S_0 r}$ ;

6) 
$$S = S_0 (1 - \frac{rn}{100});$$
  $S = S_0 - S_0 \frac{rn}{100};$   $S_0 - S = \frac{S_0 rn}{100}.$   $n = \frac{100(S_0 - S)}{S_0 r}.$ 

**II группа**: В каждой формуле определяет r

a) 
$$S = S_0 (1 + \frac{rn}{100})$$
;  $S = S_0 + S_0 \frac{rn}{100}$ ;  $S - S_0 = \frac{S_0 rn}{100}$ ;  $r = \frac{100(S - S_0)}{S_0 n}$ .

6) 
$$S = S_0 (1 - \frac{rn}{100});$$
  $S = S_0 - S_0 \frac{rn}{100};$   $S_0 - S = \frac{S_0 rn}{100}.$   $r = \frac{100(S_0 - S)}{S_0 n}.$ 

III группа: В каждой формуле определяет  $S_{\scriptscriptstyle 0}$ 

a) 
$$S = S_0(1 + \frac{rn}{100})$$
;  $S_0 = S: (1 + \frac{rn}{100})$ ;  $S_0 = S: \frac{100 + rn}{100}$ ;  $S_0 = S: \frac{100 + rn}{100 + rn}$ ;  $S_0 = \frac{100S}{100 + rn}$ .

6) 
$$S = S_0(1 - \frac{rn}{100});$$
  $S_0 = S: (1 - \frac{rn}{100});$   $S_0 = S: \frac{100 - rn}{100};$   $S_0 = S \cdot \frac{100}{100 - rn};$   $S_0 = \frac{100S}{100 - rn};$ 

Преобразуя формулы, учитель может дать группам определённое направление.

**Упражнение** № **2.** Согласно условию, начальная сумма  $S_0 = 300$  манатов, r = 30%, n = 5.

Согласно формуле простого процентного роста, 
$$S_0 = S_0(1 + \frac{rn}{100}) = 300(1 + \frac{30 \cdot 5}{100}) = 750.$$

Следовательно, суждение Айтен верно.

Ответ: 750 манат.

**Упражнение № 3.** а) По условию известно, что n=8 годам, S=2000 манатов,  $S_0=1000$  манатов r=?

Определим из формулы 
$$r$$
  $S = S_0(1 + \frac{rn}{100})$  :  $S = S_0 + S_0 \frac{rn}{100}$ ;  $S - S_0 = \frac{S_0 rn}{100}$ ;  $r = \frac{100(S - S_0)}{S_0 n}$ .

Определим из формулы 
$$r$$
:  $r = \frac{100(2000 - 1000)}{1000 \cdot 8} = 12,5\%$  Ответ: 12,5%.

б) По условию известно, что r = 18%, S = 7316 манатов, n = 1 год. Из формулы простого процентного роста  $S_0$  определим:  $S_0 = \frac{100S}{100 + rn} = \frac{100 \cdot 7316}{100 + 18 \cdot 1} = \frac{731600}{118} = 6200.$ 

Если 6200 манатов вложить в банк на год с 20% годовых, через 2 года получится следующая сумма:

$$S_0 = 6200(1 + \frac{20 \cdot 2}{100}) = 8680 \text{ (ман.)}$$
 Ответ: 6200 манатов, 8680 манатов.

Упражнение № 4. Для заполнения таблицы используется формула простого процентного роста.

1) **I банк**: 
$$S_0 = 3000$$
 (ман.),  $n = 2$  (года),  $S = 3840$  (ман.),  $r = ?$ 

$$r = \frac{100(S - S_0)}{S_0 \cdot n} = \frac{100(3840 - 3000)}{3000 \cdot 2} = 14\%$$

2) II банк: 
$$r = 25\%$$
,  $n = 4$  (года),  $S = 4000$  (ман.),  $S_0 = ?$ 

$$S_0 = \frac{100S}{100 + rn} = \frac{100 \cdot 4000}{100 + 25 \cdot 4} = 2000$$
 (ман.)

3) III банк: r = 15,3%,  $S_0 = 5000$  (ман.), S = 7295 (ман.), n = ?

$$n = \frac{100(S - S_0)}{S_0 n} = \frac{100(7295 - 5000)}{5000 \cdot 15, 3} = \frac{229500}{76500} = 3 \text{ года}$$
 4) **IV банк**:  $r = 11,5\%$ ,  $S_0 = 7000$  (ман.),  $n = 10$  (лет),  $S = ?$ 

$$S = S_0(1 + \frac{rn}{100}) = 7000(1 + \frac{11,5 \cdot 10}{100}) = 15050$$
 (ман.)

Основываясь на таблицу, рассмотрим следующие вопросы:

а) Сумма в 3000 манатов, вложенная в І банк на 1 год, увеличится до 3420 манатов.

$$S = S_0(1 + \frac{rn}{100}) = 3000(1 + \frac{1 \cdot 14}{100}) = 3420$$
 (ман.)

б) Определим, сколько процентов на сумму в 7000 манатов должен выдать III банк за 6 месяцев:

Согласно условию:  $S_0 = 7000$  (ман.), n = 6 (месяцев) = 0.5 (года), r = 15.3%.

$$S = S_0(1 + \frac{rn}{100}) = 7000(1 + \frac{15,3 \cdot 0,5}{100}) = 7535,5$$
 (ман.)

в) Определим, какую сумму должен будет выплатить ІІ банк за начальную сумму, указанную в таблице, через четыре года с 20% ростом каждый год:

$$S = S_0 \left( 1 + \frac{rn}{100} \right) = 2000 \left( 1 + \frac{20 \cdot 4}{100} \right) = 3600 \text{ (ман.)}$$

Ответ: а) 3420 манатов; б) 7535,5 манатов; в) 3600 манатов.

Примечание: Учащимся можно задать подготовить презентацию о функционирующих в Азербайджане банках.

**Упражнение № 7.** Согласно условию,  $S_0 = 4500$  (манатов), n = 6 (месяцев) = 0,5 (года). Известно, что каждый месяц выплачивается 800 манатов, следовательно, в течение 6 месяцев Самир должен будет выплатить в банк  $6 \cdot 800 = 4800$  манатов. По истечении шести месяцев Самир переплатит в банк 4800 - 4500 = 300 (манатов). S = 4800 (манатов). Опираясь на формулу, вычислим процент:

$$r = \frac{100(S - S_0)}{S_0} = \frac{100(4800 - 4500)}{4500 \cdot 0.5} \approx 13\%$$

No	Дата	Начальный баланс	Сумма выплаты	Основная сумма	Разни- ца	Конечный баланс
1	10.06.2013	4800	800	750	50	4000
2	10.07.2013	4000	800	750	50	3200
3	10.08.2013	3200	800	750	50	2400
4	10.09.2013	2400	800	750	50	1600
5	10.10.2013	1600	800	750	50	800
6	10.11.2013	800	800	750	50	_
Итог	0		4800	4500	300	_

Ответ: 13.3%.

**Упражнение № 8.** Иногда формулу  $S = S_0(1 + \frac{rn}{100})$  дают в виде  $S = S_0(1 + r\% \cdot n)$ .

Дробь  $\frac{r}{100}$  в первой формуле во второй формуле дана, как r %.

По тому же принципу вместо  $S = S_0(1 - \frac{rn}{100})$  записывается формула  $S = S_0(1 - r\% \cdot n)$ .

Отсюда: 
$$n = \frac{S - S_0}{S_0 \cdot r}$$
 или  $n = \frac{S_0 - S}{S_0 \cdot r}$ 

а) S = 500, S<sub>0</sub> = 2500, r%= 10% = 0,1. Поскольку в этом случае начальная сумма больше конечной суммы, используется формула  $S = S_0 (1 - r\% \cdot n)$ .

$$n = \frac{S_0 - S}{S_0 \cdot r} = \frac{2500 - 500}{2500 \cdot 0.1} = 8 \text{ (лет)}.$$

б) S = 2500, S<sub>0</sub> = 500, 
$$r\%$$
 = 25% = 0,25.  

$$n = \frac{S - S_0}{S_0 \cdot r} = \frac{2500 - 500}{500 \cdot 0, 25} = 16 \text{ (лет)}$$

Ответ: а) 8 лет. б) 16 лет.

Упражнение № 9. а) Согласно условию,  $S_0 = 1000$  (манатов), r% = 5% = 0.05, S = 800 (манатов), n = ? Используем формулу  $S = S_0(1 - r\% \cdot n)$ :  $n = \frac{S_0 - S}{S_0 \cdot r} = \frac{1000 - 800}{1000 \cdot 0,05} = 4 \text{ (месяца)}$ 

$$n = \frac{S_0 - S}{S_0 \cdot r} = \frac{1000 - 800}{1000 \cdot 0,05} = 4$$
 (месяца)

г) 
$$S_0 = 1000$$
 (манатов),  $r\% = 5\% = 0.05$ ,  $S = 100$  (манатов),  $n = ?$ 

$$n = \frac{S_0 - S}{S_0 \cdot r} = \frac{1000 - 100}{1000 \cdot 0.05} = 18 \text{ (месяцев)}$$
Ответ: а) 4 месяца, г) 18 месяцев.

Обобщение и результат: Учитель, ещё раз повторив формулу простого процентного роста и способы её применения, обобщает пройденное.

#### Оценивание

## • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется применять в решении простых задач формулу простого процентного роста.
Уровень II	Допускает определённые ошибки при применении в решении задач формулы простого процентного роста.

Уровень III	Самостоятельно применяет в решении простых задач формулу простого процентного роста.	
Уровень IV	Применяет удобными способами в решении простых задач формулу простого процентного роста.	

# Урок 2.10. Формула сложного процентного роста

Стандарт: 1.2.5. Применяет в решении простых задач формулы простого процентного роста и сложного процентного роста.

Результат обучения: Применяет в решении простых задач формулу сложного процентного роста.

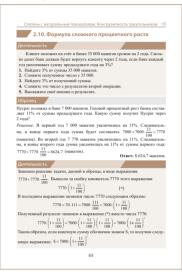
Форма работы: коллективная и работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

# Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: Выполняя деятельность, данную в учебнике, учащиеся определяют конечную сумму, находя, в отличие от формулы простого процентного роста, определённый процент, на который увеличивается сумма каждый год по сравнению с предыдущим годом. Учащиеся высказывают мнение



о том, чем отличается это вычисление от формулы простого процентного роста.

На следующем этапе условие задачи, данной в образце из учебника, проецируется на экран компьютера и исследуется. Строится выражение, соответствующее условию

задачи и приводится в вид 
$$S = 7770 \cdot \left(1 + \frac{11}{100}\right)$$
.

задачи и приводится в вид 
$$S = 7770 \cdot \left(1 + \frac{11}{100}\right)$$
. Преобразуя  $7770 = 70 \cdot 111 = 7000 \cdot \frac{111}{100} = 7000 \cdot \left(1 + \frac{11}{100}\right)$ , выражение принимает вид

 $S = 7770 = 7000 \cdot \left(1 + \frac{11}{100}\right)^2$ . Если в этом выражении начальная сумма  $S_0 = 7000$ , годовой

процентный рост r = 11%, если n = 2 – срок, на который положены деньги в банк, то формула сложного процентного роста получится:

$$S = S_0 \left( 1 + \frac{r}{100} \right)^n$$

Эта формула выводится во время исследования совместно с учащимися.

Исследовательский вопрос: В каких случаях применяется формула сложного процентного роста?

С целью проведения исследования задания из учебника выполняются группами.

Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 2.** Согласно формуле простого процентного роста,  $S_0 = 50000$  (ман.), r = 7 %, n = 3,  $S = 50000 \left(1 + \frac{7 \cdot 3}{100}\right) = 60500$  (ман.).

Согласно формуле сложного процентного роста:  $S_0 = 50000$  (ман.), r = 10 %, n = 2,

$$S = S_0 \left( 1 + \frac{r}{100} \right)^n = 50000 \left( 1 + \frac{10}{100} \right)^2 = 60500 \text{ (ман.)}.$$

Как видно, сумма оказалась одинаковой. Поскольку коммерческий банк выдаёт эту сумму на более кароткий срок, этот банк приносит клиентам больше выгоды.

**Упражнение № 4.** а) Какая сумма получится из суммы, вложенной в I и II банк на условиях простого процентного роста в конце срока?

**I банк**: 
$$r\% = 15\% = 0.15$$
,  $S_0 = 3000$  (ман.),  $n = 1$  (месяц)  $= \frac{1}{12}$  (года)

$$S = S_0(1 + r\% \cdot n) = 3000 \left(1 + 0.15 \cdot \frac{1}{12}\right) = 3037.5 \text{ (ман.)}$$

II банк: 
$$r\% = 11.5\% = 0.115$$
,  $S_0 = 3000$  (ман.),  $n = 12$  (месяцев) = 1 (год)  $S = S_0 (1 + r\%n) = 3000 (1 + 0.115 \cdot 1) = 3345$  (ман.).

б) Какая сумма получится из суммы, вложенной в III и IV банк на условиях сложного процентного роста в конце срока?

III банк: r% = 12,3%,  $S_0 = 5000$  (манатов), n = 2 (года)

$$S = S_0 \left( 1 + \frac{r}{100} \right)^n = 5000(1 + 0.123)^2 = 6305,645 \text{ (ман.)}$$

**IV банк**: r% = 14%,  $S_{_0} = 10000$  (манатов), n = 3 (года)

$$S = S_0 \left( 1 + \frac{r}{100} \right)^n = 1000(1 + 0.14)^3 = 14815,44 \text{ (ман.)}$$

в) Согласно условию,  $S_0 = 4000$  (манатов), r% = 15%, n = 2 (года), S = ?

По формуле простого процентного роста:  $S = 4000 (1 + 0.15 \cdot 2) = 5200 (ман.)$ .

По формуле сложного процентного роста:  $S = 4000 (1 + 0.15)^2 = 5290 (ман.)$ 

Как видно, формула сложного процентного роста более выгодна, т.к. 5290 > 5200.

**Упражнение № 7.** Согласно условию, r% = 12,5%,  $S_0 = 5000$  (ман.).

- а) Если n = 6 (месяцев) = 0,5 (года), тогда  $S = 5000 (1 + 0.125 \cdot 0.5) = 5312.5$  (ман.).
- б) Если n = 15 (месяцев) = 1,25 (года), тогда  $S = 5000 (1 + 0.125 \cdot 1.25) = 5781.25$  (ман.).

Моменты, на которые следует обратить внимание: Формулы простого и сложного процентного роста чаще всего применяются в банковских операциях. Учащиеся должны уметь определить по условию задачи, какую формулу им следует применить. Учитель должен довести до их сведения, что банки при принятии депозитов используют, в основном, формулу простого процентного роста, а при выдачи кредита — формулу сложного процентного роста. Слабые учащиеся с трудом выполняют вычисления по формулам простого и сложного процентного роста. Учитель, учитывая их уровень, составляет для них более лёгкие задания.

**Обобщение и результат:** Учитель, ещё раз повторяя формулу сложного процентного роста и задачи, в которых она применяется, обобщает пройденное.

# Оценивание

# • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Затрудняется применять в решении простых задач формулу сложного	
	процентного роста.	
Уровень II	Допускает определённые ошибки при применении в решении простых	
	задач формулы сложного процентного роста.	
Уровень III	Самостоятельно применяет в решении простых задач формулу слож-	
	ного процентного роста.	
Уровень IV	Применяет удобным способом в решении простых задач формулу	
	сложного процентного роста.	

# Образец критериев для составления заданий для малого суммативного оценивания №3

№	Критерии		
1	Применяет свойство степени с натуральным показателем.		
2	Упрощает выражения со степенью с натуральным показателем.		
3	Применяет в решении задач формулу простого процентного роста.		
4	Применяет в решении задач формулу сложного процентного роста.		

# Образец малого суммативного оценивания № 3

Фамилия:	Имя:	
Количество	правильных ответов:	
Количество	неправильных ответов:	Оценка:

- 1. Напишите произведение в виде степени с натуральным показателем:
  - a)  $x \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x \cdot x =$
  - $6) 8 \cdot 8 \cdot 8 \cdot 8 =$
  - B)  $(-0.5) \cdot (-0.5) \cdot (-0.5) =$
  - r)  $\frac{-5}{8} \cdot \frac{-5}{8} \cdot \frac{-5}{8} \cdot \frac{-5}{8} \cdot \frac{-5}{8} \cdot \frac{-5}{8} =$
- 2. Запишите число в стандартном виде и укажите его состав:

134,5 =	Состав:
25,897 =	Состав:
0.09 =	Состав:

- 3. Вычислите:
  - a)  $64 \cdot 2^3 : 16 =$
  - 6)  $81:3^3\cdot 3^5=$
- 4. Определите последнюю цифру значения степени 999:
- 5. Запишите выражение в виде степени с основанием а.

$$a^{n+5} \cdot a^{8-n} : a^9 =$$

6. Запишите выражения в виде степени:

a) 
$$\left(\frac{1}{5}x\right)^{10} : \left(\frac{1}{5}x\right)^{6} \cdot \left(\frac{1}{5}x\right)^{12} =$$

6) 
$$(-m)^{14} \cdot (-m)^{16} : (-m)^{16} =$$

- **7.** В данных выражениях вместо x запишите такое число, чтобы получилось верное равенство.
  - a)  $(3^6)^x = 3^{18}$ ,

- $6) (a^x)^{14} = 3^{70},$
- *x* = \_\_\_\_\_ b)  $(7^4)^x \cdot 7^9 = 7^{21}, \qquad x = \underline{\qquad \qquad }$   $x = \underline{\qquad \qquad }$

- 9. Запишите произведение в виде степени:  $25m^8n^6 =$
- 10. Найдите произведение одночленов, запишите его коэффициент и степень:

$$0.5b \cdot \frac{1}{8}c^2 \cdot \left(-16b\right) =$$

Коэффициент: Степень:

11. Запишите дроби в виде степени:

a) 
$$\frac{a^9}{h^9} =$$

a) 
$$\frac{a^9}{b^9} =$$
 6)  $\frac{9a^4}{25} =$ 

B) 
$$-\frac{1}{27}$$
 =

B) 
$$-\frac{1}{27} = \Gamma$$
  $\Gamma$   $-\frac{(5a)^{10}}{(7b)^6} = \Gamma$ 

12. Вычислите:

a) 
$$-2^3 + (-4)^2 =$$
  
6)  $4^3 - 7 \cdot (-2^3) =$ 

$$(2)^2$$
 (1)

B) 
$$6^3 - \left(\frac{2}{3}\right)^2 \cdot \left(-5\frac{1}{4}\right) =$$

13. Найдите значение выражения при a = -0.21 и b = 1.6.

$$\frac{\left(a^3\right)^5 \cdot b^7}{\left(a^2\right)^7 \cdot \left(b^2\right)^3} =$$

- 14. Самир вложил 1500 манатов в банк с годовым процентным ростом в 15% от вложенной суммы. Сколько денег должен будет вернуть банк Самиру через 5 лет?
- 15. В какую сумму превратится 4000 манатов через 2 года, если их вложить в банк с 10% ростом от суммы каждого предыдущего года?

# Урок 2.11. Конгруэнтные треугольники



**Стандарт:** 3.2.2. Знает и применяет признаки конгруэнтности треугольника.

**Результат обучения:** Определяет свойства конгруэнтных треугольников.

**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** выведение понятия, мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, ножницы, белый лист

## Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** Из курса младших классов учащиеся имеют представление о конгруэнтных (равных) фигурах. После проведения опроса об этих фигурах каждый учащийся выполняет деятельность,

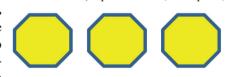
данную в учебнике. Ножницами вырезается треугольник, нарисованный на белом листе, сложенном вдвое (или больше). Исследуется, какими фигурами являются полученные на каждом согнутом листе треугольники. Учащиеся, наложив друг на друга эти треугольники, высказывают своё мнение об их соответствующих сторонах и углах. Таким образом, выводится понятие равных (конгруэнтных) треугольников.

**Объяснение учителя**: До внимания учащихся доводится определение, название, обозначение конгруэнтных треугольников. Во время называния конгруэнтных треугольников учитель особо доводит до сведения учащихся о последовательности букв.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** В математике под равенством чисел имеется в виду разное написание одного числа. Например, запись  $0,5=\frac{1}{2}$ . Равные две фигуры на первый взгляд кажутся абсолютно одинаковыми. Как, например,

приведённые ниже на рисунке фигуры: в результате движения (перемещения, поворота,

обращения) эти фигуры можно так расположить друг на друге, чтобы их все соответствующие точки совпадали, тогда эти фигуры равны. Но эти фигуры не одинаковы, каждая из них — отдельная фигура. Поэтому под конгруэнтностью



фигур также понимается их равность. Этот момент важно донести до учащихся (если даже братья-близнецы очень похожи друг на друга, но они – разные люди).

**Исследовательский вопрос:** Какими особенностями обладают конгруэнтные фигуры?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 3. В названиях конгруэнтных треугольников прослеживается определённая последовательность. В данных на рисунке треугольниках равные углы отмечены равным количеством дуг. Называя треугольники, учащиеся должны уметь определять на основе числа дуг, указывающих на равенство углов, последовательность букв.

- а)  $\triangle ABC \cong \triangle FED$ , так как  $\angle A = \angle F$ ,  $\angle B = \angle E$ ,  $\angle C = \angle D$ .
- б)  $\triangle CBA \cong \triangle DEF$ , так как  $\angle C = \angle D$ ,  $\angle B = \angle E$ ,  $\angle A = \angle F$ .
- в)  $\triangle BAC \cong \triangle CDB$ , так как  $\angle ABC = \angle BCD$ ,  $\angle BAC = \angle BDC$ ,  $\angle ACB = \angle CBD$ .
- г)  $\triangle BED \cong \triangle BCA$ , так как  $\angle DBE = \angle ABC$ ,  $\angle A = \angle D$ ,  $\angle C = \angle E$ .

**Упражнение № 5.** При изображении треугольника ABC, конгруэнтного треугольнику MON, размещение числа клеток и точек вершин должно быть таким, как показано на рисунке.

**Упражнение № 6.** Известно, что четырёхугольники ABCD и MNPK конгруэнтны (равны). Полученные здесь конгруэнтные треугольники:





 $\triangle ABC \cong \triangle MNP$ ,  $\triangle ADC \cong \triangle MKP$ .

Дифференциальное обучение: Слабые учащиеся за-

трудняются давать названия конгруэнтным треугольникам или указывать равные стороны и углы. С целью устранения этих затруднений учитель может составить на рабочих листах для этих учащихся дополнительные задания. Сильные учащиеся в заданиях о конгруэнтных треугольниках могут изображать их в более сложной ситуации.

Обобщение и результат: учитель обобщает пройденное о конгруэнтных треугольниках.

#### Оценивание

#### • Определение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Затрудняется в определении признаков конгруэнтности треугольников Показывает конгруэнтные треугольники, но не умеет правильно опре	
	делить равные стороны и углы; Не умеет определить соответствующие стороны и углы.	
Уровень II	Допускает некоторые ошибки при определении признаков конгруэнтности треугольников; Определяет конгруэнтные треугольники, определяет с помощью учителя равные стороны и углы.	
Уровень III	Самостоятельно определяет равные стороны и углы конгруэнтных треугольников.	
Уровень IV	Определяет признаки конгруэнтности треугольников в более сложных ситуациях.	

# Урок 2.12. Первый признак конгруэнтности треугольников

**Стандарты:** 3.2.2. Знает и применяет признаки конгруэнтности треугольников. 4.1.1. Переводит единицы измерения одноименной величины из одной в другую.

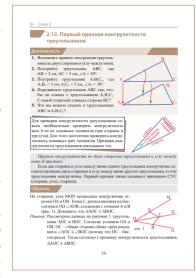
## Результат обучения:

- 1) Знает и применяет первый признак конгруэнтности треугольников.
- 2) Переводит единицы длины из одной в другую. Форма работы: коллективная и работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** На предыдущем уроке из бумаги были вырезаны конгруэнтные треугольники. Учащие, выполняющие деятельность, данную в учебнике, на этих треугольниках, определяют, что вершины B и C одного треугольника соответственно накладываются на вершины  $B_1$  и  $C_1$  другого треугольника. То есть в результате перемещения они



становятся свидетелями полного совпадения треугольников, у которых две стороны и угол между ними одного треугольника накладываются на две стороны и угол между ними другого треугольника.

На изображённом в презентации, подготовленной на компьютере или на доске, треугольнике демонстрируются стороны треугольника и угол между ними. Учитель обращается к учащимся, чтобы добиться у них объяснения о результатах исследования. Мнение учащихся выслушивается и учитель объясняет первый признак конгруэнтности треугольников.

**Исследовательский вопрос:** Как применяется первый признак конгруэнтности треугольников?

С целью проведения исследования задания из учебника целесообразно раздаются по группам.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 3.** Известно, что  $\triangle ABC \cong \triangle KLM \cong \triangle DEF$ . В этом случае

$$AB = KL = DE$$
,  $AC = KM = DF$ ,  $BC = LM = EF$ ,

 $\angle A = \angle K = \angle D$ ,  $\angle B = \angle L = \angle E$ ,  $\angle C = \angle M = \angle F$ . Следовательно, таблица должна быть заполнена нижеследующим образом.

ΔΑΒС	AB = 6 см; BC = 12 см; ∠B = 105°	AB = 7.5  mm; AC = 1.4  mm; $\angle A = 53^{\circ}$
ΔKLM	KL = 6 см; $LM = 12$ см; $\angle L = 105^{\circ}$	$KL = 7,5$ мм; $KM = 1,4$ мм; $\angle K = 53^{\circ}$
ΔDEF	DE = 6 cm; EF = 12 cm; $\angle$ E = 105°	DE = 7.5  mm; DF = 1.4  mm; $\angle D = 53^{\circ}$

Упражнение № 4. Согласно рисунку, можно записать △АВС ≅ △МКL.

Чтобы  $\triangle ABC \cong \triangle KLM$ , следует вершину M заменить K, вершину K заменить M.

Упражнение № 7. Чтобы продолжить измерения, дети после того, как измерили расстояния АС и ВС, должны отложить от точки С в противоположную сторону (по прямой) отрезок, равный АС и ВС. CD = АС и ЕС = ВС. Полученные в этом случае треугольники АВС и ЕОС будут конгруэнтными треугольниками. Поскольку у конгруэнтных треугольников стороны и углы равны, то длина АВ = ЕО и будет искомой шириной озера.

**Упражнение № 8.** Как продолжение предыдущего упражнения, это задание выполняется на конкретных длинах. Применяя связь между единицами длины, учащийся выполняет задание.

Упражнение № 12. Чтобы определить ширину туннеля учащиеся должны на рисунке построить конгруэнтные треугольники, у одного из которых одна сторона есть АВ. Выслушивается мнение учащихся о возможности определения длины АВ по первому признаку конгруэнтности треугольников.



Упражнение № 13. При выполнении этого ситуационного задания проводится следующее оце-

нивание учащихся: выполнившие только пункт а) -1 бал, выполнившие пункты а) и б) -2 балла, выполнившие все 3 пункта получают 3 балла. Учащиеся должны выполнять решения с объяснениями, записывать свои утверждения, применяемые правила и формулы.

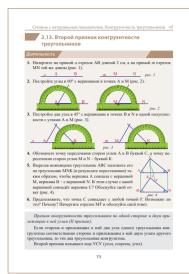
**Обобщение и результат:** Учитель, ещё раз повторяя первый признак конгруэнтности треугольников, обобщает пройденное об их применении.

#### Опенивание

## • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	Знает І признак конгруэнтности треугольников, затрудняется в его		
	применении;		
	Не умеет переводить одну единицу длины в другую.		
Уровень II	Знает І признак конгруэнтности треугольников, допускает незначи-		
	тельные ошибки при применении;		
	Переводя одну единицу длины в другую, делает незначительные ошибки.		
Уровень III	Знает І признак конгруэнтности треугольников и самостоятельно применяет;		
	Самостоятельно переводит одну единицы длины в другую.		
Уровень IV	Знает І признак конгруэнтности треугольников и творчески применяет;		
	Обосновывает перевод одной единицы длины в другую.		

# Урок 2.13. Второй признак конгруэнтности треугольников



**Стандарты:** 3.2.2. Знает и применяет признаки конгруэнтности треугольников.

4.1.1. Переводит единицы измерения одноименной величины из одной в другую.

## Результат обучения:

- 1) Знает и применяет второй признак конгруэнтности треугольников.
- 2) Переводит единицы длины из одной в другую. **Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

# **Ресурсы:** учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ **Ход урока:**

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** С целью изучения темы учащиеся выполняют деятельность, данную в учебнике. Строится два треугольника по одной стороне и двум

углам. Один из полученных треугольников вырезается и накладывается на другой треугольник. Учащиеся высказывают своё мнение об этом.

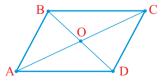
**Моменты, на которые следует обратить внимание**: Учащиеся обсуждают о верности/неверности возможности совпадения точки С не с K, а с точкой F (показанной в деятельности). В этом случае в помощь учащимся проводится отрезок MF. У учащихся спрашивают мнение об углах KMN и FMN (согласно условию, оба этих угла не могут быть равны углу A в 60°). Выслушивается мнение учащихся и учитель объясняет второй признак конгруэнтности треугольников. С помощью компьютера или на треугольнике демонстрируются противоположные, прилегающие стороны и углы.

**Исследовательский вопрос**: Как применяется второй признак конгруэнтности треугольников?

С целью проведения исследования задания из учебника выполняются в группах.

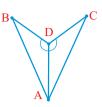
#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 3. Чтобы доказать  $\triangle COB \cong \triangle AOD$ , надо обосновать, что одна сторона и прилежащие к ней два угла этих треугольников равны. Известно, что AO = OC,  $\angle OCB = \angle OAD$ .



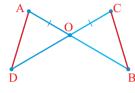
Основываясь на равенство вертикальных углов,  $\angle BOC = \angle AOD$ , следовательно, сторона ОС и прилежащие к ней углы ОСВ и ВОС  $\triangle COB$  соответственно равны стороне О и прилежащей к ней углам CAD и AOD  $\triangle AOD$ . Согласно второму признаку конгруэнтности треугольников,  $\triangle COB \cong \triangle AOD$ .

Упражнение № 5. Если отрезок AD является биссектрисой  $\angle$ CAB, то  $\angle$ DAB =  $\angle$ DAC. Следовательно, сторона AD и прилежащие к ней два угла треугольника ABD соответственно равны стороне AD (общая сторона) и прилежащим к ней углам треугольника ACD. Таким образом,  $\triangle$ ADB  $\cong \triangle$ ADC.



Упражнение № 7. Важно начертить рисунок, соответствующий условию задачи. Известно, что равные по длине отрезки AB и CD пересекаются в точке O и AO = OC.

а) Поскольку углы AOD и COB являются вертикальными, то они равны. Поскольку AB = CD и AO = OC, то OD = OB. Следовательно, две стороны и угол между ними в треугольниках AOD и COB равны (признак CУС), т.е. ∆ВОС ≅ ∆DOA.

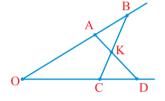


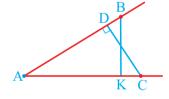
б) Поскольку  $\triangle BOC \cong \triangle DOA$ , то соответственные углы равны, т.е.  $\angle ABC = \angle ADC$ .

Упражнение № 8. а) Согласно условию, OA = OC и OB = OD. Следовательно,  $\triangle AOD \cong \triangle COB$ . Тогда соответствующие стороны этих треугольников равны, в особом случае AD = BC.

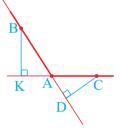
в) Поскольку  $\triangle AOD \cong \triangle COB$ , то  $\angle OAD = \angle OCB$ .

Тогда смежные углы этих углов будут ∠DAB = ∠BCD. **Упражнение № 9.** Опираясь на данные условия, рисуют рисунки для острых, прямых и тупых углов.









- По условию AB = AC и ∠ADC = ∠AKB. Угол A является общим углом для обоих треугольников, тогда ∠ABK = ∠ACD. Таким образом, все три угла треугольников ABK и ACD равны, т.е. эти треугольники конгруэнтны. Тогда сторона BK ∆ABK соответственно равна стороне CD ∆ACD.
- При ∠ВАС= 90° эти перпендикуляры совпадают с отрезками АВ и АС. То, что они равны, дано в условии.
- 3) В тупом угле же перпендикуляры, проведённые из точек В и С, проведены к прямым AC и AB. В этом случае углы ВАК и CAD вертикальные углы: ∠ВАК = ∠САD. Тогда в этом случае треугольники ABK и ACD конгруэнтны. Т.е., ВК = CD.

**Объяснение учителя**: Учитель информирует, что величину угла можно обозначить градусом, минутой, секундой, объясняет отношения между этими единицами. На примерах показывает преобразования.

Вниманию учащихся доводится  $1^\circ = 60'$ ,  $1^\prime = 60''$ ,  $1^\prime = \frac{1^\circ}{60}$ ,  $1^{\prime\prime} = \frac{1^\circ}{3600}$ . Для выполнения

этих преобразований можно подготовить задания:

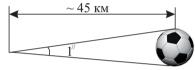
$$45^{\circ} = \dots$$
,  $120' = \dots^{\circ}$ ,  $12^{\circ}10'$   $5^{6/\prime} + 40^{\circ}25'45''$ ,  $50^{\circ} - 16^{\circ}43'$  и др.

До внимания учащихся доводятся правила выражения градусов, записанных в виде десятичной дроби, минутами и секундами:

$$12.5^{\circ} = 12^{\circ} + 0.5^{\circ} = 12^{\circ} + 30' = 12^{\circ}30',$$

$$156^{\circ}25' = 156^{\circ} + 25' = 156^{\circ} + \left(\frac{25}{60}\right)^{\circ} \approx 156,42^{\circ},$$

$$42^{\circ}34^{\prime}55^{\prime\prime} = 42^{\circ} + \left(\frac{34}{60}\right)^{\circ} + \left(\frac{55}{3600}\right)^{\circ} \approx 42^{\circ} + 0,6^{\circ} + 0,02^{\circ} = 42,62^{\circ}.$$



1<sup>//</sup> берётся примерно за видимый угол футбольного мяча с расстояния в 45 км.

Упражнение № 12. a)  $73.4^{\circ} = 73^{\circ} + 0.4^{\circ} = 73^{\circ} + 0.4 \cdot 60' = 73^{\circ} + 24' = 73^{\circ}24'$ ;

$$66,2^{\circ} = 66^{\circ} + 0,2^{\circ} = 66^{\circ} + 0,2 \cdot 60^{\prime} = 66^{\circ} + 12^{\prime} = 66^{\circ}12^{\prime};$$

$$125,1^{\circ} = 125^{\circ} + 0,1^{\circ} = 125^{\circ} + 6' = 125^{\circ}6';$$

$$41,93^{\circ} = 41^{\circ} + 0,9^{\circ} + 0,03^{\circ} = 41^{\circ} + 0,9 \cdot 60^{\prime} + 0,03 \cdot 3600^{\prime\prime} = 41^{\circ} + 54^{\prime} + 108^{\prime\prime} = 41^{\circ}54^{\prime} + 1^{\prime}48^{\prime\prime} = 41^{\circ}55^{\prime}48^{\prime\prime};$$
  $12,5^{\circ} = 12^{\circ} + 0,5^{\circ} = 12^{\circ} + 30^{\prime} = 12^{\circ}30^{\prime}.$ 

6) 
$$12^{\circ}36' = 12^{\circ} + 36' = 12^{\circ} + 36 \cdot \frac{1}{60} = 12^{\circ} + 0.6^{\circ} = 12.6^{\circ};$$

$$44^{\circ}16^{\prime}25^{\prime\prime} = 44^{\circ} + 16^{\prime} + 25^{\prime\prime} = 44^{\circ} + 16 \cdot \frac{1^{\circ}}{60} + 25 \cdot \frac{1^{\circ}}{3600} \approx 44^{\circ} + 0,26^{\circ} + 0,007^{\circ} = 44,267^{\circ} \approx 44,3^{\circ}.$$

$$54^{\circ}30^{\prime\prime} = 54^{\circ} + 30 \cdot \frac{1^{\circ}}{3600} = 54^{\circ} + \frac{1^{\circ}}{120} = 54^{\circ} + 0,09^{\circ} = 54,09^{\circ} \approx 54,1^{\circ}$$

$$135^{\circ}56^{\prime}10^{\prime\prime} = 135^{\circ} + 56^{\prime} + 10^{\prime\prime} = 135^{\circ} + 56 \cdot \frac{1^{\circ}}{60} + 10 \cdot \frac{1^{\circ}}{3600} \approx 135^{\circ} + 0,93^{\circ} + 0,003^{\circ} = 135,933^{\circ} \approx 136^{\circ}$$

## Упражнение № 13. Выполните вычисления:

a) 
$$7^{\circ}15' + 16^{\circ}30' = 23^{\circ}45'$$
; b)  $46^{\circ}25' - 17^{\circ}59'' = 46^{\circ}24'60'' - 17^{\circ}59'' = 29^{\circ}24'1''$ ;

B) 
$$150^{\circ}21/12'' + 51^{\circ}16/51'' = 201^{\circ}37/63'' = 201^{\circ}38/3''$$
;

$$\Gamma$$
)  $42^{\circ}18' - 25^{\circ}10'' = 41^{\circ}59'60'' - 25^{\circ}10'' = 16^{\circ}59'50''$ ;

д) 
$$175^{\circ}13^{\prime} - 101^{\circ}43^{\prime\prime} = 175^{\circ}12^{\prime}60^{\prime\prime} - 101^{\circ}43^{\prime\prime} = 74^{\circ}12^{\prime}17^{\prime\prime};$$

e) 
$$98^{\circ}15'' - 53^{\circ}45' = 97^{\circ}60'15'' - 53^{\circ}45' = 44^{\circ}15'15''$$
;

ë) 
$$23^{\circ}36' \cdot 2 = 46^{\circ}72' = 47^{\circ}12'$$
;

ж) 
$$24.5^{\circ} - 6^{\circ}7^{/} + 32.1^{\circ} = 24.5^{\circ} + 32.1^{\circ} - 6^{\circ}7^{/} = 56.6^{\circ} - 6^{\circ}7^{/} = 56^{\circ} + 0.6^{\circ} - 6^{\circ}7^{/} = 56^{\circ} + 36^{/} - 6^{\circ}7^{/} = 56^{\circ}36^{/} - 6^{\circ}7^{/} = 50^{\circ}29^{/};$$

3) 
$$77^{\circ}19^{7} - 56,4^{\circ} = 77^{\circ}19^{7} - (56^{\circ} + 0,4^{\circ}) = 77^{\circ}19^{7} - (56^{\circ} + 24^{7}) = 77^{\circ}19^{7} - 56^{\circ}24^{7} = 76^{\circ}79^{7} - 56^{\circ}24^{7} = 20^{\circ}55^{7}$$
.

**Упражнение № 14.** Углы треугольника ABC равны 15,8° и 44°53′. Чтобы определить третий угол треугольника, от 180° следует вычесть сумму двух этих углов:

$$180^{\circ} - (15.8^{\circ} + 44^{\circ}53^{\prime}) = 180^{\circ} - (15^{\circ} + 0.8^{\circ} + 44^{\circ}53^{\prime}) = 179^{\circ}60^{\prime} - (15^{\circ}48^{\prime} + 44^{\circ}53^{\prime}) = 179^{\circ}60^{\prime} - 59^{\circ}101^{\prime} = 179^{\circ}60^{\prime} - 60^{\circ}41^{\prime} = 119^{\circ}19^{\prime}.$$

Ответ: 119°19/.

**Обобщение и результат:** Учитель, ещё раз повторяя второй признак конгруэнтности треугольников, обобщает пройденное об их применении.

#### Опенивание

## • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Знает II признак конгруэнтности треугольников, затрудняется в приме-	
	нении, не может переводить одну единицу измерения угла в другую.	
Уровень II	Знает II признак конгруэнтности треугольников, при применении делает	
	механические ошибки, допускает определённые ошибки при переводе од-	
	ной единицы измерения угла в другую.	
Уровень III	Знает II признак конгруэнтности треугольников и самостоятельно при-	
	меняет, не допуская ошибок, переводит одну единицу измерения угла	
	в другую.	
Уровень IV	Знает II признак конгруэнтности треугольников и творчески применя-	
	ет, самостоятельно переводит одну единицу измерения угла в другую.	

# Урок 2.14. Свойства равнобедренных треугольника

**Стандарт:** 3.1.1. Знает основные элементы треугольника и отношения между ними, геометрически изображает.

**Результат обучения:** Знает и применяет свойства равнобедренных треугольников.

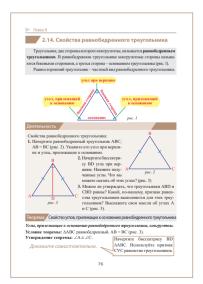
**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: До начала изучения темы, в презентации, подготовленной на компьютере (или на доске), демонстрируется равнобедренный треугольник, его боковые стороны и основание, вершины и углы, прилегающие к основанию. Затем выполняется деятельность, данная в учебнике. Ос-



новываясь на деятельность, учащиеся строят биссектрису угла при вершине и вы-

сказывают своё мнение о полученных треугольниках ABD и CBD. Согласно первому признаку конгруэнтности треугольников, обосновывают конгруэнтность этих треугольников. Учитель рассуждает вместе с учащимися о том, что из конгруэнтности этих треугольников вытекает равенство ещё некоторых элементов этих треугольников.

Учащиеся озвучивают мысль также о равенстве углов, прилегающих к основанию. Таким образом, получается свойство равенства углов, прилегающих к основанию равнобедренного треугольника.

**Объяснение учителя**: Учитель выражает свойство равенства углов, прилегающих к основанию равнобедренного треугольника, в виде теоремы. Уточняются условие и утверждение теоремы.

Доказательство теоремы поручается учащимся. В действительности, выполняя деятельность, они уже доказывают эту теорему.

На следующем этапе выполняется вторая деятельность. Здесь определяется, что медиана, проведённая из вершины равностороннего треугольника, делит его на два конгруэнтных треугольника (по признаку СУС). Из конгруэнтности этих треугольников учащиеся определяют, что углы ABD и CBD тоже равны, т.е. медиана BD является также биссектрисой. Затем опять из конгруэнтности треугольников учащиеся определяют, что углы ADB и CDB являются смежными и равными углами, т.е.  $\angle$ ADB =  $\angle$ CDB = 90°. Следовательно, медиана BD также является высотой. Таким образом, определяется свойство того, что медиана равнобедренного треугольника является также его биссектрисой и высотой.

**Объяснение учителя**: Учитель свойство медианы равнобедренного треугольника выражает в виде теоремы. Уточняются условие и утверждение теоремы.

Доказательство теоремы поручается учащимся (во время выполнения деятельности доказательство осуществлено).

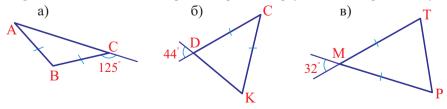


**Исследовательский вопрос:** Как применяются свойства равнобедренного треугольника?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

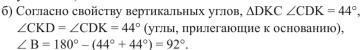
### Руководство к некоторым заданиям:

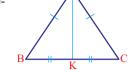
Упражнение № 11. Основываясь на рисунок, учащиеся для определения углов каждого треугольника вспоминают свойства смежных, вертикальных углов, применяя свойство углов, прилегающих к основанию равнобедренного треугольника, определяют углы.



а) Согласно свойству смежных углов,  $\Delta ABC \angle ACB = 180^{\circ} - 125^{\circ} = 55^{\circ}$ ,

 $\angle$ ACB =  $\angle$ BAC = 55° (как углы прилегающие к основанию),  $\angle$  B = 180° – (55° + 55°) =70° (по сумме внутренних углов треугольника).





в) Согласно свойству вертикальных углов,  $\Delta$ TMP  $\angle$ TMP = 32°,  $\angle$ MTP =  $\angle$ MPT = (180° – 32°) : 2 = 74°.

**Упражнение № 13.** Согласно условию,  $P_{ABC} = 48$  см,  $P_{ABK} = 36$  см, AB = AC. Если известно, что AK - медиана, то BK = KC.

Следовательно, P = AB + BC + AC = 2AB + BK + KC = 2AB + 2BK, 2(AB + BK) = 48. Отсюда AB + BK = 24 см.

Тогда 
$$\triangle ABK\ AK = P_{ABK} - (AB + BK) = 36 - 24 = 12\ cm.$$
 Ответ: 12 cm.

Упражнение № 17. При выполнении задания данный угол первоначально следует принять за вершинный угол, второй раз – как прилегающий к основанию угол.

а) Если вершинный угол будет равен  $58^{\circ}$ , то каждый из углов, прилегающих к основанию будет  $(180^{\circ} - 58^{\circ})$ :  $2 = 61^{\circ}$ .

Если угол, прилегающий к основанию, будет равен  $58^{\circ}$ , и второй угол, прилегающий к основанию, будет  $58^{\circ}$ , то вершинный угол составит  $180^{\circ} - 2 \cdot 58^{\circ} = 64^{\circ}$ .

**Ответ**: 
$$58^{\circ}$$
,  $61^{\circ}$ ,  $61^{\circ}$  или  $64^{\circ}$ ,  $58^{\circ}$ ,  $58^{\circ}$ .

**Дифференциальное обучение:** Слабые учащиеся, если даже не смогут доказать свойство равнобедренных треугольников, должны уметь применить его в простых ситуациях. Эти свойства равнобедренного треугольника — самые применяемые свойства в решении задач. По этой причине важно, чтобы каждый учащийся знал их.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о свойствах равнобедренного треугольника и их применении.

## Оценивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Знает, но не может применить свойства равнобедренного треугольника.	
Уровень II	Знает свойства равнобедренного треугольника, но допускает определённые ошибки при их применении.	
Уровень III	Знает и самостоятельно применяет свойства равнобедренного треугольника.	
Уровень IV	Знает, применяет и обосновывает свои мысли о свойствах равнобедренного треугольника.	

# Урок 2.15. Построение треугольника по трём сторонам

**Стандарт:** 3.1.2. Делит отрезок пополам, строит серединный перпендикуляр отрезка, биссектрису угла и треугольник по его сторонам.

**Результат обучения:** Строит треугольник по трём сторонам.

Форма работы: коллективная и работа в группах

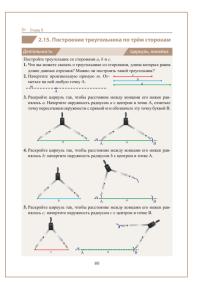
Метод работы: мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, циркуль, линейка, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

Постановка проблемы: Деятельность, данная в учебнике, выполняется каждым учащимся индивидуально и выполняется построение треугольника по трём сторонам. При необходимости учитель, контролируя работу учащихся, может дать определённое направление. Для точного выполнения построения каждый учащийся должен знать, как правильно пользоваться циркулем.



Целью урока является построение треугольника по трём сторонам. Для достижения этой цели учитель должен быть внимателен к работе каждого учащегося.

После деятельности выполняются задания из учебника.

Исследовательский вопрос: Как строится треугольник по трём сторонам?

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 1. а) Из рисунка ясно, что первоначально на прямой *т* отмечается точка К. Концы циркуля раскрываются в соответствии с длиной отрезка *a*, с точкой К в центре циркулем строится окружность с радиусом *a* и тем самым отмечается точка N — точка пересечения окружности с прямой *т*. Затем не изменяя расстояния между концами циркуля, чертится вторая окружность радиусом *a* с центром в точке N. Точка пересечения этих окружностей отмечается М. Точки К, N и М последовательно соединяются. Полученный ΔКМN — равнобедренный треугольник (обосновывается учащимися).

**Обобщение и результат:** Учитель, повторяя правило построения треугольника по трём сторонам, обобщает пройденное.

#### Опенивание

#### • Построение

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	Затрудняется строить треугольник по трём сторонам.		
Уровень II	Допускает незначительные ошибки при построении треугольника по трём сторонам.		
Уровень III	Самостоятельно строит треугольник по трём сторонам.		
Уровень IV	Строит треугольник по трём сторонам и объясняет построение.		

# Урок 2.16. Третий признак конгруэнтности треугольников

Стандарт: 3.2.2. Знает и применяет признаки конгруэнтности треугольника.

Результат обучения: Знает и применяет третий признак конгруэнтности треугольников.

Форма работы: коллективная и работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, ножницы, лист, гвоздь, молоток, деревянные доски, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: Выполняется деятельность, данная в учебнике. При этом начерченные в тетради в клетку одинаковые треугольники располагаются так, как показано на рисунке 2. Основываясь на деятельность, на основе предыдущих признаков конгруэнтности треугольников определяется, что треу-

гольники с равными сторонами также являются конгруэнтными.



Объяснение учителя: Учитель выражает признак конгруэнтности треугольников по трём сторонам в виде теоремы. Доказательство теоремы поручается учащимся. Учитель может определённым образом направить учащихся, использующих для доказательства примечание и рисунок 3. На следующем этапе деятельность выполняется практически. Две доски, соединённые с одного конца гвоздём, прикрепляются к доске. Другие концы досок остаются свободными. В этом случае доски можно двигать. Но их невозможно двигать, если закрепить к этим концам третью доску. Выслушивается мнение учащихся о свойстве устойчивости

2.16. Третий признак конгруэнтности треугольнико

Постройте треугольник ABC со стор AB = 3 см, BC = 5 см, AC = 6 см.

Можно ли говорить о р АВС и А<sub>1</sub>В<sub>1</sub>С<sub>1</sub>? Почему? Конгрузитны ли треугольники АВС и А<sub>.</sub>В<sub>.</sub>С<sub>.</sub>? Если конгрузитны, то по какому

 Постройте треугольник A<sub>1</sub>B<sub>1</sub>C<sub>1</sub> со сторонами A<sub>1</sub>B<sub>1</sub> = 3 см, B<sub>1</sub>C<sub>1</sub> = 5 см, A<sub>1</sub>C<sub>1</sub> = 6 см.  $\alpha_i \alpha_i^{-} = \alpha_i \alpha_i A_i C_i^{-} = 6$  см. Расположение полученные греутольники АВС  $A_i B_i C_i$  вых пожлано на рис. 2. Соедините точ В и В  $_i$ . Определите вид полученных треутольн воз АВВ и СВВ $_i$ . Что вы можете склати о стор изх АВ и  $A_i B_i P_i$  A о стороных ВС и  $B_i C_i P_i$  Какими вяжнотех утлы  $\Delta$ CBB, и  $\Delta$ CBB, ZCAB грумтны ли утлы  $\Delta$ CBB, и  $\Delta$ BB, ZCAB ZCBB, и ZBB, ZCAB

Еслипринять во внимание конгрумпиость сторон АС и A<sub>1</sub>B<sub>3</sub>, как можно выразить конгрумпиость треугольников АВС и A<sub>1</sub>B<sub>3</sub>C<sub>1</sub>?

. товие теоремы: ΔABD и ΔMNC, AB ≃ MC, AD ≃ , BD≃MN

ждение теоремы: ∆ABD ≅ ∆CMN (рис. 3) расдение теоремы:  $\Delta$ АВИ = аксим.  $_{\odot}$  Нательство теоремы  $_{\odot}$  Но условию теоремы  $_{\odot}$  АВ  $_{\odot}$  АВС. Соединия треугольники ABD и  $_{\odot}$  при условии наложения сторомы BD на сторому чится равнобедренный  $_{\odot}$  АВС, тогда  $_{\odot}$   $_{\odot}$ 

ников ABD и MNC рассмотр

Теорема Конгруэнтность треугольников по трём сторонам (ССС)

треугольника и использовании его на практике, приводятся примеры. На компьютере демонстрируются примеры по использованию треугольника.

Исследовательский вопрос: Как применяется третий признак конгруэнтности треугольника?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 7. Известно, что  $\triangle ABC \cong \triangle KPM \cong \triangle DEF$ . Тогда, что AB = KP = DE, AC= KM = DF, BC = PM = EF.

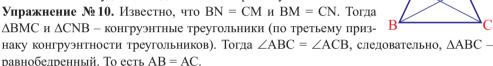
Имея это в виду, можно дополнить таблицу.

	АВ = 10 см	AB = 5  MM	BC = 17  MM
ΔABC	AC = 6  cm	AC = 9  MM	AC = 17  MM
	BC = 11  cm	BC = 8  MM	AB = 20  MM

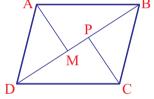
ΔΚΡΜ	KP = 10 см KM = 6 см PM = 11 см	MK = 5  MM $KP = 9  MM$ $PM = 8  MM$	PM = 17  mm KM = 17  mm KP = 20  mm
ΔDEF	DE = 10 cm	DE = 5  mm	EF = 17  mm
	DF = 6 cm	DF = 9  mm	DF = 17  mm
	EF = 11 cm	EF = 8  mm	DE = 20  mm

**Упражнение № 8.** Инструмент, данный в задании, учащиеся могут сконструировать дома. В течение второго урока же с помощью этого инструмента можно построить бис-

сектрису любого угла. Для этого вершина А инструмента накладывается на вершину угла, биссектриса которого будет строиться, стороны треугольника открываются до тех пор, пока не покроют стороны угла (для этого следует передвигать точку D). В этом случае палочка AD будет совпадать с биссектрисой угла.



Упражнение № 13. Поскольку AD = BC, AB = CD и BD – общая сторона, то  $\triangle$ ABD  $\cong$   $\triangle$ CDB. Тогда соответственные углы  $\angle$ DAB =  $\angle$ DCB,  $\angle$ DBC =  $\angle$ BDA,  $\angle$ ABD =  $\angle$ BDC. Следовательно,  $\angle$ BDC = 25°. Отрезки AM и CP – биссектрисы и AM = CP,  $\angle$ DAM =  $\angle$ MAB и  $\angle$ DCP =  $\angle$ BCP. Поскольку  $\angle$ DAB =  $\angle$ DCB,  $\angle$ DAM =  $\angle$ BCP. Следовательно,  $\triangle$ ADM  $\cong$   $\triangle$ CBP, т.е. DM = BP = 3 см.



**Otbet**:  $\angle BDC = 25^{\circ}$ , DM = 3 cm.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** Изучив третий признак конгруэнтности треугольников, учащиеся определяют его свойство устойчивости и широкое использование этого свойства в быту. Учитель может поручить учащимся подготовить презентацию об инструментах, оборудовании и т.п., где используется это свойство треугольника.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о третьем признаке конгруэнтности треугольников и его применении.

### Оценивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Знает III признак конгруэнтности треугольников, затрудняется в при-	
	менении.	
Уровень II	Знает III признак конгруэнтности треугольников, но допускает незна-	
	чительные ошибки в применении.	
Уровень III	Знает и самостоятельно применяет III признак конгруэнтности треу-	
	гольников.	
Уровень IV	Знает и, обосновывая, применяет III признак конгруэнтности треуголь-	
	ников.	

# Образцы критериев для составления заданий для малого суммативного оценивания №4

№	Критерии
1	Определяет конгруэнтные треугольники.
2	Знает и применяет в решении задач признаки конгруэнтности треугольников.
3	Знает и применяет свойства равнобедренного треугольника.
4	Строит треугольник по трём сторонам.

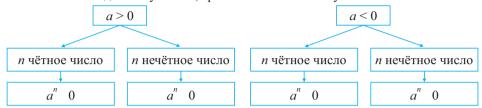
	Образец малого суммативного оценивания № 4	Количество	Имя:_ правильных ответов: неправильных ответов:	_
1.	Если $\Delta BDK \cong \Delta AMP$ , то запиши ные стороны и равные углы.	те рав-		
2.	Выразите первый признак конг ности треугольников:	груэнт-	Известно, что $\triangle ABD \cong \triangle M$ ловии, что $AB = 145$ мм, $ABD = 3.8$ см, найдите сум ров этих треугольников.	MP = 11,3  cm,
3.	Известно, что $\triangle ABC \cong \triangle DEK$ . AB = 42 мм, $AC = 6$ см, $EK = 0.0$ определите периметр каждого треника.	98 м, то еуголь- <b>8</b> . 0	С помощью циркуля и стройте треугольник со сосм, 1,7 см и 1,5 см.	
4.	Даны $\Delta$ МКР и $\Delta$ ABD. Что сказать об этих треугольниках $AB=34$ дм, $MK=3,4$ м, $\angle$ M = $\angle$ A = 45°, $MP=190$ мм, $AD=19$	, если = 45° и		
	АВС – равнобедренный треуго При условии, что угол, прилега к основанию треугольника, раво определите, чему равны остав два угла.	ающий ен 43°, вшиеся 9.1	В равнобедренном треуго. ана равна 12 см. Сколько в будут составлять высота и этого треугольника?	миллиметров
6.	Длина высоты AD, проведённой шины A равнобедренного треуг			

ка ABC, равна 2,3 см, длина основания BC – 5,6 см. При условии, что периметр треугольника ABD равен 8,1 см, найдите периметр треугольника ABC.

# Образец большого суммативного оценивания № 1

**1.** Найдите расстояние между точками A и B: A(-214,6) и B(202,1).

**2.** Основываясь на данные условия, сравните степень  $a^n$  с нулём:



3. Данные дроби запишите в виде десятичных дробей. Напишите вид периодической десятичной дроби:

$$\frac{7}{15}$$
 =

$$2\frac{5}{24} = \frac{11}{18} = 1\frac{7}{16} = \frac{9}{21} =$$

$$\frac{11}{18} =$$

$$1\frac{7}{16} =$$

$$\frac{9}{21} =$$

4. Преобразуйте периодические десятичные дроби в обыкновенные дроби:

$$2,(5) =$$

$$0, 9(1) =$$

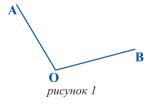
$$3,01(3) =$$

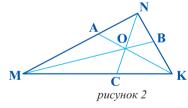
$$0,7(53) =$$

5. Выполните вычисления:

$$24,(8) + 11,0(4) - 9,(123) =$$

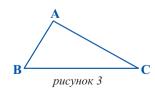
6. Постройте биссектрису данного угла (рисунок 1):





7. Отрезки KA, NC и MB – биссектрисы треугольника MNK (рисунок 2). Найдите углы NMB, MBN, NCK при условии, что  $\angle$ MNK = 66°,  $\angle$ MKA = 32°:

8. Проведите высоту и медиану из вершины А треугольника АВС (рисунок 3).



# Степень с натуральным показателем. Конгруэнтность треугольников

_	Если длины сторон треугольника будут 12,4 см, 164 мм и 1,52 дм, на какие длинь поделятся эти стороны, если к ним провести медианы?
-	
-	
10.	Упростите выражение:
(	$(2^6)^2: 2^{10} + 3^8: (3^2)^4 - 125 \cdot 25^3: 5^5 =$
-	
	Турал вложил 1500 манатов в банк с годовым доходом в 5% от первоначальной сум мы и через 3 года взял 50% от накопленной суммы. Сколько денег будет на счету у Турала через 5 лет?
-	
-	
	Напишите свои мысли о треугольниках ABC и MNK при условии, что $AB=8\ cm\ 2\ mm,\ MN=43\ mm,\ NK=8,2\ cm,\ AC=65\ mm,\ MK=0,65\ дм.$
-	
-	
	При условии, что один из углов равнобедренного треугольника равен 50°, найдито тие углы.
-	
-	

# ГЛАВА III

# многочлен. Серединный перпендикуляр

Стандарт	Учебная единица	Тема	Часы
2.2.1.		Урок 3.1. Многочлен и его стандартный вид	1
2.2.1.		Урок 3.2. Сложение многочленов	1
2.2.1.		Урок 3.3. Вычитание многочленов	2
2.2.1.		Урок 3.4. Умножение одночлена на многочлен	1
2.2.1.		Урок 3.5. Умножение многочлена на многочлен	2
2.2.1.	•	Урок 3.6. Разложение многочлена на множители	1
3.1.2.	н. Уляр	Урок 3.7. Перпендикуляр и наклонная	1
3.1.2.	член	Урок 3.8. Деление отрезка пополам	2
3.1.2.	ного	Урок 3.9. Серединный перпендикуляр отрезка	1
3.2.1.	I. М й пе <sub>]</sub>	Урок 3.10. Центральная симметрия	2
2.2.1.	Глава III. Многочлен. Серединный перпендикуляр	<b>Урок 3.11.</b> Тождество. Тождественные преобразования	1
2.2.2.	Ľ) Cepe/	Урок 3.12. Линейное уравнение с одной переменной	2
4.2.1., 1.3.1.		Урок 3.13. Абсолютная погрешность	2
4.2.1., 1.3.1.		Урок 3.14. Относительная погрешность	2
		Проверьте себя	1
		Образец малого суммативного оценивания № 5	1

# Урок 3.1. Многочлен и его стандартный вид

Стандарт: 2.2.1. Выполняет действия сложения, вычитания и умножения над многочленами.

Результат обучения: Знает многочлен и приводит к стандартному виду.

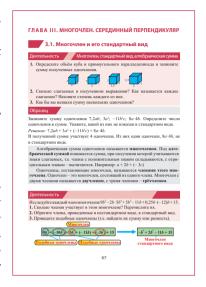
Форма работы: коллективная и работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

# Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

Постановка проблемы: Геометрические фигуры, данные в деятельности учебника, выводятся на экран компьютера (или используется рисунок в учебнике). Учащиеся знакомы с этими фигурами из урока «Одночлены». На основе деятельности учащиеся записывают выражение  $x^3 + 2x^2 + x + 3$  и высказывают мнение о слагаемых (одночленах).





После выполнения деятельности на экран выводится данный в учебнике многочлен и на нём исследуется многочлен, его члены, стандартный вид, сведение подобных одночленов, степень многочлена. Учитель даёт необходимые объяснения. Выполняются образец и вторая деятельность.

Исследовательский вопрос: Как преобразуется в стандартный вид многочлен нестандартного вида?

Для проведения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

## Упражнение № 6.

г) 
$$5a \cdot 4b^2 - 0,8b \cdot 4b^2 - 2ab \cdot 3b + b \cdot 3b^2 - 1 = \underline{20ab^2} - \underline{\underline{3,2b^3}} - \underline{6ab^2} + \underline{\underline{3b^3}} - 1 = 14ab^2 - 0,2b^3 - 1.$$
 Степень многочлена – 3, свободный член – 1.

Упражнение № 8. Учащиеся алгоритм, данный в блок-схеме, первоначально записывают с помощью переменных. Затем вместо переменных в полученном многочлене они записывают числа и преобразуют многочлен в числовое выражение, и вычисляют значение выражения. Каждый алгоритм можно осуществить, поручив его выполнение отдельной группе.

- 1)  $a^2$  –3a + 4,23. Каждый учащийся вместо переменной a может вписать любое целое число. Например: a = -15,  $(-15)^2 - 3 \cdot (-15) + 4,23 = 274,23$ . Здесь выполняется линейный алгоритм.
- 2) На основе второй схемы выполняется алгоритм с ответвлениями. Добавляемая дробь может быть записана в виде дроби (правильная или неправильная обыкновенная

дробь) или десятичной дроби. На основе условного алгоритма следует выполнить алгоритм с левой стороны блок-схемы с ответом «да», с правой стороны – с ответом «нет».

**Левая сторона:**  $x^3 + 2x - 12$ . Каждый учащийся вместо переменной x может записать простую дробь. Например: при условии  $x = \frac{3}{4}$ ,

$$\left(\frac{3}{4}\right)^3 + 2 \cdot \frac{3}{4} - 12 = \frac{27}{64} + \frac{3}{2} - 12 = \frac{123}{64} - 12 = -10\frac{5}{64}.$$

**Правая сторона:**  $100b - b^2$ . Каждый учащийся вместо переменной b может записать обыкновенную дробь. Например: при условии b = 0,23,  $100 \cdot 0,23 - 0,23^2 = 22,9471$ . Вычисления могут проводиться и калькулятором.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** В некоторых заданиях одночлены даны в виде моделей геометрических фигур. Выполняя эти задания, учащиеся ещё раз вспоминают понятия площади и объёма. Учитель доводит до внимания учащихся понятие алгебраической суммы одночленов с помощью геометрических фигур.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о многочлене, его стандартном виде, степени, коэффициентах, свободном члене.

#### Опенивание

#### • Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Показывает степень, члены многочлена, затрудняется привести его в стандартный вид.
Уровень II	Приводит многочлен в стандартный вид после определённого направления, самостоятельно показывает степень, члены.
Уровень III	Самостоятельно приводит многочлен в стандартный вид, показывает степень, члены.
Уровень IV	Объясняя, приводит многочлен в стандартный вид, даёт широкую информацию о степени, членах.

# Урок 3.2. Сложение многочленов

Стандарт: 2.2.1. Выполняет действия сложения, вычитания и умножения над многочленами.

**Результат обучения:** Учащийся находит сумму многочленов.

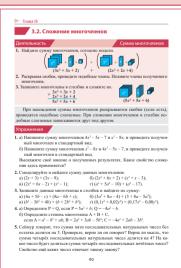
**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ, геометрические фигуры, вырезанные из картона

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** Модели, данные в деятельности учебника, презентуются с помощью компью-



тера и учащимися производится действие сложения многочленов. Преобразование подобных слагаемых наглядно выполняется на геометрических фигурах. Эти фигуры учитель может вырезать из картона.

После сложения многочленов по модели, учитель обращает внимание на сложение многочленов в столбик.

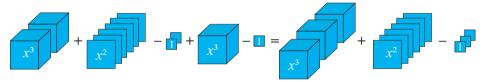
## Исследовательский вопрос: Как находится сумма многочленов?

С целью проведения исследования задания из учебника раздаются на рабочих листах учащимся, разделённым на группы.

## Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение** № **2.** Чтобы изобразить сумму многочленов в виде модели, можно использовать геометрические фигуры. Эти фигуры можно вырезать из картона (модель куба может быть дана в виде рисунка) или используются возможности компьютера. в)  $(2x^3 + 6x - 2) + (x^3 - 1)$ .

При изображении разности этих многочленов на геометрических фигурах принимается за  $x^3$  – объём куба с ребром x ед. изм., за  $x^2$  – площадь большого квадрата со стороной x ед. изм., за 1 кв. ед. – площадь малого квадрата со стороной 1 ед. изм.



С помощью изображения определяется разность и затем представляется математическое написание.

На основе модели,  $(2x^3 + 6x - 2) + (x^3 - 1) = 3x^3 + 6x - 3$ .

**Упражнение № 3.** При сложении многочленов в столбик важно сложение в одном столбике одинаковых слагаемых, т.е. написание их друг под другом.

**Упражнение № 5.** Задание выполняется группами. Учащиеся должны уметь записать последовательные натуральные числа в виде выражения. Для этого первое натуральное число обозначается n и последующие числа выстраиваются в виде добавления одной единицы: n, n+1, n+2, n+3, n+4. Записав сумму этих чисел, выражение приводится в стандартный вид: n+n+1+n+2+n+3+n+4=5n+10=5(n+2).

Таким образом, в последнем произведении участвует множитель 5, следовательно, сумма пяти последовательных натуральных чисел полностью делится на 5.

По тому же принципу можно показать верность предположения, что сумма четырёх последовательных натуральных чисел делится на 4:

$$n + n + 1 + n + 2 + n + 3 = 4n + 6 = 2(2n + 3).$$

Если принять четыре последовательных нечётных числа в виде 2n-1; 2n+1; 2n+3; 2n+5, то их сумма: 2n-1+2n+1+2n+3+2n+5=8n+8=8(n+1). Это выражение делится на 8.

Другие предложения, соответствующие такой закономерности, предлагаются группами.

Обобщение и результат: Учитель обобщает пройденное о сложении многочленов.

#### Опенивание

#### • Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Затрудняется найти сумму многочленов. Определяет сумму многочленов на геометрических фигурах, но не может их складывать способом алгебраического сложения.	
Уровень II	При сложении многочленов допускает незначительные ошибки.	
Уровень III	Самостоятельно находит сумму многочленов.	
Уровень IV	Находит удобным способом сумму многочленов.	

# Урок 3.3. Вычитание многочленов

**Стандарт:** 2.2.1. Выполняет действия сложения, вычитания и умножения над многочленами.

**Результат обучения:** Находит разность многочленов. **Форма работы:** коллективная и работа в группах

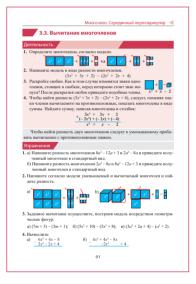
Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

# Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** Модели, данные в деятельности учебника, представляются посредством компьютера или выполняются с помощью фигур, сделанных из картона. Выполнение вычитания на моделях объясняется учащимися. Преобразуя модели в многочлен, определяют полученную разность  $x^2 + x - 2$ . Объясняется связь между нахождением разности на моделях и в виде выражения.



На следующем этапе учитель объясняет учащимся способ нахождения разности многочленов в столбик.

**Исследовательский вопрос**: Как определяется разность многочленов и каким выражением является полученный результат?

С целью проведения исследования задания из учебника выполняются на рабочих листах. Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 2. На основе модели записываются разности ниже приведённых многочленов:

a) 
$$(6x^2 + 4x + 5) - (2x^2 + 2x + 4) = 4x^2 + 2x + 1$$
.

6) 
$$(2x^3 + 3x^2 + x - 3) - (x^3 + 2x^2) = x^3 + x^2 + x - 3$$
.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** Не для всех многочленов удобно смоделировать сумму и разность многочленов. По этой причине в заданиях из учеб-

ника требуется смоделировать сумму и разность относительно простых многочленов. Способ моделирования облегчает учащимся понимание выполнения действий над многочленами. Целесообразно при моделировании использовать картон, цветную бумагу.

Упражнение № 3. в) Принимается, что объём куба с ребром в a ед. изм. равен  $a^3$ , площадь прямоугольника со сторонами 1 и a ед. изм. – a кв. ед., площадь квадрата со стороной 1 ед. изм. – 1 кв. ед..

$$(3a^{3} + 2a + 4) - (a^{3} + 2) = 2a^{3} + 2a + 2$$

$$a^{3} \qquad a^{3} \qquad + a^{3} \qquad a^{3} \qquad + a^{3}$$

**Упражнение № 8.** Прежде, чем приступить к выполнению задания, у учащихся спрашивают правила нахождения неизвестного слагаемого, уменьшаемого и вычитаемого.

a) 
$$A + (12y^2 + 6y - 1) = -10y + 9$$
  
 $A = (-10y + 9) - (12y^2 + 6y - 1)$   
 $A = -12y^2 - 16y + 10$ .

6) 
$$(-6x^2 + 7x - 11) - A = 2x^2 + 2x - 1$$
  
 $A = (-6x^2 + 7x - 11) - (2x^2 + 2x - 1)$   
 $A = -8x^2 + 5x - 10$ .

Упражнение № 10. Задание может быть выполнено в индивидуальной форме.

B) 
$$(9ax^3 - 5ax^2 + 6ax) - (-3ax^3 - 6ax^2 - 7ax) - (5ax^3 + ax) =$$
  
 $= 9ax^3 - 5ax^2 + 6ax + 3ax^3 + 6ax^2 + 7ax - 5ax^3 - ax = 7ax^3 + ax^2 + 12ax.$   
 $(a^3 - 0.12b^3) + (0.39a^3 - b^3 - 9) + (0.01a^3 - 1.88b^3 + 11) =$   
 $= a^3 - 0.12b^3 + 0.39a^3 - b^3 - 9 + 0.01a^3 - 1.88b^3 + 11 = 1.4a^3 - 3b^3 + 2.$ 

**Дифференциальное обучение**: При вычитании многочленов важно обращать внимание на знак перед скобками. Слабые учащиеся, приняв во внимание знак, могут допустить ошибку. Учитель должен обращать внимание на это, работая с учащимися.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о правилах вычитания многочленов.

### Оценивание

#### • Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Не учитывает знак перед скобками при вычитании многочленов. Находя разность многочленов, не может преобразовать подобные одноч-	
	лены.	
Уровень II	Допускает незначительные ошибки при нахождении разности многочленов, получает результат после определённых указаний.	
Vnoreur III	Самостоятельно находит разность многочленов.	
-		
Уровень IV	Находит разность многочленов удобным способом.	

# Урок 3.4. Умножение одночлена на многочлен

Стандарт: 2.2.1. Выполняет действия сложения, вычитания и умножения над многочленами.

**Результат обучения:** Находит произведение одночлена с многочленом.

**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

# Ход урока:

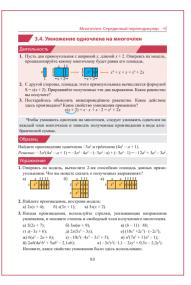
На изучение темы отводится 1 час.

Постановка проблемы: Для выполнения деятель-



ности из учебника можно подготовить модели из картона (здесь можно принять x = 2 см). Условие деятельности

представляется посредством компьютера. Учащиеся площадь прямоугольника с шириной x (ед. изм.), длиной (x+2) (ед. изм.) определяют по модели и на



основе формулы вычисления площади прямоугольника, что записывается в виде равенства. Высказывают своё мнение о полученном равенстве. Отвечая на вопросы учителя, учащиеся вспоминают о распределительном свойстве умножения. Применение этого свойства объясняется при умножении одночлена на многочлен.

# Исследовательский вопрос: Как выполняется умножение одночлена на многочлен?

С целью проведения исследования задания из учебника выполняются на рабочих листах. Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 1.** Согласно модели, определяются одночлен и двучлен, принимающие участие в умножении. Решая это задание, учащиеся могут использовать фигуры из картона.  $x = \frac{x}{x^2} \frac{111}{x^2}$ 

б) согласно модели, ширина прямоугольника 2x (ед. изм.), длина – (x+3) (ед. изм.). Сумма площадей полученных прямоугольников (согласно рисунку) будет  $x^2 + x^2 + x + x + x + x + x + x = 2x^2 + 6x$ .

С другой стороны, согласно формуле площади, должно быть вычислено 2x(x+3). Следовательно,  $2x(x+3) = 2x^2 + 6x$ .

По тому же принципу в других моделях определяются множители и произведение.

Упражнение № 2. Чтобы определить данные произведения по модели, можно использовать сделанные из картона фигуры, соответствующие множителям. Задания даются группам.



B) 
$$3x(x+2) = 3x^2 + 6x$$
.

Упражнение № 3. Чтобы найти произведение, следует наглядно стрелками показать направление умножения, что поможет учащимся быстрее понять правила нахождения произведения одночлена с многочленом.

κ) 
$$2ab(4a^2b^3 + 5ab^3 - 2,1ab) = 8a^3b^4 + 10a^2b^4 - 4,2a^2b^2$$
.

У этого многочлена нет свободного члена (или нуль).

Упражнение № 5. Чтобы найти площадь дачи, следует от площади большого прямоугольника отнять площадь маленького прямоугольника.

$$S_{_{\Pi \Pi \Pi \Pi \Pi}} = 4c(a+2b) - 2c \cdot 2b = 4ac + 8bc - 4bc = 4ac + 4bc = 4c(a+b).$$
 Если  $a=8$  см,  $b=5$  см,  $c=3$  см и масштаб  $1:200$ , то  $a+2b$  настоящие величины:  $a=8\cdot 200=1600$  см  $=16$  м,  $b=5\cdot 200=1000$  см  $=10$  м,  $c=3\cdot 200=600$  см  $=6$  м. Тогда  $S_{_{\Pi \Pi \Pi \Pi}} = 4c(a+b) = 4\cdot 3\cdot (8+5) = 156$  см²  $S_{_{\Pi \Pi \Pi \Pi \Pi}} = 4c(a+b) = 4\cdot 6\cdot (16+10) = 624$  м².

**Ответ**: 156 см<sup>2</sup>, 624 м<sup>2</sup>.

Упражнение № 7. Это задание может быть задано учащимся в качестве домашнего задания.

Упражнение № 8. В решении уравнения применяются правила умножения одночлена на многочлен, сложение и вычитание многочленов.

$$(3) 6 + (2 - 4x) + 5 = 3(1 - 3x)$$
 $(3) (3) + (2 - 4x) + 5 = 3(1 - 3x)$  $(3) (3) + (2 - 4x) + 3 = 9, 9 - 0, 3(x - 1).$  $(3) 6 + (2 - 4x) + 5 = 3(1 - 3x)$  $(3) (3) + (2 - 4x) + 3(2 - 4x) + 3(2 - 4x)$  $(3) (3) + (2 - 4x) + 3(2 - 4x) + 3(2 - 4x)$  $(3) 6 + (2 - 4x) + 5 = 3(1 - 3x)$  $(3) (3) + (3) + (2 - 4x) + 3(2 - 4x)$  $(3) (3) + (3 - 4x) + 3(2 - 4x)$  $(3) 6 + (2 - 4x) + 5 = 3(1 - 3x)$  $(3) (3) + (3 - 4x) + 3(2 - 4x)$  $(3) (3) + (3 - 4x) + 3(2 - 4x)$  $(3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3) 7 + (3)$ 

Обобщение и результат: Учитель обобщает пройденное об умножении одночлена на многочлен.

#### Опенивание

## • Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Затрудняется в нахождении произведения одночлена с многочленом.	
Уровень II	Допускает определённые ошибки при нахождении произведения одночлена с многочленом.	
Уровень III	Самостоятельно находит произведение одночлена с многочленом.	
Уровень IV	Использует удобные способы для нахождения произведения одночлена с многочленом.	

# Урок 3.5. Умножение многочлена на многочлен

Стандарт: 2.2.1. Выполняет действия сложения, вычитания и умножения над многочленами.

Результат обучения: Находит произведение многочлена на многочлен.

Форма работы: коллективная, работа в группах и в парах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, фигуры из картона

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: Для выполнения деятельности из учебника можно использовать модели, сделанные из картона на предыдущем уроке. Учащиеся определяют по

модели площадь прямоугольника со сторонами (2x+1) и (x+3) и на основе формулы вычисления площади прямоугольника записывают его в виде равенства:

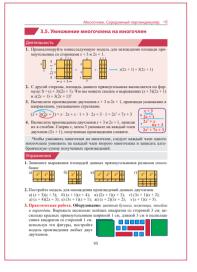
$$(x + 3)(2x + 1) = 2x^2 + 7x + 3.$$

Выслушивается мнение учащихся о полученном равенстве. Проводя исследование о том, как получить правую сторону из левой стороны неравенства, учащиеся делают попытку назвать правило нахождения произведения многочленов. При необходимости учитель, направляя, помогает учащимся.

# **Исследовательский вопрос**: Как находится произведение многочленов?

Учащиеся класса выполняют задания из учебника группами или парами.

Чтобы выполнить задания № 1, 2 и 3, необходимо создать 4 группы по 3-4 участника в каждой. Задания делятся между группами. Каждая группа на основе данной модели определяет произведение и множители, во втором задании произведение многочленов определяют, построив модель.

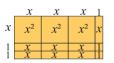


# Руководство к некоторым заданиям:



Следовательно,  $(x + 3)(2x + 1) = 2x^2 + 7x + 3$ .

**Упражнение № 2.** г) Чтобы построить модель произведения (3x + 1)(x + 2) изобразим прямоугольник с шириной (x + 2) (ед.изм.), длиной (3x+1) (ед.изм.). Согласно модели,  $(3x+1)(x+2) = 3x^2 + 7x + 2$ .



Третьим заданием группы является построение модели произведения двух любых двучленов с использованием цветной бумаги.

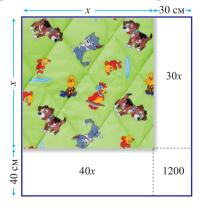
Упражнение № 4. Детское одеяло имеет форму квадрата. Чтобы его довести до разме-

ров одеяла, предназначенного для взрослого человека, одну его сторону надо увеличить на 30 см, а другую – на 40 см.

Основываясь на модель, площадь одеяла для взрослого человека определяется нижеследующим многочленом:  $(x + 30)(x + 40) = x^2 + 70x + 1200$ .

**Ответ**: 
$$x^2 + 70x + 1200$$
.

На следующем уроке произведение многочленов определяется в столбик (или указанием направления стрелками) с использованием правила нахождения произведения одночлена на многочлен. Поскольку в



учебнике приведены образцы, считаем лишним давать рекомендации к этим заданиям. Учащиеся, опираясь на образец, могут самостоятельно выполнить задание. Учитель при необходимости направляет их.

**Упражнение № 8.** Прежде, чем приступить к вычислению значения выражения, целесообразно его упростить.

$$(5x-1)(x+3) - (x-2)(5x-4) = 5x^2 + 15x - x - 3 - 5x^2 + 4x + 10x - 8 =$$

$$= 28x - 11 = 28 \cdot 2\frac{1}{7} - 11 = 49.$$

Ответ: 49. Результат, полученный Севиндж, верен.

Упражнение № 9. Упростите выражение:

a) 
$$(x+3)(x-3) + (4-x)x - 3x = x^2 - 3x + 3x - 9 + 4x - x^2 - 3x = x - 9$$
.

Согласно условию упражнения требуется определить, при каком значении x значение выражения должно быть равно a: x-9=a. Найдём x из этого равенства. Таким образом, если x=a+9, значение выражения будет равно a.

$$\Gamma(x+2)(x+2) - x(5-x) - 2x^2 = x^2 + 2x + 2x + 4 - 5x + x^2 - 2x^2 = 4 - x.$$

Если 4 - x = a, значение выражения будет равно a.

Ответ: a) 
$$x = a + 9$$
; б)  $x = a - 9$ ; в)  $x = -\frac{a+2}{2}$ ; г)  $x = 4 - a$ .

Дифференциальное обучение: Положительное воздействие на слабых учащихся может оказать построение модели произведения двучленов посредством геометрических фигур, сделанных из картона. Нахождением модели произведения в начале урока учащиеся дают геометрический комментарий произведению двучленов. После этого они усваивают алгебраический способ нахождения произведения многочленов.

Обобщение и результат: Учитель обобщает пройденное о способах нахождения произведения многочленов.

#### Оценивание

## • Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Затрудняется в нахождении произведения многочленов.	
	Произведение многочленов определяет по модели, затрудняется найти	
	произведение многочленов алгебраическим способом.	
Уровень II	Допускает определённые ошибки при нахождении произведения многочленов.	
	Допускает ошибки в обозначениях или преобразовании подобных слагае-	
	мых при нахождении произведения многочленов.	
Уровень III	Самостоятельно находит произведение многочленов.	
Уровень IV	Использует удобные способы для нахождения произведения многочленов.	

# Урок 3.6. Разложение многочлена на множители

Стандарт: 2.2.1. Выполняет действия сложения, вычитания и умножения над многочленами.

**Результат обучения:** Разлагает многочлен на множители.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы

# Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: В деятельности, данной в учебнике, поэтапно объясняется учащимся правило разложения многочлена на множители способом группировки. Вместе с учащимися анализируются одночлены, которые составляют многочлен. Выслушиваются их мнения об этих выражениях. В деятельности ещё раз обучают на образце действию разложения на исследуемые множители.



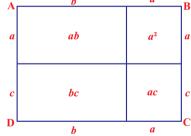
**Исследовательский вопрос**: Как проводится разложение многочлена на множители способом группировки?

### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение** № **2.** а) Сумма площадей данных прямоугольников и квадрата выражена в виде ниже приведённого многочлена:

$$a^2 + ab + bc + ac$$
.

Сторонами прямоугольника с площадью ab являются a и b, сторонами прямоугольника с площадью bc являются b и c, сторонами прямоугольника с площа-

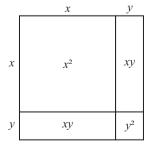


дью ac являются a и c, стороной квадрата с площадью  $a^2$  является сторона a. Тогда сторонами прямоугольника ABCD являются (a+c) и (b+a).

Следовательно,  $(a + c)(b + a) = a^2 + ab + bc + ac$ .

б) По тому же принципу запишем для второго прямоугольника:  $(a+d)(b+2a)=ab+2a^2+bd+2ad$ .

Упражнение № 3. Задание выполняется группами. Каждая группа строит модель для заданного им многочлена. Для построения модели для заданного многочлена следует так разместить прямоугольники (или квадраты), соответствующие одночленам, составляющим этот многочлен, чтобы фигура, образующая их, была прямоугольником.



б) Для построения модели для многочлена  $x^2 + 2xy + y^2$  надо начертить два квадрата, сторона одного из которых была бы равна x, а второго -y, и два прямоугольника со сторонами x и y.

Как видно, образуется квадрат со сторонами x + y.  $(x + y)(x + y) = x^2 + 2xy + y^2$ .

Упражнение № 6. Для разложения многочлена  $a^2 + 7a + 12$ , данного на рисунке, на множители существует особое правило. Так, одночлен 7a необходимо представить как сумму двух одночленов таким образом, чтобы полученные одночлены имели общий множитель с одночленами  $a^2$  и 12. При написании в виде 7a = 3a + 4a получается общий множитель. Но если записать в виде 7a = 2a + 5a общий множитель отсутствует, и многочлен невозможно будет разложить на множители.

Моменты, на которые следует обратить внимание: Внимание учащихся должно быть обращено на равенства 3 + 4 = 7 и  $3 \cdot 4 = 12$ . Учитель должен довести до внимания учащихся, как при разложении многочленов на множители следует использовать это свойство коэффициентов. Это свойство применено в упражнениях № 7 и 8.

**Упражнение № 14.** Это задание выполняется учащимися с целью творческого применения. Учащиеся должны проанализировать множитель с правой стороны многочлена. Задание выполняется группами.

a) 
$$6a^3 - 15a^2b - 14ab + ... = (2a - 5b)(... - ...)$$

Как видно из этого задания, в выражении  $6a^3 - 15a^2b$  общий множитель  $3a^2$ .

 $3a^2(2a-5b)$ . Значит в выражении -14ab+... также надо создать множитель (2a-5b). Запишем в виде  $-14ab=2a\cdot(-7b)$ . Как видно, в выражении, -14ab+... вместо точек следует записать такой одночлен, чтобы при вынесении за скобки от него множителя (-7b) внутри скобок остался множитель 5b. Следовательно, вместо точек должен быть записан одночлен  $(-7b\cdot5b)=-35b^2$ . Действительно,

$$6a^3 - 15a^2b - 14ab + (-35b^2) = 3a^2(2a - 5b) - 7b(2a - 5b) = (2a - 5b)(3a^2 - 7b).$$

По такому же принципу разлагаются на множители многочлены из других пунктов.

6) 
$$12x^3 + 42x^2y - 10xy^2 - 35y^3 = 6x^2(2x + 7y) - 5y^2(2x + 7y) = (2x + 7y)(6x^2 - 5y^2);$$

B) 
$$24m^4 - 18m^3 - 4mn^3 + 3n^3 = 6m^3(4m - 3) - n^3(4m - 3) = (6m - n^3)(4m - 3)$$
;

$$\Gamma (36y^5 - 54y^4 + 10y - 15 = 18y^4(2y - 3) + 5(2y - 3) = (2y - 3)(18y^4 + 5).$$

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о разложении многочленов на множители.

#### Опенивание

#### • Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Затрудняется разлагать многочлен на множители.	
Уровень II	Допускает определённые ошибки при разложении многочлена на множители.	
Уровень III	ень III Самостоятельно разлагает многочлен на множители.	
Уровень IV	Использует удобные способы при разложении многочлена на множители.	

# Урок 3.7. Перпендикуляр и наклонная

**Стандарт:** 3.1.2. Делит отрезок пополам, строит серединный перпендикуляр отрезка, биссектрису угла и треугольник по сторонам.

Результат обучения: Определяет перпендикуляр и наклонные.

**Форма работы:** коллективная, индивидуальная **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, циркуль, линейка, оборудование ИКТ

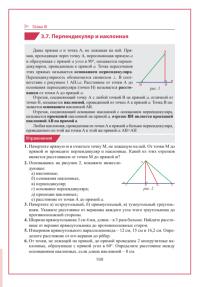
## Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** На доске чертится произвольная прямая и отмечается любая точка, не принадлежащая ей. Учитель поручает учащимся провести через эту точку прямую, пересекающую данную прямую, и прямую не пересекающую данную прямую. Учащиеся выполняют задание и исследуют проведённые прямые. Определяют, какая из них является перпендикуляром, а какая наклонной.

**Объяснение учителя**: Учитель даёт информацию о наклонной, перпендикуляре, расстоянии от точки до прямой. До учащихся доводится, что проекцией перпендикуляра на перпендикулярной прямой является точка.

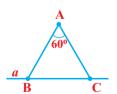
**Исследовательский вопрос**: Какими особенностями обладают наклонная и перпендикуляр, проведённые к прямой?



С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

## Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 6. При выполнении задания следует нарисовать рисунок, соответствующий условию. Согласно условию, из точки А проведены две равные наклонные. Эти наклонные должны располагаться так, как показано на рисунке. Поскольку



AB = AC, треугольник ABC - равнобедренный. Известно, что  $\angle A = 60^\circ$ . Тогда  $\angle B = \angle C = (180^\circ - \angle A)$ :  $2 = 60^\circ$ . Следовательно,  $\triangle ABC$  также равносторонний, то есть BC = 8 см.

Ответ: 8 см.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** Учащийся должен понять, что перпендикуляр, проведённый из точки к пря-

мой, является коротким расстоянием от этой точки до прямой. Расстояние от заданной точки к заданной прямой постоянное и, следовательно, от точки к прямой можно провести единственный перпендикуляр.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о перпендикуляре и наклонных, проведённых от точки до прямой.

#### Опенивание

## • Определение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Чертит перпендикуляр и наклонные, не может различать.
Уровень II	Определяет перпендикуляр и наклонные, допускает незначительные ошибки в объяснении особенностей.
Уровень III	Самостоятельно определяет перпендикуляр и наклонные, объясняет особенности.
Уровень IV	Обосновывая, применяет в заданиях особенности перпендикуляра и наклонных.

# Урок 3.8. Деление отрезка пополам

**Стандарт:** 3.1.2. Делит отрезок пополам, строит серединный перпендикуляр отрезка, биссектрису угла и треугольник по его сторонам.

**Результат обучения:** Делит отрезок пополам с помощью циркуля.

Форма работы: коллективная, индивидуальная

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, циркуль, линейка, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** Деятельность, данная в учебнике, выполняется каждым учащимся. Учитель контролирует то, как учащиеся с помощью циркуля

3.8. Деление отрезка пополам

Вентельность

Намажение средника отрезка пополам

1. Проведение отрезка пополам

1. Проведен

будут определять серединну отрезка, направляет каждого учащегося. Учитель также может нахождение середины отрезка проделать на компьютере и продемонстрировать построение учащимся.

При выполнении деятельности необходимо обосновать равенство отрезков ОА и ОВ. Учитель спрашивает мнение учащихся об ОА = ОВ. Во время построения выясняется равенство треугольников АDС и ВСD, определяется, что треугольник АВС – равнобедренный. То, что СО является медианой, обосновывается учащимися. В этом случае при необходимости учитель может дать определённое направление.

**Исследовательский вопрос**: Как можно разделить пополам отрезок, размещённый в разных позициях, с помощью циркуля?

С целью проведения исследования каждый учащийся индивидуально выполняет задания из учебника.

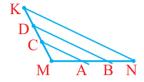
#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 2.** Выполняя это задание, учащимся следует начертить отрезок не горизонтально, а вертикально, и разделить его пополам с помощью циркуля так, как это делается при горизонтальном расположении.

Упражнение № 3. Практическая работа выполняется в группах. Каждая группа делит стороны заданной ей фигуры пополам с помощью циркуля. Последовательно соединив полученные точки, раскрашивают полученную новую фигуру. Каждая группа может высказать своё мнение о полученной фигуре.

**Упражнение № 6.** Учащиеся должны уметь делить отрезок на 3 равные части. Учитель эту работу поручает выполнять самостоятельно. Выслушивается мнение каждой группы или каждого учащегося о том, как он собирается проводить это деление.

**Построение:** Начертите отрезок MN длиной 12 см. Постройте произвольный угол с вершиной M. На стороне МК ∠КМN, начиная от точки M, отложите равные отрезки MC, CD и DK. Начертите отрезок KN. Затем через точки D и C проведите прямые, параллельные отрезку KN. Точки пересечения от-



резка MN с этими прямыми обозначьте A и B. Измерив линейкой убедитесь, что полученные отрезки, равны: MA = AB = BN = 4 см. Учащимся можно поручить разделить таким способом произвольный отрезок длины a на 3 равные части.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** На протяжении всего этого урока учащиеся все задания выполняют индивидуально. Учитель должен обращать внимание на умения учащихся пользоваться циркулем. Учащийся должен осознавать важность точности построения для точного нахождения серединной точки отрезка.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о том, как следует проводить построение для деления отрезка пополам с помощью циркуля.

#### Оценивание

# • Построение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется делить отрезок пополам с помощью циркуля.
Уровень II	Делит отрезок пополам с помощью циркуля, но затрудняется объяснить построение.
Уровень III	Самостоятельно делит отрезок пополам с помощью циркуля.
Уровень IV	Делит отрезок в произвольном положении пополам с помощью циркуля и объясняет, как провёл деление.

# Урок 3.9. Серединный перпендикуляр отрезка

**Стандарт:** 3.1.2. Делит отрезок пополам, строит серединный перпендикуляр отрезка, биссектрису угла и треугольник по сторонам.

Результат обучения: С помощью циркуля строит серединный перпендикуляр отрезка.

**Форма работы:** коллективная, индивидуальная **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, циркуль, линейка, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** На предыдущем уроке учащиеся научились делить отрезок пополам. По тому же принципу строится прямая, делящая отрезок пополам. То, что эта прямая является серединным перпендикуляром отрезка, обосновывается учащимися.

Для этого они определяют вид треугольника ABC, устанавливают, что CO является биссектрисой, медианой и высотой. Таким образом, обосновывается, что CD  $\perp$  AB.

**Исследовательский вопрос**: Как строится с помощью циркуля серединный перпендикуляр отрезка, расположенного в разных позициях?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 1. В этом задании для любой прямой строится перпендикулярная прямая. Для этого первоначально на этой прямой откладывается любой отрезок. Затем строится серединный перпендикуляр этого отрезка.

Упражнение № 3. В этом задании от точки, не

принадлежащей прямой, строится перпендикуляр к этой прямой. Для этого сперва строится круг с центром в этой точке (точке A), который пересекает эту прямую в двух точках. Затем строится серединный перпендикуляр отрезка, образованного этими точками. Этот перпендикуляр будет проходить через точку A.

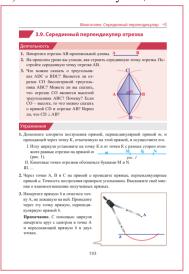
**Дифференциальное обучение**: Слабые учащиеся при проведения построения забывают последовательность его проведения. Учителя, подготовив для учащихся особые рабочие листы, могут таким образом им помочь. В качестве помощи можно по этим рабочим листам дать учащимся рекомендации.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает, как строится серединный перпендикуляр отрезка.

#### Оценивание

#### • Построение

Уровни	Образцы критериев оценивания			
Уровень I	Затрудняется строить серединный перпендикуляр отрезка с помощью циркуля.			
Уровень II	Строит серединный перпендикуляр отрезка с помощью циркуля, но не может объяснить построение.			
Уровень III	Самостоятельно строит серединный перпендикуляр с помощью циркуля.			
Уровень IV	Строит с объяснением серединный перпендикуляр произвольного отрезка с помощью циркуля.			



## Урок 3.10. Центральная симметрия

**Стандарт:** 3.2.1. Строит фигуру, симметричную заданной фигуре, относительно данной точки (Центральная симметрия).

**Результат обучения:** Строит фигуру, симметричную данной фигуре относительно точки.

Форма работы: коллективная, индивидуальная

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, циркуль, линейка, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

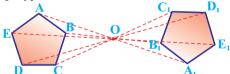
На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** С помощью презентации, подготовленной на компьютере, демонстрируются фигуры разных форм. Учащиеся выбирают из этих фигур симметричные и объясняют, почему эти фи-

гуры являются симметричными. Учитель, слушая их, отмечает верные и неверные суждения. Определяются свойства симметричных фигур.

Деятельность, данная в учебнике, выполняется учащимися. При этом они обучаются построению точки, симметричной заданной точке относительно точки. Затем учитель доводит до внимания учащихся вторую деятельность, данную в учебнике, и определяет свойства симметричной фигуры.

Учитель спрашивает у учащихся способ построения фигуры, симметричной заданной фигуре относительно точки. Учащийся, уже построивший относительно точки точку,



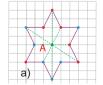
симметричную заданной точке, должен высказать своё мнение о построении фигуры, симметричной заданной фигуре относительно точки. Учащийся, строя по основным (вершинам) точкам фигуры может по-

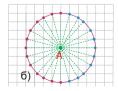
строить фигуру, симметричную заданной фигуре, относительно точки. Здесь до сведения учащихся доводится равенство расстояния от симметричных точек до центра симметрии.  $AO = A_1O$ ,  $BO = B_1O$ ,  $CO = C_1O$ ,  $DO = D_1O$ ,  $EO = E_1O$ .

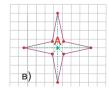
**Исследовательский вопрос**: Как строится фигура, симметричная заданной фигуре относительно точки?

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 3.** Класс делится на 3 группы. Каждая группа выполняет пункт, заданный ей. Показанные на рисунке точки точно переносятся в тетрадь в клетку.

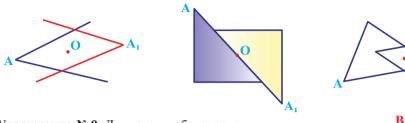




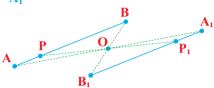


Каждой точке, относительно точки А, строится симметричная точка и полученные точки последовательно соединяются. Выслушиваются отзывы групп о полученных фигурах.

**Упражнение № 7.** Чтобы построить фигуры, симметричные заданным фигурам, следует относительно центра О построить точки, симметричные основным точкам фигуры. Это задание выполняется группами.



Упражнение № 9. Для того, чтобы определить место точки, симметричной точке данного отрезка, следует провести отрезки  $AA_1$  и  $BB_1$  и определить точку их пересечения, т.е. определить центр симметрии.



$$OA = OA_1$$
,  $OB = OB_1$ .

Затем строится относительно точки O точка  $P_1$ , симметричная точке P. Для этого проводится прямая OP и с помощью циркуля на прямой OP откладывается отрезок  $OP = OP_1$ . Эта точка будет располагаться на отрезке  $A_1B_1$ , т.к. в центральной симметрии O все точки отрезка AB переходят на отрезок  $A_1B_1$ .

Дифференциальное обучение: Во время построения симметричных фигур относительно точки целесообразно слабым учащимся задавать более простые задания. Учащийся VII класса должен уметь строить точку, симметричную данной точке. Задания для сильных учащихся должны быть относительно усложнены. Например: центр симметрии можно разместить на стороне, внутри геометрических фигур (треугольника, прямоугольника, круга и т.д.) и относительно этой точки построить фигуру, симметричную этой фигуре.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о центральной симметрии, симметричных фигурах и их построении. Проводится обсуждения о встречающихся в нашей жизни симметричных фигурах и об их значимости. На компьютере демонстрируются симметричные фигуры.

#### Оценивание

#### • Построение

Уровни	Образцы критериев оценивания			
Уровень I	гроит симметричную точку относительно точки, но затрудняется роить симметричные фигуры.			
Уровень II	Допускает ошибки в построении относительно точки симметричной фигуры.			
Уровень III	Самостоятельно строит относительно точки симметричную фигуру.			
Уровень IV	Строит симметричные фигуры и обосновывает их симметрию.			

# Урок 3.11. Тождество. Тождественные преобразования

Стандарт: 2.2.1. Выполняет действия сложения, вычитания и умножения над многочленами.

**Результат обучения:** Совершает тождественные преобразования над выражениями.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** Учащиеся класса делятся на 2 группы. Учащиеся первой группы выражение с левой стороны равенства, данного в деятельности учебника, преобразуют в выражение с правой стороны, другие — правое равенство в левое. После окончания исследования результаты записываются на доске, и выслушивается мнение учащихся.



#### Исследовательский вопрос: Как осуществляются тождественные преобразования?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 6.** С целью определения того, какой одночлен следует добавить в правую или левую стороны равенства для получения тождественности данного выражения, обе стороны равенства представляются в виде многочленов.

а) В равенстве 
$$(a+5)(a-12) = a^2 - 60$$
 левую сторону преобразуем в многочлен.  $(a+5)(a-12) = a^2 - 12a + 5a - 60 = a^2 - 7a - 60$ .

Как видно, в правую сторону равенства вместо точек следует записать одночлен -7a.

г)  $x^2 - 12x + 30... = (x - 7)(x - 5)$ . Преобразуем в многочлен правую сторону.

Поскольку  $(x-7)(x-5) = x^2 - 12x + 35$  в левой стороне равенства вместо точек записываем 5.

Упражнение № 7. Равенство выражения постоянному числу — это значит, что значение этого выражения не зависит от переменной. Учащийся, не произведя преобразований, должен уметь определить, как образуется постоянное число. Для этого исследуется свободный член, который может образоваться в каждом выражении.

а) Рассмотрим свободный член в выражении:  $(a-3)(a^2-8a+5)-(a-8)(a^2-3a+5)$ :

В произведении  $(a-3)(a^2-8a+5)$  свободный член  $-3 \cdot 5 = -15$ ,

В произведении  $(a-8)(a^2-3a+5)$  свободный член  $-8\cdot 5=-40$ .

Тогда свободный член выражения: -15 - (-40) = 25.

Действительно, 
$$(a-3)(a^2-8a+5)-(a-8)(a^2-3a+5)=a^3-8a^2+5a-3a^2+24a-15-a^3+3a^2-5a+8a^2-24a+40=-15+40=25.$$

Ответ: а) 25.

**Моменты, на которые следует обратить внимание**: Учащиеся уже преобразовывали одно выражение в другой. Например, такое преобразование они проводили при решении уравнений. Но, возможно, не обращали внимание на значимость этого преобразования. В теме тождества учитель должен стараться довести до них, что запись выражений в другом виде является результатом тождественного преобразования.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о тождественном преобразовании выражений.

#### Опенивание

#### • Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания			
Уровень I	Затрудняется в тождетсвенном преобразовании выражений. Слабо представляет, как выполняются тождественные преобразования выражений.			
Уровень II	Допускает незначительные ошибки при тождественном преобразовании выражений. Выполняет тождественные преобразования, но не может обосновать верность тождества.			
Уровень III	Самостоятельно проводит и обосновывает преобразования над выражениями.			
Уровень IV	Преобразует и обосновывает выражения удобными способами.			

## Урок 3.12. Линейное уравнение с одной переменной

Стандарт: 2.2.2. Решает линейное уравнение с одной переменной, уравнение с переменной под знаком модуля и систему двух линейных уравнений с двумя переменными.

**Результат обучения:** Решает линейное уравнение с одной переменной, линейное уравнение с переменной под знаком модуля.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: кластер, мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** С помощью кластер метода вспоминается всё, что учащиеся изучали об уравнениях. Учащимся напоминают знания из

\*\* 3.12. Линейное уравнение с одной переменной \*\*

\*\*Restrements\*\*

1. В уравнения  $c = 12 - 18 + 4\pi$  прибавале  $12\pi$  каждой сторовы.

2. Каме равленство ма полученного равостата.

2. Каме равленство ма полученного равостата.

4. Каме маско решить то уравнение по эруктор \*\* Если одночения перенества одночения деятельного деяте

курса математики за 6 класс о решении уравнений с переменными, которые входят в обе части равенства.



**Исследовательский вопрос**: Как решаются линейные уравнения с одной переменной, линейные уравнения с переменной в модуле?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 1, 2 и 3. Со способами решения линейных уравнений с одной переменной, данных в этих упражнениях, учащиеся знакомы из курса математики за 6 класс. Они информируют о выполняемых действиях при перемещении членов правой и левой сторон равенства. Вспоминаются правила об учитывании знака, стоящего перед скобками.

Упражнение № 4. В решении этих уравнений следует в правой и левой сторонах равенства избавиться от дробей. Для этого дроби с каждой стороны равенства умножаются на общий знаменатель (или применяется основное свойство пропорции) и уравнения записываются в простой форме.

a) 
$$\frac{11}{7} = \frac{2-x}{5}$$
 6)  $\frac{3x}{5} = \frac{6+x}{3}$  B)  $\frac{x}{3} + \frac{x}{5} = 8$   $\Gamma$ )  $\frac{y}{3} + \frac{y}{4} = 14$   $55 = 14 - 7x$   $9x = 30 + 5x$   $5x + 3x = 120$   $4y + 3y = 168$   $7x = -41$   $4x = 30$   $8x = 120$   $7y = 168$   $x = 7,5$   $x = 15$   $y = 24$  Otbet: a)  $-5\frac{6}{7}$ ; 6)  $7,5$ ; B)  $15$ ;  $\Gamma$ )  $24$ .

**Упражнение № 5.** При решении уравнения избавляются от дробей в правой и левой сторонах равенства.

a) 
$$\frac{x-4}{5} = 9 + \frac{2+4x}{9} \frac{(\text{кажжую сторону умножаем на 45})}{9(x-4) = 405 + 5(2+4x)}$$
 $9x - 36 = 405 + 10 + 20x$ 
 $-11x = 451$ 
 $x = -41$ 
6)  $2 - \frac{3x-7}{4} + \frac{x+17}{5} = 0 \frac{(\text{умножаем на 20})}{5}$ 
 $40 - 5(3x-7) + 4(x+17) = 0$ 
 $40 - 15x + 35 + 4x + 68 = 0$ 
 $-11x = -143$ 
 $x = 13$ 
B)  $\frac{8-y}{6} + \frac{5-4y}{3} = \frac{y+6}{2}$  (умножаем на 6)
 $8 - y + 10 - 8y = 3y + 18$ 
 $-12y = 0$ 
 $y = 0$ 

$$x + 4x + 7 + \frac{3x-2}{2} - \frac{5x-2}{2} = 32 \frac{(\text{умножаем на 20})}{\text{на 10}}$$
 $8x + 14 + 15x - 10 - 25x + 10$ 
 $= 320$ 
 $-2x = 306$ 
 $x = -153$ 

**Ответ**: a) 41; б) 13; в) 0; г) –153.

**Упражнение** № **6.** Данное выражение запишите в виде уравнения и решите полученное уравнение.

- а) если число a уменьшить на 26%, то получится число 7,4. a-0.26a=7.4. a=10.
- б) если число m увеличить на 20%, получится число 9,6. m+0.2m=9.6. m=8.
- в) произведение чисел 3,25 и x больше суммы чисел 1 и x в 2 раза.

$$3,25x = (1+x) \cdot 2.$$
  $x = 1,6.$ 

г) сумма чисел  $\frac{7}{12}$  и 2y меньше четвёртой части числа 25y в 3 раза.

Если сумма  $\left(\frac{7}{12} + 2y\right)$  меньше произведения  $\frac{1}{4} \cdot 25y$  в 3 раза, умножив эту сумму на

3, сможем написать знак равенства между этими выражениями:

$$\left(\frac{7}{12} + 2y\right) \cdot 3 = \frac{1}{4} \cdot 25y, \qquad y = 7.$$

Ответ: а) 10; б) 8; в) 1,6; г) 7.

Упражнение № 7. При решении линейных уравнений с переменной в модуле, вспоминаются определение, свойства модуля. С этой целью учитель прежде, чем начать решать уравнения, может задать учащимся примеры на нахождение модуля.

e) 
$$0.25 |x-8| = 5$$
  
 $|x-8| = 20$   
 $x-8 = 20 \text{ vp } x-8 = -20$   
 $x = 28 \text{ vp } x = -12$ 

e)  $16 + |x| = 11$   
 $|x| = -5$   
 $|x| = -5$   
 $|x| = 3$   
 $|x| = 3$   
 $|x| = 3$ 

**Ответ**: e) 28 и 
$$-12$$
; ё)  $\emptyset$ ; ж) 3 и  $-3$ .

**Упражнение** № 8. Решая упражнение, учащиеся первоначально должны приблизительно сказать, сколько решений имеет уравнение. Этим учитель оценивает умение учащихся устно предположить решение уравнения.

а) |10x - 9| = 14. Учащийся, утверждающий, что у этого уравнения имеется два корня, должен опираться на то, что существуют 2 числа с модулем равным 14.

Действительно, из этого уравнения получаются уравнения 10x - 9 = 14 или 10x - 9 = -14. x = 2,3 и x = -0,5.

- б) У уравнения |-3x+21|+4=4 один корень, т.к. ясно, что |-3x+21|=0. x=7.
- в) У уравнения  $\frac{|x+11|}{5} = -2$  решения нет. Значение модуля не бывает равно отрицательному числу.

Моменты, на которые следует обратить внимание: Учащиеся до сих пор имели дело с уравнениями с одной неизвестной, имеющими один корень (в некоторых случаях не имеющими корней или имеющими бесконечное число корней). Учащийся, определевший, что некоторые уравнения с одной переменной в модуле имеют два корня, должен суметь объяснить этот факт. Определение модуля даст возможность обяснить это.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о способах решения линейных уравнений с одной переменной, уравнений с одной переменной в модуле.

#### Опенивание

• Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания			
Уровень I	Затрудняется при решении линейных уравнений с одной переменной, уравнений с переменной в модуле.			
Уровень II	Самостоятельно решает уравнение с одной переменной, допускает незначительные ошибки при решении уравнений с переменной в модуле.			
Уровень III	Самостоятельно решает линейные уравнения с одной переменной, уравнения с переменной в модуле.			
Уровень IV	Применяя удобный способ, решает линейные уравнения с одной переменной, уравнения с переменной в модуле.			

## Урок 3.13. Абсолютная погрешность

**Стандарты:** 1.3.1. Проводит приблизительные расчёты в решении практических задач и проверяет достоверность полученных результатов.

4.2.1. Находит абсолютную и относительную погрешность результата измерения.

#### Результат обучения:

- 1. Проводит приблизительные расчёты в решении практических задач и проверяет достоверность полученных результатов.
- 2. Находит абсолютную погрешность результата измерения.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** выведение понятия, мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, линейка, штангенциркуль, оборудование ИКТ



#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** На основе деятельности, данной в учебнике, длина книги измеряется линейками, сделанными из разных материалов. Полученные результаты записываются на доске. Конечно же, между измерениями, сделанными разными линейками, будет существовать незначительная разница. Проводятся обсуждения о смысле разницы полученных результатов, названии разницы между измерениями. Чтобы вывести понятие «абсолютная погрешность», учитель может использовать несколько вспомогательных слов.



мерения величины с некоторой точностью.

Образец, данный в учебнике, выполняется учителем, в результате чего выводится понятие «абсолютная погрешность». Учителем объясняется абсолютная погрешность, определение из-

**Исследовательский вопрос**: Как находится абсолютная погрешность приближенного значения?

С целью проведения исследования задания из учебника выполняются в группах.

Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 2. а) Между числами  $6\frac{1}{2}$  и  $7\frac{1}{2}$  выбирается любое число и, округляя его до целого числа, показывается его равенство 7.

Например,  $6.5 \approx 7$ ,  $6.8 \approx 7$ ;  $7.2 \approx 7$ ;  $7.464 \approx 7$ ,  $7.5 \approx 7$  и др.

При округлении этих чисел самая большая допустимая погрешность 0,5.

$$|7-6.5| = |7-7.5| = 0.5$$
;

б) Если число, взятое между 7 и 9, берётся равным 8, то абсолютная погрешность будет равна 1. |8-7|=|8-9|=1. Ответ: a) 0,5; б) 1.

**Упражнение** № **3.** Поскольку длина забора дана с точностью до 0,1 м, значение точной длины забора будет располагаться между числами  $12,5 \pm 0,1$ .

To есть 12,4 < длина забора < 12,6 м.

Ответ: 12,4 м и 12,6 м.

Моменты, на которые следует обратить внимание: В упражнении № 3 использовали запись  $\pm$  0,1. Учитель, давая информацию о знаке « $\pm$ », доводит до внимания учащихся о краткой записи с помощью этого знака суммы и разности двух чисел.

**Упражнение № 4.** Ширина прямоугольника равна с точностью до 1 см  $600 \pm 1$  см, т.е. 599 < a < 600 см, длина же  $800 \pm 1$  см, т.е. 799 < b < 800 см.

Тогда площадь прямоугольника будет:  $599 \cdot 799 < S < 600 \cdot 800$ .

478601 < S < 481401

**Ответ**:  $478601 \text{ (cm}^2) < S < 481401 \text{ (cm}^2)$ .

**Упражнение № 5.** Ширина прямоугольного параллелепипеда равна a, длина -b, высота -c. Тогда  $a=23\pm 2$  см,  $b=24\pm 2$  см,  $c=27\pm 2$  см.

21 < a < 25, 22 < b < 26, 25 < c < 29.

Тогда объём прямоугольного параллелепипеда будет  $21 \cdot 22 \cdot 25 < V < 25 \cdot 26 \cdot 29$ . 11550 < V < 18850 **Ответ**: 11550 (см<sup>3</sup>) < V < 18850 (см<sup>3</sup>).

**Упражнение** № 6. Поскольку деление термометра равно  $0.2^{\circ}$ , температура показывается с точностью до 0.1. Точная температура воздуха  $18.6 \pm 0.1$ , т.е. может быть между градусами  $18.5^{\circ}$ С и  $18.7^{\circ}$ С.

Ответ:  $18.5^{\circ}$ С и  $18.7^{\circ}$ С

**Упражнение № 8.** Известно, что  $\frac{2}{3}$  = 0,666.... Округлим это число до разряда десятых,

сотых, тысячных:  $0,\underline{6}66...\approx 0,7;$   $0,\underline{6}\underline{6}6...\approx 0,67;$   $0,66\underline{6}...\approx 0,667.$  В первом случае абсолютная погрешность:  $\left|\frac{2}{3}-0,6\right| = \left|\frac{2}{3}-\frac{7}{10}\right| = \frac{1}{30}$ 

В первом случае аосолютная погрешность:  $\left| \frac{2}{3} - 0, 6 \right| = \left| \frac{3}{3} - \frac{10}{10} \right| = \frac{3}{30}$ Во втором случае абсолютная погрешность:  $\left| \frac{2}{3} - 0, 67 \right| = \left| \frac{2}{3} - \frac{67}{100} \right| = \frac{1}{300}$ 

В третьем случае абсолютная погрешность:  $\left|\frac{2}{3}-0,667\right| = \left|\frac{2}{3}-\frac{667}{1000}\right| = \frac{1}{3000}$ .

Таким образом, будет наименьшей при округлении числа до разряда тысячных абсолютная погрешность. **Ответ**:  $\frac{1}{30}$ ;  $\frac{1}{300}$ ;  $\frac{1}{3000}$ . Упражнение № 9. Выполняя упражнение, учащийся должен уметь обосновать, что абсолютная погрешность, допустимая при измерении стола, наибольшая. Так, расстояние между городами в самом близком случае 1 км = 1000 м. Допустимая на этом расстоянии погрешность равная 1 м, например, считается относительно меньше, чем допустимая погрешность при измерении стола длиной 2 м = 200 см, равная 1 см:  $\frac{1}{1000} < \frac{1}{200}$ .

Ответ: Измерение расстояния между городами более точное.

**Упражнение № 10.** Выполняя задание, учащийся в обоих случаях вычисляет абсолютную погрешность.

1) 
$$0.55\underline{5}5... \approx 0.555$$
;  $\left| \frac{5}{9} - 0.555 \right| = \frac{1}{1800}$ .  
2)  $0.55\underline{5}5... \approx 0.556$ ;  $\left| \frac{5}{9} - 0.556 \right| = \frac{1}{2250}$ .

Из-за наличия большей погрешности в первом случае  $\frac{1}{1800} > \frac{1}{2250}$  более правильно взять  $0,5555...\approx 0,556$ .

На втором уроке выполняются задания из учебника в группах. Используя штангенциркуль, проводятся разные измерения, обсуждаются результаты. На компьютере демонстрируются другие инструменты, с помощью которых можно проводить точные измерения.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** При округлении, такая запись, например, как  $0.75 \approx 0.8$  каждый раз вызывает интерес у учащихся. Учащийся, причину округления 0.75 до 0.8, а не до 0.7, осознаёт при вычислении абсолютной погрешности. Учитель должен довести это до внимания учащихся.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о способах нахождения абсолютной погрешности, ещё раз отмечает пути проверки результатов приблизительных расчётов.

#### Оценивание

- Вычисление
- Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания				
Уровень I	Затрудняется вести приблизительные расчёты. Затрудняется в нахождении абсолютной погрешности.				
Уровень II	Проводит приблизительные расчёты, но допускает ошибки при проверке результата. Осознаёт понятие абсолютной погрешности, допускает незначительные ошибки при вычислении.				
Уровень III	Самостоятельно проводит приблизительные расчёты и проверяет результат. Самостоятельно вычисляет абсолютную погрешность.				
Уровень IV	Вычисляет абсолютную погрешность, логически обосновывает своё мнение.				

## Урок 3.14. Относительная погрешность

**Стандарты:** 1.3.1. Проводит приблизительные расчёты в решении практических задач и проверяет достоверность полученных результатов.

4.2.1. Находит абсолютную и относительную погрешность результатов измерения.

#### Результат обучения:

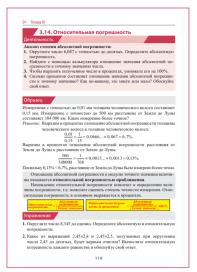
- 1. Проводит приблизительные расчёты в решении практических задач и проверяет достоверность полученных результатов.
- 2. Находит абсолютную и относительную погрешность результата измерения.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: выведение понятия, мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, линейка, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.



Постановка проблемы: Чтобы ввести понятие, на доску вывешивается лист, с оборотной стороны которого написано «Относительная погрешность», и озвучиваются слова или словосочетания, выражения, относящиеся к относительной погрешности, составляется кроссворд. Для этого может быть выполнена деятельность из учебника. После получения словосочетания «относительная погрешность», учащимся разъясняется это понятие. Относительные погрешности, получаемые при вычислении толщины человеческого волоса и расстояния между Землёй и Луной, данные в образце учебника, сравниваются. На основе этого примера (или других примеров), учащимися или учителем могут быть проведены презентации с помощью программ компьютера.

**Исследовательский вопрос**: Как определяется относительная погрешность приблизительного значения?

С целью проведения исследования задания из учебника выполняются в группах.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 2.** Определим из равенств  $2,45 \approx 2,4$  и  $2,45 \approx 2,5$  абсолютную и относительную погрешности:

1) Абсолютная погрешность: |2,45-2,4|=0,05 Относительная погрешность:  $\frac{0,05}{2,45}\cdot 100\%\approx 2\%$ 

2) Абсолютная погрешность: |2,45-2,5|=0,05

Относительная погрешность:  $\frac{0.05}{2.45} \cdot 100\% \approx 2\%$ 

Если даже результаты совпадут, в первом случае относительную погрешность мы нашли с увеличением на 0,05, во втором случае – с уменьшением на 0,05.

Ответ: одинаковы.

**Упражнение** № 3. Известно, что абсолютная погрешность первых весов составляет 5 г, вторых -3 г.

Относительная погрешность в первом случае:  $\frac{5}{2600} = \frac{1}{520} \approx 0,00192 \cdot 100\% \approx 0,192\%$ Относительная погрешность во втором случае:  $\frac{3}{800} = \frac{3}{8}\% = 0,375\%$ 

Как видно, при измерении массы сахара, допущена большая погрешность, масло взвешено более точно. **Ответ**: масло взвешено более точно.

**Упражнение № 4.** При выполнении этого задания учащиеся класса делятся на 3 группы. Каждая группа решает пример на одной из строчек таблицы.

1) 
$$4\frac{3}{8}=4,375\approx 4,38$$
. Абсолютная погрешность:  $|4,375-4,8|=0,005$ . Относительная погрешность:  $\frac{0,005}{4,375}\approx 0,001=0,1\%$ .

2) 
$$7\frac{1}{9} = 7,1\underline{1}1... \approx 7,11$$
. Абсолютная погрешность:  $\left|7\frac{1}{9} - 7\frac{11}{100}\right| = \frac{1}{900}$ . Относительная погрешность:  $\frac{1}{900}: 7\frac{1}{9} = \frac{1}{900} \cdot \frac{9}{64} = \frac{1}{6400} \approx 0,0002 = 0,02\%$ .

3) 
$$10\frac{3}{16} = 10,1\underline{8}75 \approx 10,19$$
. Абсолютная погрешность:  $\left|10\frac{3}{16} - 10\frac{19}{100}\right| = \frac{1}{400}$ .

Относительная погрешность: 
$$\frac{1}{400}$$
:  $10\frac{3}{16} = \frac{1}{4076} \approx 0,0002 = 0,02\%$ .

Упражнение № 7. Точное значение числа обозначим а. Тогда на основе формулы на-

хождения относительной погрешности: 
$$\frac{|a-4,89|}{4,89} \cdot 100\% = 1\%$$
,  $\frac{|a-4,89|}{4,89} = 0,01$ .

Абсолютная погрешность: |a - 4.89| = 0.0489.

Ответ: 0,0489.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о способах нахождения относительной погрешности, ещё раз отмечает способы проверки результатов приблизительных расчётов.

#### Оценивание

- Вычисление
- Выполнение

Уровни	Образцы критериев оценивания			
V	Затрудняется проводить приблизительные расчёты.			
Уровень I	Затрудняется найти относительную погрешность.			
Уровень II	Проводит приблизительные расчёты, но допускает ошибки при проверке результата. Осознаёт понятие относительной погрешности, допускает незначительные ошибки при вычислении.			
Уровень III	Самостоятельно проводит приблизительные расчёты и проверяет результат. Самостоятельно вычисляет относительную погрешность.			
Уровень IV	Вычисляет относительную погрешность, на её основе высказывает мнение о точности вычисления.			

# Образец критериев оценивания для составления заданий для малого суммативного оценивания № 5

№	Критерии
1	Приводит многочлен в стандартный вид.
2	Выполняет действия над многочленами.
3	Делит отрезок пополам с помощью циркуля.
4	С помощью циркуля строит серединный перпендикуляр отрезка.
5	Строит фигуру, симметричную данной фигуре относительно данной точки.
6	Выполняет тождественные преобразования.
7	Решает линейное уравнение с одной переменной.
8	Решает уравнение с переменной в модуле.
9	Находит абсолютную и относительную погрешность.

# Образец малого суммативного оценивания № 5

Фамилия:	Имя:	
Количество	правильных ответов:	
Количество	неправильных ответов:	Оценка:

1.	Напишите многочлен $2x^4 - y^3 - 5y^3 +$	$11x^{4}$
	в стандартном виде.	

**2**. Выполните действия над многочленами и выпишите степень полученных многочленов:

$$(a^3 - 2a + 25) + (a - 3a^3 - 1) - (4a - a^2) =$$

Степень:

3. Выполните в столбик вычитание многочленов.

$$-\begin{array}{c}4x^2+9x-13\\2x^2-7x+1\end{array}$$

4. При 
$$A = 16b + 0.5b^3$$
;  $B = -7b^3 - 1.4$   $b$ ;  $C = b^3 + 6b$ , запишите выражение  $A + B - C$  в виде многочлена:



5. Определите место точки, делящей данный отрезок пополам, постройте серединный перпендикуляр отрезка.



6. Докажите тождество:

$$(5x-3)(2-x)-5=-(11-13x+5x^2)$$


**7.** Данное произведение преобразуйте в многочлен и запишите в стандартном виде:

a) 
$$-3(a^2 - 8a + 1) =$$
  
6)  $(x^2 - 6x + 3)(2 - 5x) =$ 

8. Решите уравнение:

$$3x - 7(x+1) = -9x - 11$$

**9**. Разложите данный многочлен на множители:

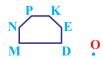
a) 
$$x^2 - 12x + 32 =$$

6) 
$$3a - 6ab + 7a^2 - 14a^2b =$$

**10**. Число 2,6354 округлите до разряда десятых, вычислите абсолютную и относительную погрешность:

11.	Решите уравнение: $ 4x - 1,2  = 9$

12. Постройте фигуру, симметричную данной фигуре относительно данной точки О.



## ГЛАВА IV

# ФОРМУЛЫ СОКРАЩЁННОГО УМНОЖЕНИЯ. ПРИЗНАКИ ПАРАЛЛЕЛЬНОСТИ

Стандарт	Учебная единица	Тема	Часы
1.2.4.		<b>Урок 4.1.</b> Квадрат суммы и разности двух выражений	3
1.2.4.		Урок 4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений	2
1.2.4.	.•	Урок 4.3. Разность квадратов двух выражений	3
1.2.4.	жения	<b>Урок 4.4.</b> Куб суммы и куб разности двух выражений	3
1.2.4.	Глава IV. Формулы сокращённого умножения. Признаки параллельности	<b>Урок 4.5.</b> Разложение на множители суммы кубов двух выражений	3
1.2.4.	Формулы сокращённого ум Признаки параллельности	<b>Урок 4.6.</b> Разложение на множители разности кубов двух выражений	2
1.2.4.	крап	Урок 4.7. Преобразование выражений	3
	и па	Образец малого суммативного оценивания № 6	1
3.1.3.	рмуль	<b>Урок 4.8.</b> Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей	1
3.1.3.	Ф. П	Урок 4.9. Признаки параллельности прямых	2
3.1.3.	тава IV	<b>Урок 4.10.</b> Аксиома параллельности. Свойство параллельных прямых	2
3.1.3.	<u>a</u>	<b>Урок 4.11.</b> Углы с соответственно параллельными сторонами	2
3.1.3.		<b>Урок 4.12.</b> Углы с соответственно перпендикулярными сторонами	1
		Проверьте себя	1
		Образец малого суммативного оценивания № 7	1

## Урок 4.1. Квадрат суммы и разности двух выражений

**Стандарт:** 1.2.4. Применяет формулы сокращённого умножения при нахождении значения числовых выражений.

**Результат обучения:** Применяет формулу квадрата суммы и разности двух выражений.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

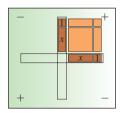
#### Ход урока:

На изучение темы отводится 3 часа.

**Постановка проблемы:** По теме многочленов за площадь прямоугольника со сторонами 1 и x (ед. изм.) было принято x кв. ед., за площадь квадрата со стороной 1 (ед. изм.) было принято 1 кв. единица и смоделированы, как  $\boxed{x}$   $\boxed{1}$ . Используя эту модель, определяется произведение двучленов.



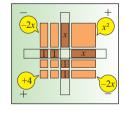
В деятельности, данной в учебнике, первый из множителей (x+1)(x+1) изображён на горизонтальной линии, второй множитель — на вертикальной линии, как x Поскольку каждый член двучленов имеет положительный знак, точка пересечения вертикальной и горизонтальной линий двух выражений располагается справа и вверху (как



на положительном направлении координатных осей прямоугольной системы координат). Чтобы найти произведение этих двучленов, моделирование окончательно определяется так, как дано на рисунке. Площади квадрата со стороной x (ед. изм.), прямоугольника со сторонами 1 и x (ед. изм.) и квадрата со стороной 1 (ед. изм.) записываются в виде суммы:  $x^2 + 2x + 1$ .

Таким образом, получается равенство  $(x + 1)(x + 1) = x^2 + 2x + 1$ .

По такому же принципу моделируется и находится произведение (x-2)(x-2). В этом случае в двучлене x-2 размещается один прямоугольник, который соответствует одночлену x и располагается от вертикальной и горизонтальной линий в правой и верхней частях, а поскольку второй член (-2) является отрицательным числом, в левой и нижней частях располагаются по два квадрата. Модель завершается, как показано на рисунке.



Таким образом, 
$$(x-2)(x-2) = x^2 - 4x + 4$$
.

Выполняя вторую деятельность, произведение двучленов, данное в модели, находят как произведение многочленов. Таким образом, получаются формулы квадрата суммы и разности двух выражений:

$$(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$$
  $(a-b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$ 

Учитель спрашивает у учащихся их мнение об этих формулах. Учащиеся должны уметь выразить эта формулы словами. В зависимости от уровня класса учитель может дать необходимые указания.

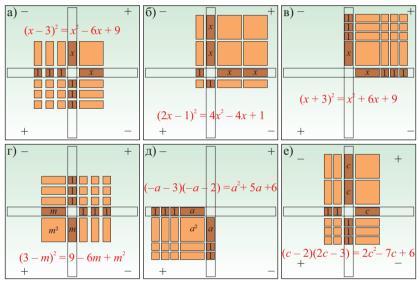
**Исследовательский вопрос**: Как применяется формула квадрата суммы и разности двух выражений?

С целью проведения исследования задания учебника выполняются в группах, парах или индивидуально.

**Моменты, на которые следует обратить внимание**: Применяя формулу квадрата суммы и разности двух выражений, учащиеся должны обращать внимание на разное обозначение переменных. В любом случае учитель должен обратить их внимание на неизменность применения формулы.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 1.** Класс делится на 3 группы. Каждая группа выполняет два заданных ей пункта.



Упражнение № 2. б) Чтобы смоделировать выражение  $(4-3a)^2$ , справа на горизонтальной линии изображается 4 квадрата, со стороной 1 ед. изм., слева же 3 прямоугольника со сторонами a и 1 ед. изм. По тому же принципу на вертикальной линии сверху изображается 4 квадрата со стороной 1 ед. изм., внизу же 3 прямоугольника со сторонами a и 1 ед. изм. Основываясь на модель, определяется, что  $(4-3a)^2=16-24a+9a^2$ . Поскольку модель занимает много места, рекомендуется работать над ней на листе форматом A4.

**Упражнение** № 6. Чтобы выполнить упражнение, применяются формулы квадрата суммы и разности двух выражений.

$$\Gamma$$
)  $199^2 = (200 - 1)^2 = 200^2 + 1^2 - 2 \cdot 200 \cdot 1 = 39601$ :

$$\ddot{e}$$
) 9,9<sup>2</sup> =  $(10 - 0.1)^2 = 100 + 0.01 - 2 = 98.01$ ;

M) 
$$9.98^2 = (10 - 0.02)^2 = 100 + 0.0004 - 0.4 = 99.6004$$
.

Упражнение № 9. в) Оба данных выражения преобразуйте в многочлен:

$$(2a + b^4)^2 = 4a^2 + b^8 + 4ab^4$$

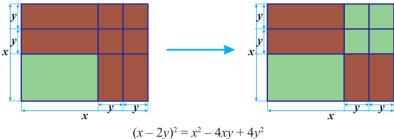
$$(2a-b^4)^2 = 4a^2 + b^8 - 4ab^4$$

Как видно, если в первое выражение будет добавлен одночлен  $-8ab^4$ , получится второе выражение:

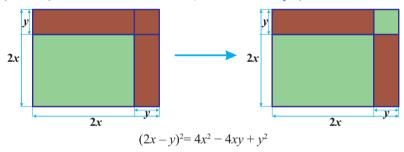
$$(2a+b^4)^2+(-8ab^4)=4a^2+b^8+4ab^4+(-8ab^4)=4a^2+b^8-4ab^4=(2a-b^4)^2.$$
 Или  $(2a-b^4)^2-(2a+b^4)^2=4a^2+b^8-4ab^4-4a^2-b^8-4ab^4=-8ab^4$ 

**Ответ**: в)  $-8ab^4$ .

**Упражнение** № 11. 2) Чтобы смоделировать выражение  $(x-2y)^2$  ..., чертится квадрат со стороной х (ед. изм.). На каждой его стороне изображается прямоугольник (коричневого цвета) с шириной у (ед. изм.). Часть коричневого цвета вычитывается из плошали квадрата со стороной x (ед. изм.). Поскольку плошаль квадратов со стороной y (ед. изм.) была вычтена дважды, то добавляется  $4y^2$  (т.е. 4 зелёных квадрата).



3) Смоделируем выражение  $(2x-y)^2$ . Площадь квадрата со стороной 2x (ед. изм.) равна  $4x^2$  (кв. ед.). Площадь коричневого прямоугольника с шириной у (ед. изм.), длиной 2x (ед. изм.) дважды вычитается из  $4x^2$ . В этом случае из-за того, что площадь квадрата со стороной v (ед. изм.) тоже вычитается дважды, то добавляется  $v^2$  (т.е. один зелёный квадрат).



Дифференциальное обучение: Для учащегося может быть сложен процесс моделирования квадрата разности двух выражений. Это задание задаётся, в основном, сильным учащимся.

Моменты, на которые следует обратить внимание: Иногда вместо «формулы суммы и разности двух выражений» пишут «формулы суммы и разности двух членов».

В образцах типа  $((2a-c)+b)^2$  выражение (2a-c) можно заменить одним членом и затем применить формулу. Например: если 2a - c = m, выражение  $((2a - c) + b)^2$  записывается, как  $(m + b)^2$  и применяется формула квадрата суммы двух выражений:  $(m+b)^2 = m^2 + b^2 + 2bm$ . Затем принимается во внимание выражение m = 2a - c.  $(2a-c)^2 + b^2 + 2b(2a-c) = 4a^2 + c^2 - 4ac + b^2 + 4ab - 2bc = 4a^2 + b^2 + c^2 + 4ab - 4ac - 2bc.$ 

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о формулах квадрата суммы и разности двух выражений и их применении.

#### Опенивание

• Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Знает формулы квадрата суммы и разности двух выражений, но не может применить.
Уровень II	Допускает незначительные ошибки в применении формул квадрата суммы и разности двух выражений.
Уровень III	Самостоятельно применяет формулы квадрата суммы и разности двух выражений.
Уровень IV	Применяет удобными способами формулы квадрата суммы и разности двух выражений.

# Урок 4.2. Разложение на множители с использованием формул квадрата суммы и квадрата разности двух

выражений

**Стандарт:** 1.2.4. Применяет формулы сокращённого умножения при нахождении значения числовых выражений.

**Результат обучения:** Применяя формулу квадрата суммы и разности двух выражений, раскладывает трёхчлен на множители.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** В деятельности, данной в учебнике, смоделированы многочлены. На основе моделей учащиеся определяют, какой из этих многочленов является квадратом какого двучлена.

4.2. Разложение на множители с использовании формул квадрата суммы и квадрата разности двух выражений

Затем в многочлене  $x^2 + 4x + 4$ , записав второй

член, как 4x = 2x + 2x, исследуется разложение на множители способом группировки.  $x^2 + 4x + 4 = x^2 + 2x + 2x + 4 = x(x+2) + 2(x+2) = (x+2)(x+2) = (x+2)^2$ .

По тому же принципу 
$$x^2 - 6x + 9 = x^2 - 2 \cdot 3 \cdot x + 3^2 = (x - 3)^2$$
.

Таким образом, получаются формулы  $a^2 + b^2 + 2ab = (a+b)^2$  и  $a^2 + b^2 - 2ab = (a-b)^2$ .

**Исследовательский вопрос**: Как можно разложить заданный трёхчлен на множители, используя формулы квадрата суммы и разности двух выражений?

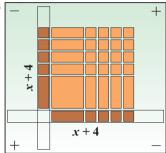
#### Руководство к некоторым заданиям:

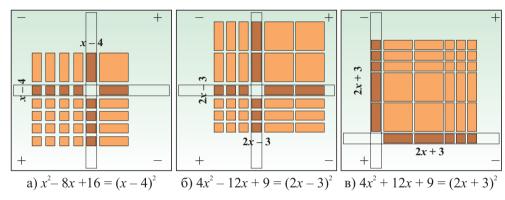
**Упражнение № 2.** В задании строится модель данных многочленов. При построении модели обращается внимание на знаки перед одночленами.

а) Многочлен  $x^2 + 8x + 16$  располагается соответственно системы координат. Здесь изображаются, как и на рисунке, один квадрат с площадью  $x^2$  (кв. единиц) и 16 квадратов площадью 1 (кв. единиц), 8 прямоугольников плошалью x (кв. единиц). Затем на основе модели определяются множители:

$$(x+4)(x+4) = (x+4)^2$$
.

По тому же принципу моделируются другие многочлены:





Упражнение № 5. Чтобы вместо точек записать необходимый одночлен, учащиеся должны исследовать данные одночлены.

а) В выражении ... +49 + 56a определено  $49 = 7^2$  и  $56a = 2 \cdot 7 \cdot 4a$ . В этом случае чтобы получить формулу квадрата суммы двух выражений, следует вместо точек записать одночлен  $(4a)^2 = 16a^2$ :  $16a^2 + 49 + 56a = (4a + 7)^2$ .

По такому же принципу рассматриваются другие многочлены. Задание может выполняться в группах:

6) 
$$36 - 12x + x^2 = (6 - x)^2$$
;

B) 
$$0.01b^2 + 2bc + 100c^2 = (0.1b + 10c)^2$$
;

г) 
$$25a^2 + 5ab + \frac{1}{4}b^2 = (5a + \frac{1}{2}b)^2;$$
 д)  $81a^2 - 6ab + \frac{1}{9}b^2 = (9a - \frac{1}{3}b)^2;$ 

д) 
$$81a^2 - 6ab + \frac{1}{9}b^2 = (9a - \frac{1}{3}b)^2$$
;

e) 
$$\frac{1}{16}y^2 - 2xy + 16x^2 = (\frac{1}{4}y - 4x)^2$$
.

**Упражнение**  $N_2$  **6.** Чтобы преобразовать выражение (a + b $(+c)^2$  в многочлен, дополним построенную модель. В этом случае полученный многочлен будет:

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2ac + 2bc.$$

Записывая выражение  $(a + b + c)^2$  в виде произведения двух трёхчленов, можно применить способ умножения многочлена на многочлен (a + b + c)(a + b + c).

ac	<b>b</b> c	$c^2$
ab	<b>b</b> <sup>2</sup>	bc
a <sup>2</sup>	ab	ac

Упражнение № 9. Выполняя задание, нужно так преобразовать данный трёхчлен, чтобы можно было записать квадрат какого-либо двучлена.

- а)  $a^2 16a + 69 = a^2 16a + 64 + 5 = (a^2 8)^2 + 5$ . В полученном выражении наименьшее значение, которое может получить выражение  $(a^2 8)^2$  будет 0. Следовательно, наименьшее значение, которое может получить выражение  $(a^2 8)^2 + 5$ , будет 5.
- в)  $-50-14b-b^2=-(50+14b+b^2)=-(1+49+14b+b^2)=-1-(7+b)^2$ . Здесь наименьшее значение, которое может получить выражение  $(7+b)^2$ , 0. Тогда наибольшим значением разности выражения  $-1-(7+b)^2$  будет -1 (разность уменьшается с увеличением вычитаемого).
- e)  $9x^2 + 4 6xy + 4y^2 = 9x^2 6xy + 4y^2 + 4 = (3x 2y)^2 + 4$ . Здесь наименьшим значением выражения  $(3x 2y)^2$  будет 0. Следовательно, наименьшим значением выражения  $9x^2 + 4 6xy + 4y^2$  будет 4. Ответ: a) 5; в) -1; e) 4.

**Упражнение № 11.** Выполняя задание, учащиеся должны суметь определить ошибку Аждара. На основе равенства квадратов чисел нельзя утверждать и о равенстве самих чисел.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о формулах квадрата суммы и разности двух выражений и особенностях их применения.

#### Опенивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень І	Затрудняется разложить многочлен на множители с применением фор-		
у ровень т	мул квадрата суммы и разности двух выражений.		
Уровень II	Нуждается в определённой помощи при разложении многочлена на множители с применением формул квадрата суммы и разности двух выражений.		
Уровень III	Самостоятельно разлагает многочлен на множители с применением формул квадрата суммы и разности двух выражений.		
Уровень IV	Самостоятельно разлагает многочлен на множители с применением формул квадрата суммы и разности двух выражений и обосновывает.		

# Урок 4.3. Разность квадратов двух выражений

Стандарт: 1.2.4. Применяет формулы сокращённого умножения при нахождении значения числовых выражений.

Результат обучения: Знает и применяет формулу

разности квадратов двух выражений.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, ножницы, лист

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 3 часа.

**Постановка проблемы:** Выполняется деятельность, данная в учебнике. На листе начертите квадрат со стороной a (можно принять a=3 см) и в одном его углу квадрат

со стороной b (можно принять b=1 см). Второй квадрат вырежьте и отделите, и полученную фигуру разрежьте по диагонали, как это показано на рисунке. Полученные части так соедините, чтобы полученная фигура была прямоугольником. Учащиеся высказывают своё мнение о сторонах этого прямоугольника и его площади.

Таким образом, получается формула  $a^2 - b^2 = (a - b)$  (a + b).

Учитель даёт информацию о формуле разности квадратов. Выполняются примеры на применение формулы.

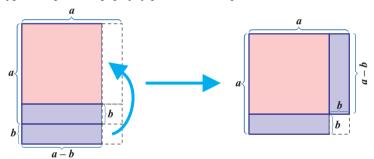
# **Исследовательский вопрос**: Как применяется формула разности квадратов двух выражений?

С целью проведения исследования группами выполняются задания из учебника.

# Делиганы (М. 1992) 1. Дины для кладрата се сторошми и в В. Изобраште кла техрадовом детес Сторошми да произвольные в перемента кладрата берения по произвольные в перемента произвольные предоставления в перемента произвольные предоставления предоставления по предоставления от организапол ште в предоставления предоставления от организапол ште в предоставления предоставления от предоставления предоставления предоставления примента предоставления предостав

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 2.** Данную фигуру следует таким образом видоизменить, чтобы полученная фигура отображала формулу разности квадратов.



#### Упражнение № 6.

a) 
$$(3a + \nabla)( -6b) = 9a^2 - \triangleright$$
;  $\nabla = 6b$ ;  $= 3a$ ;  $\triangleright = 36b^2$ .

6) 
$$( \blacksquare -3x)( \blacksquare +3x) = 25m^2 - \triangleright ; \quad \blacksquare = 5m; \quad \blacksquare = 5m; \quad \triangleright = 9x^2.$$

B) 
$$(1,1a+\blacksquare)(\triangleright - \blacktriangledown) = \bullet - 1,44n^4$$
;  $\blacksquare = 1,2n^2$ ;  $\blacktriangleright = 1,1a$ ;  $\blacktriangledown = 1,2n^2$ ;  $\bullet = 1,21a^2$ .

$$(r) m^4 - 324n^8 = (r - r)(r + r)$$
.  $(r) m^4 - 324n^8 = (r - r)(r + r)$ .  $(r) m^4 - 324n^8 = (r - r)(r + r)$ .  $(r) m^4 - 324n^8 = (r - r)(r + r)$ .

#### Упражнение № 7.

6) 
$$\left(1\frac{1}{9}a^5 + 1\frac{1}{2}n^7\right)\left(1\frac{1}{9}a^5 - 1\frac{1}{2}n^7\right) = \left(1\frac{1}{9}a^5\right)^2 - \left(1\frac{1}{2}n^7\right)^2 = \frac{100}{81}n^{10} - \frac{9}{4}n^{14}$$
.

#### Упражнение № 9.

$$\Gamma(x-y)(y-x) = -(x-y)(x-y) = -(x-y)^2$$
;

$$(-b-c)(b-c)=-(b+c)(b-c)=(c+b)(c-b)=c^2-b^2$$
;

e) 
$$(-a-b)(-a-b)=(a+b)(a+b)=(a+b)^2$$
.

**Ответ:** 
$$\Gamma$$
)  $-(x-y)^2$ ; d)  $c^2-b^2$ ; e)  $(a+b)^2$ 

**Упражнение № 17.** Для вычисления значения дробей примените формулу разности квадратов:

B) 
$$\frac{53^2 - 27^2}{79^2 - 51^2} = \frac{(53 - 27)(53 + 27)}{(79 - 51)(79 + 51)} = \frac{26 \cdot 80}{28 \cdot 130} = \frac{4}{7};$$

$$\Gamma \frac{67^2 - 17^2}{83^2 - 77^2} = \frac{(67 - 17)(67 + 17)}{(83 - 77)(83 + 77)} = \frac{50 \cdot 84}{6 \cdot 160} = 4\frac{3}{8}.$$

**Ответ**: в) 
$$\frac{4}{7}$$
; г)  $4\frac{3}{8}$ .

**Упражнение** № 23. Учащиеся проверяют алгоритм для произвольных трёх последовательных чисел и полученные результаты записывают на доске. По результатам спрашивается мнение учащихся, которые оцениваются учителем. Затем группы, записывая этот алгоритм для выражений a-1, a, a+1, определяют

$$(a-1) \cdot a \cdot (a+1) + a = a^3$$
.

Действительно, 
$$(a-1) \cdot a \cdot (a+1) + a = (a^2-1) \cdot a + a = a^3 - a + a = a^3$$

Следовательно, когда к произведению трёх последовательных целых чисел прибавляют второе число получается куб второго числа.

Упражнение № 25. При применении формулы разности квадратов двух выражений к данным в скобках двучленам следует относиться, как к одному члену. Если при выполнении этого задания учащиеся будут испытывать трудности, они могут применить формулу, заменив двучлены, записанные в скобках, любыми буквами.

а) 
$$(x+3)^2-4^2$$
; обозначим здесь  $x+3=a$ :  $a^2-4^2=(a-4)(a+4)$ .

На следующем шаге принимается к сведению равенство a = x + 3:

$$(a-4)(a+4) = (x+3-4)(x+3+4) = (x-1)(x+7).$$

**Ответ**: a) 
$$(x-1)(x+7)$$
.

**Примечание**: Если учащийся сможет применить без изменений формулу разности квадратов двух выражений, внесение новой переменной необязательно.

$$(4c - x)^2 - (2c + 3x)^2 = ((4c - x) - (2c + 3x)) ((4c - x) + (2c + 3x)) = (4c - x - 2c - 3x) (4c - x + 2c + 3x) = (2c - 4x)(6c + 2x)$$

**Ответ**: к) 
$$(2c - 4x)(6c + 2x)$$
.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о формуле разности квадратов двух выражений и её применении.

#### Оценивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Знает формулу разности квадратов двух выражений, но не умеет применить.
Уровень II	Допускает незначительные ошибки при применении формулы разности квадратов двух выражений.
Уровень III	Самостоятельно применяет формулу разности квадратов двух выражений.
Уровень IV	Удобным способом применяет формулу разности квадратов двух выражений.

## Урок 4.4. Куб суммы и куб разности двух выражений

**Стандарт:** 1.2.4. Применяет формулы сокращённого умножения при нахождении значения числовых выражений.

**Результат обучения:** Знает и применяет формулу куба суммы и разности двух членов.

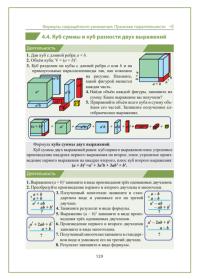
Форма работы: коллективная, работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ **Ход урока:** 

На изучение темы отводится 3 часа.

**Постановка проблемы:** Выполняется деятельность, данная в учебнике. На основе деятельности исследуется объём куба с ребром a+b. Здесь изображено деление куба на части. Для проведения этого исследования более наглядно учитель может использовать возможности компьютерных программ. Уча-



щие, выполняющие деятельность, определяют формулу куба суммы двух членов.

$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

Следующей деятельностью выражение  $(a+b)^3$  представляют в виде произведения двучленов.

Применяя  $(a+b)(a+b)^2$  и способ нахождения произведения многочленов, определяется формула. Найти произведение можно используя также данный в учебнике способ умножения в столбик. По тому же принципу определяется формула куба разности двух членов.

$$(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

**Исследовательский вопрос**: Как применяются формулы куба суммы и куба разности двух членов?

С целью проведения исследования задания из учебника даются на рабочих листах группам.

Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 5.** На основе формулы  $(1 \pm a)^3 \approx 1 \pm 3a \ (0 < a < 1)$  произведём приближенные вычисленя.

a)  $(1 + 0.01)^3 \approx 1 + 3 \cdot 0.01 = 1.03$ ;

Точное значение  $1,01^3 = 1,030301$ . Абсолютная погрешность: 1,030301 - 1,03 = 0,000301

- б) 1,04³ = 1,124864. По формуле: 1,04³ =  $(1+0,04)^3 \approx 1+3\cdot 0,04=1,12$ Абсолютная погрешность: 1,124864 — 1,12 = 0,004864
- в)  $0.99^3 = 0.970299$ . По формуле:  $0.99^3 = (1-0.01)^3 \approx 1-3 \cdot 0.01 = 0.97$ Абсолютная погрешность: 0.970299 - 0.97 = 0.000299
- г)  $1,1^3 = 1,331$ . По формуле:  $1,1^3 = (1+0,1)^3 \approx 1+0,3=1,3$ Абсолютная погрешность: 1,331-1,3=0,031
- д)  $0.996^3 = 0.988047936$ . По формуле:  $0.996^3 = (1 0.004)^3 \approx 1 0.012 = 0.988$

Абсолютная погрешность: 0.988047936 - 0.988 = 0.000047936

Как результат определяется, что допустимая погрешность незначительна.

**Ответ:** a) 1,03; 0,000301; б) 1,12; 0,004864;

в) 0,97; 0,000299; г) 1,3; 0,031; д) 0,988; 0,000047936.

**Упражнение № 8.** Это задание выполняется с целью творческого применения. Целесообразно, чтобы это задание выполняли сильные учащиеся. Основываясь на формулу куба суммы, преобразуем:

$$\left(a + \frac{1}{a}\right)^3 = a^3 + 3a^2 \cdot \frac{1}{a} + 3a\frac{1}{a^2} + \frac{1}{a^3} = a^3 + 3a + \frac{3}{a} + \frac{1}{a^3} = a^3 + \frac{1}{a^3} + 3a + \frac{3}{a} = a^3 + \frac{1}{a^3} + 3\left(a + \frac{1}{a}\right).$$

Из равенства 
$$\left(a+\frac{1}{a}\right)^3=a^3+\frac{1}{a^3}+3\left(a+\frac{1}{a}\right)$$
 получим  $a^3+\frac{1}{a^3}=\left(a+\frac{1}{a}\right)^3-3\left(a+\frac{1}{a}\right)$ . В

последнем выражении примем к сведению значение  $a + \frac{1}{a} = 5$ :

$$a^{3} + \frac{1}{a^{3}} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^{3} - 3\left(a + \frac{1}{a}\right) = 5^{3} - 3 \cdot 5 = 110$$

Ответ: 110.

**Упражнение** № **11.** а) При выполнении задания значения a и b определяются способом подстановки: Если a+b=9, ab=8, то a=8, b=1 или a=1, b=8.

$$a^3 - b^3 = 8^3 - 1^3 = 511$$
 натуральное число, но  $a^3 - b^3 = 1^3 - 8^3 = -511$  – целое число.

в) Дано a-b=52, ab=1260, известно, что a и b натуральные числа.

Из тождества 
$$(a-b)^3 = a^3 - 3ab(a-b) - b^3$$

$$a^3 - b^3 = (a - b)^3 + 3ab(a - b) = 52^3 + 3 \cdot 1260 \cdot 52 = 337168$$
  
  $2(a^3 - b^3) = 2 \cdot 337168 = 674336$ 

Ответ: в) 674336.

#### Упражнение № 13.

B) 
$$\left(\frac{2}{5}x^4y^3 + \frac{1}{2}xy^7\right)^3 = \left(\frac{2}{5}x^4y^3\right)^3 + 3\left(\frac{2}{5}x^4y^3\right)^2\left(\frac{1}{2}xy^7\right) + 3\left(\frac{2}{5}x^4y^3\right)\left(\frac{1}{2}xy^7\right)^2 + \left(\frac{1}{2}xy^7\right)^3 =$$

$$= \frac{8}{125}x^{12}y^9 + \frac{6}{25}x^9y^{13} + \frac{3}{10}x^6y^{17} + \frac{1}{8}x^3y^{21};$$

д) 
$$(0.1x^6y^2c^{10} - 0.2)^3 = 0.001x^{18}y^6c^{30} - 0.006x^{12}y^4c^{20} + 0.012x^6y^2c^{10} - 0.008$$

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о формулах куба суммы и куба разности двух членов и их применении.

#### Опенивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания			
Уровень I	Знает формулы куба суммы и куба разности двух членов, но не может применить.			
Уровень II	Допускает незначительные ошибки при применении формул куба суммы и куба разности двух членов.			
Уровень III	Самостоятельно применяет формулы куба суммы и куба разности двух членов.			
Уровень IV	Применяет удобным способом формулы куба суммы и куба разности двух членов.			

# Урок 4.5. Разложение на множители суммы кубов двух выражений

**Стандарт**: 1.2.4. Применяет формулы сокращённого умножения при нахождении значения числовых выражений.

**Результат обучения:** Знает и применяет формулу суммы кубов двух выражений.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 3 часа.

**Постановка проблемы:** Выполняются преобразования в формуле, изученные на предыдущем уроке:

$$a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3 = (a+b)^3$$
  
 $a^3 + b^3 = (a+b)^3 - 3ab(a+b)$ 

В правой стороне равенства множитель (a + b) вынесем за скобки:

$$a^3 + b^3 = (a+b)((a+b)^2 - 3ab)$$

Второе выражение в скобкам упростим:  $(a + b)^2 - 3ab = a^2 - ab + b^2$ 

Следовательно,  $a^3 + b^3 = (a + b)(a^2 - ab + b^2)$ 

**Объяснение учителя:** Учителем объясняется формула суммы кубов двух выражений и понятие неполного квадрата.

Исследовательский вопрос: Как применяется формула суммы кубов двух выражений?

Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 6. a) 
$$\frac{31^3 + 19^3}{50} - 31 \cdot 19 = \frac{(31 + 19)(31^2 - 31 \cdot 19 + 19^2)}{50} - 31 \cdot 19 =$$

$$=31^2 - 2 \cdot 31 \cdot 19 + 19^2 = (31 - 19)^2 = 144$$

B) 
$$\frac{39^3 + 41^3}{80} - \left(39^2 + 41^2\right) = \frac{\left(39 + 41\right)\left(39^2 - 39 \cdot 41 + 41^2\right)}{80} - 39^2 - 41^2 = -39 \cdot 41 = -1599$$

**Ответ**: a) 144, в) –1599.

**Упражнение № 8.** При решении уравнений, применяются формулы сокращённого умножения.

B) 
$$(a+2)^3 - a(3a+1)^2 + (2a+1)(4a^2 - 2a+1) = 53$$
  
 $a^3 + 6a^2 + 12a + 8 - 9a^3 - 6a^2 - a + 8a^3 + 1 = 53$   
 $11a = 44$   
 $a = 4$ 

Проверка: 
$$(4+2)^3 - 4(3\cdot 4+1)^2 + (2\cdot 4+1)(4\cdot 4^2 - 2\cdot 4+1) = 53$$
  
53 = 53

r) 
$$5x(x+3)^2 - 5(x+3)(x^2 - 3x + 9) - 30(x+2)(x-2) = 75$$
  
 $5x^3 + 30x^2 + 45x - 5x^3 - 135 - 30x^2 + 120 = 75$   
 $45x = 90$   
 $x = 2$ 

 $5 \cdot 2 \cdot (2+3)^2 - 5(2+3)(2^2 - 3 \cdot 2 + 9) - 30(2+2)(2-2) = 75$ Проверка:

Ответ: в) 4: г) 2.

Упражнение № 11. Для определения делится ли выражение на данное число применим для выражений формулу суммы кубов двух выражений. Здесь можно выразить мнение согласно полученному в первых скобках числу.

a)  $(11-q)^3 + q^3 = (11-q+q)((11-q)^2 - (11-q)\cdot q + q^2)$ .

Поскольку в этом выражении первый множитель (11 - q + q) = 11, то произведение может делиться на 11.

6)  $(4-2q)^3 + 8q^3 = (4-2q+2q)((4-2q)^2 - (4-2q)\cdot 2q + 4q^2)$ 

Поскольку первый множитель делится на 4, то произведение делится на 4.

r) 
$$3q^3 + 3(4-q)^3 = 3(q^3 + (4-q)^3) = 3(q+4-q)(q^2-q(4-q)+(4-q)^2) = 12(q^2-q(4-q)+(4-q)^2.$$

Из того, что в произведении есть множитель 12, выражение нацело делится на 12.

Упражнение № 14. Для определения выражений, которые должны быть записаны вместо букв A, B, C и D, исследуются данные равенства.

а)  $(2x + A)(B + 9y^2) = C^3 + D^3$ . Как видно из этого равенства, справа должна получиться сумма кубов. Следовательно, слева в первых скобках должна быть сумма двух выражений, во вторых скобках - неполный квадрат разности этих выражений. Тогда должно быть A = 3v, потому что во вторых скобках  $9v^2 = (3v)^2$ . Следовательно, в первых скобках (2x + 3y). Тогда будет  $B = 4x^2 - 6xy$ . Таким образом,

$$(2x + 3y)(4x^2 - 6xy + 9y^2) = (2x)^3 + (3y)^3.$$

По тому же принципу может быть C = 3v и D = 2x.

**Ответ**: 
$$A = 3y$$
,  $B = 4x^2 - 6xy$ ,  $C = 2x$ ,  $D = 3y$ .

б) Поскольку в равенстве  $(3m + A)(B + C) = n^6 + D$ ,  $n^6 = (n^2)^3$  можно записать  $A = n^2$ . Тогда первые скобки будут  $(3m + n^2)$ .

Во вторых скобках можно записать:

$$B = 9m^2 - 3mn^2$$
 и  $C = n^4$  (или  $B = 9m^2$ ,  $C = -3mn^2 + n^4$ ).

Таким образом,  $(3m + n^2)(9m^2 - 3mn + n^4) = n^6 + 27m^3$ .

**Otbet**: 
$$A = n^2$$
,  $B = 9m^2 - 3mn^2$ ,  $C = n^4$ ,  $D = 27m^3$ .

Упражнение № 16. Для преобразования данных выражений в произведение применим формулу суммы кубов двух выражений. Здесь двучлен (y-2) принимается за один член. д)  $(y-2)^3 + 27 = (y-2+3)((y-2)^2 - 3 \cdot (y-2) + 3^2) = (y+1)(y^2 - 7y + 19).$ 

$$(y-2)^{2}+27=(y-2+3)((y-2)^{2}-3\cdot (y-2)+3^{2})=(y+1)(y^{2}-7y+19).$$

e) 
$$27m^3 + (m+n)^3 = (3m+m+n)(9m^2 - 3m(m+n) + (m+n)^2) = (4m+n)(7m^2 - mn + n^2).$$

Упражнение № 17. Данные выражения упрощаются применением формулы куба суммы двух выражений.

$$\text{B) } \left(2\frac{1}{4}\right)^3 + 3 \cdot \left(2\frac{1}{4}\right)^2 \cdot 7\frac{3}{4} + \left(7\frac{3}{4}\right)^3 + 3 \cdot \left(7\frac{3}{4}\right)^2 \cdot 2\frac{1}{4} = \left(2\frac{1}{4} + 7\frac{3}{4}\right)^3 = 1000.$$

Γ) 
$$(-0.78)^3 + 2.22 \cdot (-0.78)^2 + (-2.34) \cdot 0.74^2 + 0.74^3 =$$
  
=  $(-0.78)^3 + 3 \cdot 0.74 \cdot (-0.78)^2 + 3 \cdot (-0.78) \cdot 0.74^2 + 0.74^3 =$   
=  $0.74^3 - 3 \cdot 0.78 \cdot 0.74^2 + 3 \cdot 0.74 \cdot 0.78^2 - (0.78)^3 = (0.74 - 0.78)^3 =$   
=  $-0.04^3 = -0.000064$ . **Ответ**: в) 1000, Γ) -0.000064.

**Упражнение № 18.** Это задание, направленное на творческое применение, может быть задано сильным учащимся.

Если при делении на 4 в остатке остаётся 1, то это число записывается в виде 4x + 1. Если при делении на 4 в остатке остаётся 3, то это число записывается в виде 4y + 3.  $(4x + 1)^3 + (4y + 3)^3 = (4x + 1 + 4y + 3)((4x + 1)^2 - (4x + 1)(4y + 3) + (4y + 3)^2)$ .

Упростим в этом выражении первые скобки:

$$4x + 1 + 4y + 3 = 4x + 4y + 4 = 4(x + y + 1).$$

Таким образом, сумма кубов этих чисел тоже кратна 4.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о формуле суммы кубов двух выражений и её применении.

#### Опенивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Знает формулу суммы кубов двух выражений, но не может применить.
Уровень II	Допускает незначительные ошибки при применении формулы суммы кубов двух выражений.
Уровень III	Самостоятельно применяет формулу суммы кубов двух выражений.
Уровень IV	Применяет удобным способом формулу суммы кубов двух выражений.

# **Урок 4.6. Разложение на множители разности кубов двух** выражений

**Стандарт:** 1.2.4. Применяет формулы сокращённого умножения при нахождении значения числовых выражений.

**Результат обучения:** Применяет формулу разности кубов двух выражений.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** Проводятся преобразования в формуле куба разности двух выражений:

$$a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3 = (a - b)^3$$
  
 $a^3 - b^3 = (a - b)^3 + 3ab(a - b)$ 



В правой стороне равенства вынесем за скобки множитель (a - b):

$$a^3 - b^3 = (a - b)((a - b)^2 + 3ab)$$

Выражение во вторых скобках упростим:

$$(a-b)^2 + 3ab = a^2 + ab + b^2$$

Следовательно,  $a^3 - b^3 = (a - b)(a^2 + ab + b^2)$ 

**Объяснение учителя:** Учитель объясняет формулу разности кубов двух выражений и понятие неполного квадрата суммы.

**Исследовательский вопрос**: Как применяется формула разности кубов двух выражений?

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 3.** Основываясь на формуле куба разности двух выражений, можно записать равенство  $a^3 - b^3 = (a - b)^3 + 3ab(a - b)$ .

а) Если 
$$a - b = 4$$
;  $ab = -1,75$ 

$$a^3 - b^3 = (a - b)^3 + 3ab(a - b) = 4^3 + 3 \cdot (-1.75) \cdot 4 = 64 - 21 = 43$$

б) Если a - b = -5; ab = -6

$$a^3 - b^3 = (a - b)^3 + 3ab(a - b) = (-5)^3 + 3 \cdot (-6) \cdot (-5) = -125 + 90 = -35$$

**Ответ**: a) 43, б) –35.

Упражнение № 8. Применим формулу разности кубов двух выражений:

B) 
$$c^6(c-6)^3 - 125c^9 = (c^2(c-6))^3 - (5c^3)^3 = (c^2(c-6) - 5c^3)((c^2(c-6))^2 + c^2(c-6) \cdot 5c^3 + (5c^3)^2 = (c^3 - 6c^2 - 5c^3)(c^4(c^2 - 12c + 36) + 5c^6 - 30c^5 + 25c^6) = (-6c^2 - 4c^3)(c^6 - 12c^5 + 36c^4 + 30c^6 - 30c^5) = (-4c^3 - 6c^2)(31c^6 - 42c^5 + 36c^4) = -2c^6(2c+3)(31c^2 - 42c + 36).$$

r) 
$$(2x + y)^3 - (2x - y)^3 = ((2x + y) - (2x - y))((2x + y)^2 + (2x - y)(2x + y) + (2x - y)^2) = (2x + y - 2x + y)(4x^2 + 4xy + y^2 + 4x^2 - y^2 + 4x^2 - 4xy + y^2) = 2y(12x^2 + y^2).$$

e) 
$$x^6y^9 - 64x^3 = (x^2y^3)^3 - (4x)^3 = (x^2y^3 - 4x)(x^4y^6 + 4x^3y^3 + 16x^2)$$
.

**Упражнение № 9.** Решая это задание, учащиеся должны уметь видеть в данных выражениях куб разности двух выражений.

B) 
$$3 \cdot \left[17\frac{5}{6}\right]^2 \cdot 8\frac{1}{3} + \left[8\frac{1}{3}\right]^3 - 3 \cdot \left[8\frac{1}{3}\right]^2 \cdot 17\frac{5}{6} - \left[17\frac{5}{6}\right]^3 = \left[8\frac{1}{3}\right]^3 - 3 \cdot \left[8\frac{1}{3}\right]^2 \cdot 17\frac{5}{6} + 3 \cdot \left[17\frac{5}{6}\right]^2 \cdot 8\frac{1}{3} - \left[17\frac{5}{6}\right]^3 = \left[8\frac{1}{3} - 17\frac{5}{6}\right]^3 = \left[-9\frac{1}{2}\right]^3 = \left[-\frac{19}{2}\right]^3 = -\frac{6859}{8} = -857\frac{3}{8}$$

r) 
$$8,9^3 - 16,5 \cdot 8,9^2 + 26,7 \cdot 30,25 - 5,5^3 = 8,9^3 - 3 \cdot 5,5 \cdot 8,9^2 + 3 \cdot 8,9 \cdot 5,5^2 - 5,5^3 = (8,9 - 5,5)^3 = 3,4^3 = 39,304.$$

Упражнение № 10. Преобразуем данное выражение в многочлен:

$$(x^2 - 10x + 6)(2x + b) = 2x^3 + bx^2 - 20x^2 - 10bx + 12x + 6b = 2x^3 + (b - 20)x^2 + (12 - 10b)x + 6b.$$

- а) чтобы в многочлене не выступал множитель  $x^2$ , коэффициент  $x^2$  должен быть равен нулю: b-20=0, b=20
- б) чтобы коэффициенты  $x^2$  и x были равны, определим b из равенства:

$$b-20=12-10b$$
:  $b=2\frac{10}{11}$ . **Ответ**: a)  $b=20$ , б)  $b=2\frac{10}{11}$ .

**Упражнение № 12.** Данное выражение следует преобразовать таким образом, чтобы легко было определить искомое число. Для этого вынесем за скобки из уменьшаемого и вычитаемого в качестве общего множителя 111:

$$111111 - 222 = 111 \cdot (1001 - 2) = 111 \cdot 999 = 111 \cdot 111 \cdot 9 = (111 \cdot 3)^2 = 333^2$$

Ответ: 333.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о формуле разности кубов двух выражений и её применении.

#### Опенивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	Знает формулу разности кубов двух выражений, но не может применить.		
Уровень II	Допускает незначительные ошибки при применении формулы разности кубов двух выражений.		
Уровень III	Самостоятельно применяет формулу разности кубов двух выражений.		
Уровень IV	Применяет удобным способом формулу разности кубов двух выражений.		

### Урок 4.7. Преобразование выражений

**Стандарт:** 1.2.4. Применяет формулы сокращённого умножения при нахождении значения числовых выражений.

**Результат обучения:** Преобразует выражения, применяя формулы сокращённого умножения.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 3 часа.

Постановка проблемы: После прохождения формул сокращённого умножения, ставится вопрос о способе нахождения значения числовых выражений с использованием этих формул. В течение этого урока учащиеся исследуют, какой способ и когда следует применить. В деятельности учебника даны образцы разных способов, применяющихся при преобразовании выражений. Учитель вместе с учащимися выполняет, исследуя, стратегию решения этих примеров. Лучше, если эти примеры будут демонстрироваться на компьютере, тогда и учащиеся лучше будут усваивать материал, и учитель сэкономит время.

**Объяснение учителя**: Учителем доводятся до сведения учащихся правила преобразования выражений, данные в учебнике.



Чтобы разложить многочлен на множители, недостаточно точно знать формулы сокращённого умножения, цесе надо уметь умидеть общий множитель и учению проводить групипрому. Во время проведения таких преобразований, формулы сокращения с сокращения пределя поделя с метратований. В принарующения с сокращения пределя множитель и с следует придерживаться с котурующих ремоменаций.

1. Если все члены многочлены многот общий множитель, то этот множитель выпесите за самбан;

2. В приведённых многочленых ищите признаки формул сокращённого умножения квадата чиса, куб чиса, ку чиса, куб чиса, узноснию гим утроенное произведение чисе;

3. Труппируя слатаемые с общим множителем, вывыесите этот множитель за схобан;

3. Труппируя слатаемые ругим с пределя по краст, постарайтесь струппировать слатаемые другим способом; по каке предумать об слатаемое дать любо формулы и группировым, при необходимости любое слатаемое датьложите на нескольности достатаемом;

6. Если разложение на множители не получилось каким-либо одиния способом, то испольжуйте другой способ. В результате, решение проблемы, на которую вы погратили много усилий, принесет выя радость и чувство очастверения.

**Исследовательский вопрос**: Как применяются формулы сокращённого умножения и другие способы при преобразовании выражений?

С целью проведения исследования задания из учебника выполняются на рабочих листах группами.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 5.

Упражнение № 6. Выражения, данные в третьем столбце таблицы, преобразовывают таким образом, чтобы используя данные из первого и второго столбцов, можно было найти его значение.

Сумма или раз- ность переменных	Произведение переменных	Выражение	Значение выражения
a+b=2	ab = 5	$a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab$	$2^2-2\cdot 5=-6$
c-d=7	cd = -3	$cd^2 - c^2d = cd(d - c)$	$-3 \cdot (-7) = 21$
m + n = -9	mn = 10	$m^3n + 2m^2n^2 + mn^3 = mn (m+n)^2$	$10 \cdot (-9)^2 = 810$
p+q=-6	pq = -11	$pq^{3} + p^{3}q = pq(q^{2} + p^{2}) = pq((p+q)^{2} - 2pq)$	$-11 \cdot (36+22) =$ $-11 \cdot 58 = -638$
r + s = -7	$r_S = 20$	$r^3 s^2 + r^2 s^3 = r^2 s^2 (r + s)$	$20^2 \cdot (-7) = -2800$
x-y=21	xy = 4	$x^{3} - y^{3} = $ $= (x - y)^{3} + 3xy(x - y)$	$21^3 + 3 \cdot 4 \cdot 21 = = 9513$

**Упражнение** № 7. б)  $m = \frac{2}{9}$ ;  $n = \frac{3}{5}$ . Чтобы упростить первоначальное выражение, применим формулу разности квадратов двух выражений:

$$(5m-3n)^2 - (4m-2n)^2 = (5m-3n-4m+2n)(5m-3n+4m-2n) =$$

$$= (m-n)(9m-5n) = \left(\frac{2}{9} - \frac{3}{5}\right) \left(9 \cdot \frac{2}{9} - 5 \cdot \frac{3}{5}\right) = \frac{-17}{45} \cdot (-1) = \frac{17}{45}.$$

д) 
$$p = 1,3; q = 0,8.$$

$$p^3 + p^2q - pq^2 - q^3 = p^2(p+q) - q^2(p+q) = (p+q)^2(p-q) = (1,3+0,8)^2(1,3-0,8) = 2,1^2 \cdot 0,5 = 2,205.$$

Other: 6)  $\frac{17}{45}$ ,  $\pi$ ) 2,205.

Упражнение № 8.

a) 
$$15,4^2 - 7,6^2 + 23 \cdot 2,2 = (15,4 - 7,6)(15,4 + 7,6) + 23 \cdot 2,2 = 23 \cdot 7,8 + 23 \cdot 2,2 = 23(7,8 + 2,2) = 230$$
.

6) 
$$46.8^2 - 12 \cdot 51.6 - 34.8^2 = (46.8 - 34.8)(46.8 + 34.8) - 12 \cdot 51.6 = 12 \cdot 81.6 - 12 \cdot 51.6 = 12 \cdot (81.6 - 51.6) = 12 \cdot 30 = 360.$$

д) 
$$\frac{3^{12} + 3^{14}}{3^{12} + 3^{14} + 3^{15}} = \frac{3^{12}(1 + 3^2)}{3^{12}(1 + 3^2 + 3^3)} = \frac{10}{37}.$$

e) 
$$\frac{2^{16} - 2^{18} + 2^{19}}{16^4 - 16^6} = \frac{2^{16} (1 - 2^2 + 2^3)}{16^4 (1 - 16^2)} = \frac{5}{-255} = -\frac{1}{51}$$
.

3) 
$$\frac{36^2 + 36^3}{6^4 - 6^5 + 6^6 - 6^7} = \frac{36^2(1 + 36)}{6^4(1 - 6 + 6^2 - 6^3)} = \frac{37}{-187} = -\frac{1}{5}.$$

**Ответ**: a) 230, б) 360, д)  $\frac{10}{37}$ , e)  $-\frac{1}{51}$ , 3)  $-\frac{1}{5}$ .

**Упражнение № 9.** а) Два последовательных числа обозначим x и x+1. Тогда по условию:  $x(x+1)+x+1=x^2+x+x+1=x^2+2x+1=(x+1)^2$ .

Действительно, если к произведению двух последовательных целых чисел прибавить большее из них, то получится квадрат большего числа.

б) Разность кубов двух последовательных целых чисел:

$$(x+1)^3 - x^3 = x^3 + 3x^2 + 3x + 1 - x^3 = 3x^2 + 3x + 1.$$

В этом выражении два из слагаемых полностью делятся на 3, а третье слагаемое на 3 не делится, следовательно, сумма на 3 не делится.

в) Докажем, что при делении квадрата нечётного числа на 8 в остатке остаётся 1: Нечётное число примем за 2x + 1. Тогда  $(2x + 1)^2 = 4x^2 + 4x + 1 = 4x(x + 1) + 1$ .

В этом выражении выражение 4x(x+1) делится на 4, произведение x(x+1) – произведение двух последовательных чисел и это произведение делится на 2. Следовательно, выражение 4x(x+1) полностью делится на 8.

Тогда остаток, полученный при делении выражения 4x(x+1)+1 на 8, будет 1.

Учащиеся могут проверить верность данных предложений на примерах.

Упражнение № 11. a) 
$$a^2 + 4a - 5 = a^2 + 4a + 4 - 9 = (a+2)^2 - 3^2 = (a+2-3)(a+2+3) = (a-1)(a+5)$$
.

Действительно,  $(a-1)(a+5) = a^2 + 5a - a - 5 = a^2 + 4a - 5$ .

б) 
$$b^2 - 10b + 9 = b^2 - 10b + 25 - 16 = (b - 5)^2 - 4^2 = (b - 5 - 4)(b - 5 + 4) = (b - 9)(b - 1)$$
. Действительно,  $(b - 19)(b - 1) = b^2 - 10b - 19$ .

B) 
$$2x^2 + 16x - 40 = 2(x^2 + 8x - 20) = 2(x^2 + 8x + 16 - 36) =$$
  
=  $2((x + 4)^2 - 6^2) = 2(x + 4 - 6)(x + 4 + 6) = 2(x - 2)(x + 10).$ 

Действительно,  $2(x-2)(x+10)=2x^2+16x-40$ .

r) 
$$x^2 + 1.5x - 1 = x^2 + 2 \cdot \frac{3}{4}x + \frac{9}{16} - 1\frac{9}{16} = \left(x + \frac{3}{4}\right)^2 + \left(\frac{5}{4}\right)^2 =$$
  
=  $\left(x + \frac{3}{4} - \frac{5}{4}\right)\left(x + \frac{3}{4} + \frac{5}{4}\right) = \left(x - \frac{1}{2}\right)(x + 2).$ 

Действительно,  $\left(x-\frac{1}{2}\right)(x+2) = x^2 + 1,5x - 1.$ 

д) 
$$y^2 - 2.5y - 6 = y^2 - 2 \cdot \frac{5}{4}y + \frac{25}{16} - \frac{121}{16} = \left(y - \frac{5}{4}\right)^2 - \left(\frac{11}{4}\right)^2 = \left(y - \frac{5}{4} - \frac{11}{4}\right)\left(y - \frac{5}{4} + \frac{11}{4}\right) = (y - 4)(y + 1.5).$$

Действительно, 
$$(y-4)(y+1,5) = y^2 - 2,5y - 6$$
.  
е)  $a^2 - 3,5a + 1,5 = a^2 - 2 \cdot \frac{7}{4}a + \frac{49}{16} - \frac{49}{16} + \frac{3}{2} = \left(\left(a - \frac{7}{4}\right)^2 - \frac{25}{16}\right) = \left(a - \frac{7}{4} - \frac{5}{4}\right)\left(a - \frac{7}{4} + \frac{5}{4}\right) = (a-3)(a-0,5)$   
Действительно,  $(a-3)(a-0,5) = a^2 - 3,5a + 1,5$ .

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о формулах сокращённого умножения при преобразовании выражений и применении других способов.

#### Опенивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	С трудом преобразовывает выражения.		
Уровень II	Допускает незначительные ошибки при преобразовании выражений.		
Уровень III	Самостоятельно преобразовывает выражения.		
Уровень IV	Делает преобразования выражений удобным способом.		

# Образец критериев оценивания для составления задания для малого суммативного оценивания № 6

№	Критерии
1	Применяет формулу квадрата суммы и разности двух выражений.
2	Применяет формулу разности квадратов двух выражений.
3	Применяет формулы куба суммы и куба разности двух выражений.
4	Применяет формулу суммы кубов и разности кубов двух выражений.
5	Преобразует выражения, используя формулы сокращённого умножения.

# Образец малого суммативного оценивания № 6

Фамилия:	Имя:	
Количество	правильных ответов:	
Количество	неправильных ответов:	Оценка:

1.	Напишите	формулы	квадрата	суммы	И
	разности ч	ленов $k$ и	p.		

J	0	mire bbipam	•
$69^2 - 7$	<b>5</b> <sup>2</sup>		
$44^2 - 38$	8~		

8. Вычислите значение выпажения:

2. Запишите выражения в виде многочленог
------------------------------------------

$$(3x-2)^{2} =$$

$$(0,6-m)^{2} =$$

$$\left(1\frac{1}{4} + 6x\right)^{2} =$$

$$(a+2b)^3 = (1-m)^3 =$$

двучлена:  $0,04b^2 + ... + 169a^2$ 

3. I	Разложите	трёхчлен	на	множители:

$$y^2 - 22y + 121 =$$
  
 $9b(b-1) - (b-1) =$ 

**4.** При каком значении x значение выражения (x - 61) будет на 2 единицы меньше выражения (-5 + 7x)?

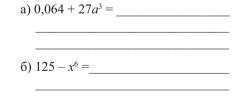
10. Решите уравнение:	
$(x+1)(x^2-x+1)-x(x-3)(x+1)$	- 3)= 62

11. Разложите выражения на множители:

5. Разложите на множители:

$$25a^2 - 64x^4 = \underline{\hspace{1cm}}$$

**6.** Вычислите значение выражения удобным способом:  $12,04^2 + 2 \cdot 5,06 \cdot 12,04 + 5,06^2 =$ 

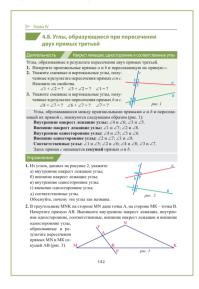


7. Разложите выражение на множители:

a) 
$$m^3 + b^3 =$$
 \_\_\_\_\_\_  
6)  $8x^3 - 27 =$ 

**12.** Вычислите значение выражения  $a^3 + b^3$  при a + b = 16, ab = -28.

# **Урок 4.8. Углы, образующиеся при пересечении двух прямых третьей**



**Стандарт:** 3.1.3. Применяет свойства углов, полученных при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.

**Результат обучения:** Определяет углы, образованные при пересечении двух прямых третьей прямой.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

Постановка проблемы: В течение этого урока исследуются углы, образованные пересечением двух прямых третьей прямой. Сперва выполняется деятельность из учебника. Учащимися вспоминается изученное о смежных и вертикальных углах на предыдущих уроках. Затем посредством компьютера

учитель, на основе рисунка, данного в учебнике, даёт информацию о двух прямых и секущей, характеризует образованные между ними углы. Учитель обсуждает с учащимися, почему внутренние и внешние накрест лежащие углы, односторонние, соответственные углы имеют такие названия. Выслушивается мнение учащихся. До сведения учащихся доводится характеристика углов относительно секущей.

**Исследовательский вопрос**: Какие особенности есть у углов, образованных при пересечении двух прямых третьей прямой?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 3.** а) Известно, что из приведённых углов ∠4 = ∠6. Эти углы – внутренние накрест лежащие углы.

$$\angle 4 + \angle 3 = 180^{\circ}$$
 и  $\angle 5 + \angle 6 = 180^{\circ}$  – смежные углы.

Поскольку 
$$\angle 3 = 180^{\circ} - \angle 4$$
 и  $\angle 5 = 180^{\circ} - \angle 6$ , то  $\angle 3 = \angle 5$ .

б) Дано  $\angle 4 = \angle 6$ . Поскольку  $\angle 4 = \angle 2$  и  $\angle 8 = \angle 6$  (вертикальные углы), будет  $\angle 2 = \angle 6$  и  $\angle 4 = \angle 8$ .

По тому ж принципу  $\angle 3 = \angle 5$ :  $\angle 1 = \angle 5$  и  $\angle 3 = \angle 7$ .

в) Известно, что  $\angle 4 = \angle 6$ . Поскольку  $\angle 6 = 180^{\circ} - \angle 5$ , то получим  $\angle 4 = 180^{\circ} - \angle 5$  и  $\angle 4 + \angle 5 = 180^{\circ}$ .

Следовательно, в этом случае сумма внутренних односторонних углов равна 180°.

 $\begin{array}{c|cccc}
 & & & & & & \\
 & & & & & & \\
\hline
 & & & & \\
\hline
 & & & & \\
\hline
 & & & & \\
\hline
 & & & & \\
\hline
 & & & & & \\$ 

**Упражнение** № **4.** а) Известно, что сумма внутренних односторонних углов равна  $\angle 3 + \angle 6 = 180^{\circ}$ .

Если принять во внимание равенства  $\angle 3 = 180^\circ - \angle 2$  и  $\angle 6 = 180^\circ - \angle 7$ , то получим:  $180^\circ - \angle 2 + 180^\circ - \angle 7 = 180^\circ$  və  $\angle 2 + \angle 7 = 180^\circ$ .

б) Известно, что  $\angle 3 + \angle 6 = 180^{\circ}$ . Обратим внимание на выражение  $\angle 3 = 180^{\circ} - \angle 4$  в данном равенстве:  $180^{\circ} - \angle 4 + \angle 6 = 180^{\circ}$  və  $\angle 4 = \angle 6$ ,  $\angle 3 = \angle 5$ .

**Упражнение № 9.** Согласно условию, 
$$\angle 2 + \angle 3 = 88^{\circ}$$
.

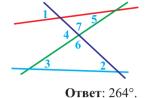
$$\angle 6 = 180^{\circ} - (\angle 2 + \angle 3) = 180^{\circ} - 88^{\circ} = 92^{\circ}$$

$$\angle 4 + \angle 6 = 180^{\circ}$$
, to  $\angle 4 = 180^{\circ} - 92^{\circ} = 88^{\circ}$ .

$$\angle 7 = \angle 6 = 92^{\circ}$$
, To  $\angle 1 + \angle 5 = 88^{\circ}$ .

Таким образом, 
$$\angle 1 + \angle 2 + \angle 3 + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 4 + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + \angle 5 = (\angle 1 + \angle 5) + (\angle 1$$

$$+(\angle 2 + \angle 3) + \angle 4 = 88^{\circ} + 88^{\circ} + 88^{\circ} = 264^{\circ}.$$



**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное об углах, образованных при пересечении двух прямых третьей прямой.

#### Опенивание

#### • Определение

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	Затрудняется в определении углов, образованных при пересечении двух прямых третьей прямой.		
Уровень II	Допускает незначительные ошибки при определении углов, образованных при пересечении двух прямых третьей прямой.		
Уровень III	Самостоятельно определяет углы, образованные при пересечении двух прямых третьей прямой.		
Уровень IV	Обосновывая, определяет углы, образованные при пересечении двух прямых третьей прямой.		

# Урок 4.9. Признаки параллельности прямых

**Стандарт:** 3.1.3. Применяет свойства углов, полученных при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.

**Результат обучения:** Применяет признак параллельности прямых.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** В течение первого урока выполняется деятельность, данная в учебнике. Основываясь на деятельность, с помощью транспортира измеряются углы, образованные при пересечении двух прямых и секущей. Выполняющие измерение учащиеся наглядно определяют либо равенство,



либо сумму, равную 180°, углов, образованных при пересечении двух параллельных прямых и секущей. Результаты разъясняются учащимися.

**Объяснение учителя**: Выражая в виде теоремы, доказывает признак параллельности прямых (по внутренним накрест лежащим углам).

## Исследовательский вопрос: Как применяется признак параллельности прямых?

После доказательства теоремы, называются признаки параллельности прямых по внутренним односторонним и соответственным углам и эти теоремы доказываются учащимися, поделёнными на группы. Во время доказательства используется признак параллельности прямых.

На следующем этапе выполняется вторая деятельность, данная в учебнике. Определяется параллельность двух прямых по наличию единого перпендикуляра.

В качестве продолжения исследования выполняются задания из учебника.

## Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 1.** а) Дано  $\angle 1 = \angle 8$ .

С другой стороны, известно, что  $\angle 1 = \angle 3$  и  $\angle 8 = \angle 5$ . Тогда  $\angle 3 = \angle 5$ , т.е. внутренние накрест лежащие углы равны. Следовательно,  $a \parallel b$ .

б) Дано  $\angle 2=430$ ,  $\angle 8=1370$ .  $\angle 2$  и  $\angle 8$  — внешние односторонние углы.  $\angle 2+\angle 8=43^\circ+137^\circ=180^\circ$ . Поскольку сумма внешних односторонних углов равна  $180^\circ$ , то  $a\parallel b$ .

в) Дано 
$$\angle 4 = 55^{\circ}$$
,  $\angle 1 = 180^{\circ} - \angle 4 = 180^{\circ} - 55^{\circ} = 125^{\circ}$ .

Тогда 
$$\angle 6 = 125^{\circ} - 70^{\circ} = 55^{\circ}$$
. Следовательно,  $\angle 4 = \angle 6$  и  $a \parallel b$ .

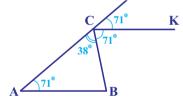


Поскольку СК – биссектриса, то

$$\angle$$
BCK = 142°: 2 = 71°.

Тогда 
$$\angle$$
CAB +  $\angle$ ACK =  $71^{\circ}$  +  $38^{\circ}$  +  $71^{\circ}$  =  $180^{\circ}$ .

∠CAB и ∠ACK — внутренние односторонние углы. Следовательно, AB  $\parallel$  CK.



**Обобщение и результат:** учитель обобщает пройденное о признаках параллельности прямых и их применении.

### Оценивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Знает признаки параллельности прямых, но затрудняется их применить.	
Уровень II	Нуждается в помощи учителя при применении признаков параллельности прямых.	
Уровень III	I Самостоятельно применяет признаки параллельности прямых.	
Уровень IV	Обосновывая, применяет признаки параллельности прямых.	

# Урок 4.10. Аксиома параллельности. Свойства параллельных прямых

**Стандарт:** 3.1.3. Применяет свойства углов, полученных при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.

**Результат обучения:** Применяет признак параллельности прямых.

Форма работы: коллективная, работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, угольник, линейка

# Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** Выполняется деятельность, данная в учебнике. Через точку, не лежащую на прямой, с помощью угольника и линейки проводится прямая, параллельная первой прямой. Учащиеся обосновывают параллельность полученных прямых. Проводятся обсуждения о том, сколько па-



раллельных прямых можно провести через одну точку. Озвучивается аксиома параллельности.

**Объяснение учителя**: Учитель называет в виде теоремы свойства углов (накрест лежащих), образованных при пересечении параллельных прямых секущей, и доказывает её.

## Исследовательский вопрос: Как применяются свойства параллельных прямых?

С целью проведения исследования на рабочих листах группам раздаются задания, при выполнении которых учащиеся должны доказать другие свойства углов, образованных при пересечении параллельных прямых секущей, свойство двух прямых, параллельных одной и той же прямой.

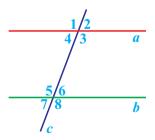
На следующем уроке в качестве продолжения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение** № **5.** Известно, что  $a \parallel b$  и c – секущая.

в) Дано  $\angle 5 - \angle 2 = 44^\circ$ . С другой стороны,  $\angle 5 + \angle 4 = 180^\circ$  и  $\angle 4 = \angle 2$ . Следовательно,  $\angle 5 + \angle 2 = 180^\circ$ . Если разность двух одинаковых углов 44°, один из этих углов больше другого на 44°. Тогда  $\angle 2 + \angle 2 + 44^\circ = 180^\circ$  и  $\angle 2 = 68^\circ$ ,

$$\angle 5 = 180^{\circ} - 68^{\circ} = 112^{\circ}$$
. По свойству смежных углов  $\angle 8 = \angle 5 = 112^{\circ}$ . Ответ: в) 112°.



г) Известно, что 
$$\angle 3 = 5 \cdot \angle 7$$
. Поскольку  $\angle 6 = \angle 7$ , то будет  $\angle 3 = 5 \cdot \angle 6$ .

$$\angle 3 + \angle 6 = 180^{\circ}, 5 \cdot \angle 6 + \angle 6 = 180^{\circ}, \angle 6 = 180^{\circ} : 6 = 30^{\circ}.$$

Тогла 
$$\angle 3 = 180^{\circ} - 30^{\circ} = 150^{\circ}$$
 и  $\angle 7 = \angle 6 = 30^{\circ}$ .

Ответ: 150° и 30°.

**Упражнение № 11.** По условию известно, что  $a \parallel b$ . Тогда основываясь на свойство параллельности прямых, напишем уравнения:

1) 
$$7x = 2x + 75$$
  
 $5x = 75$ 

Углы:

$$5x = 75$$
$$x = 15$$

$$7 \cdot 15 = 105^{\circ}$$
  
 $180^{\circ} - 105^{\circ} = 75^{\circ}$ 

$$2) 6x - 32 + 4x + 72 = 180$$

$$10x = 140$$
$$x = 14$$

$$6 \cdot 14 - 32 = 52^{\circ}$$
  
 $4 \cdot 14 + 72 = 128^{\circ}$ 

3) 
$$125 - x + 5x - 25 = 180$$

$$4x = 80$$
$$x = 20$$

Углы:

$$125 - 20 = 105^{\circ}$$
  
 $5 \cdot 20 - 25 = 75^{\circ}$ 

**Упражнение № 15.** Это задание выполняется с целью творческого применения и задаётся сильным учащимся.

Согласно условию,  $a \parallel b$ .

- 1) На первом рисунке в треугольнике, образованным секущей,  $\angle 1 = 30^\circ$ . Угол x на рисунке является смежным углом третьего угла треугольника, тогда  $x = 50^\circ$ .
- 2) На этом рисунке смежные углы двум внутренним углам треугольника, образованного прямой b, равны  $110^{\circ}$  и  $140^{\circ}$ . Тогда внутренние углы треугольника соответственно оба будут равны  $70^{\circ}$  и  $40^{\circ}$ . Следовательно,  $x = 180^{\circ} (70^{\circ} + 40^{\circ}) = 70^{\circ}$ .

**Ответ**: 1) 
$$x = 50^{\circ}$$
, 2)  $x = 70^{\circ}$ .

Моменты, на которые следует обратить внимание: Целесообразно довести до сведения учащихся, что в упражнении № 15 в данных примерах в первом случае  $x = 20^{\circ} + 30^{\circ} = 50^{\circ}$  и во втором случае  $x = 110^{\circ} + 140^{\circ} - 180^{\circ} = 70^{\circ}$ .

В общем случае:

1) 
$$x = \angle 1 + \angle 2$$

2) 
$$x = \angle 1 + \angle 2 - 180^{\circ}$$



**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о свойствах параллельных прямых и их применении.

#### Опенивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Знает свойства параллельных прямых, но затрудняется их применить.	
Уровень II	Нуждается в помощи учителя при применении свойства параллельных прямых.	
Уровень III	Применяет свойства параллельных прямых.	
Уровень IV	Самостоятельно применяет свойства параллельных прямых.	

# Урок 4.11. Углы с соответственно параллельными сторонами

**Стандарт:** 3.1.3. Применяет свойства углов, полученных при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.

**Результат обучения:** Знает и применяет свойства углов с соответственно параллельными сторонами.

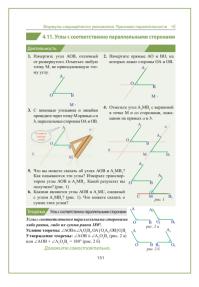
**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** выведение понятия, мозговая атака, обсуждение

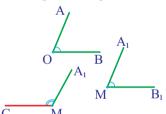
Ресурсы: учебник, рабочие листы, угольник, линейка

# Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** Выполняется деятельность, данная в учебнике. Чертится произвольный угол и за его пределами отмечается одна точка. С помощью угольника и линейки из этой точки проводятся прямые, параллельные сторонам угла. Иссле-





дуются углы с вершиной в точке М. Выслушивается мнение учащихся о взаимном положении полученного угла с данным углом. Для доказательства мнения учащихся проводятся необходимые измерения транспортиром. Таким образом, углы с соответственно параллельными сторонами вводятся как понятие.

С М **Объяснение учителя**: Учитель свойство углов с соответственно параллельными сторонами даёт в виде теоремы. Во время доказательства использует навыки учащихся. Они, как это выполнено в деятельности, могут доказать

теорему, использовав свойства углов, образованных между параллельными прямыми и секущей. При необходимости учитель даёт определённые рекомендации. Затем объясняется свой-

Если углы с соответственно параллельными сторонами являются оба острыми или тупыми, то такие углы равны.

Если один из углов с соответственно парадлельными сторонами является острым, а второй тупым, то сумма этих углов равна 180°.

Если углы с соответственно параллельными сторонами являются оба прямыми, то сумма этих углов равна 180°.

ство двух одноимённых и двух разноимённых углов с соответственно параллельными сторонами.

**Исследовательский вопрос**: Как применяются свойства углов с соответственно параллельными сторонами?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника, данные на рабочих листах группам.

# Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 3. В виде теоремы было выказано, что углы с соответственно параллельными сторонами либо равны, либо их сумма равна 180°. Обратная теорема этой

теоремы неверна. Потому что равные углы и углы, сумма которых равна  $180^{\circ}$ , могут и не имеет параллельные стороны. Равенство углов не определяет взаимное положение их сторон.

**Упражнение № 5.** а) На основе рисунка можно определить, что углы ABC и DMK имеют одинаковое название. Тогда, решая уравнение 3x = 2x + 15, сможем определить углы.  $x = 15^{\circ}$ . Следовательно,  $\angle$ ABC =  $3 \cdot 15^{\circ} = 45^{\circ}$ ,  $\angle$ ABC =  $2 \cdot 15^{\circ} + 15^{\circ} = 45^{\circ}$ .

- б)  $\angle$ ABC +  $\angle$ DMP = 236° и углы с одинаковым названием. Следовательно,  $\angle$ ABC =  $\angle$ DMP = 236° : 2 = 118°.
- в) Поскольку углы по названию разные, их сумма равна 180°.

$$3x - 50^{\circ} + 7x - 30^{\circ} = 180^{\circ}$$
 и  $x = 26^{\circ}$ . Таким образом:

$$\angle ABC = 3 \cdot 26^{\circ} - 50^{\circ} = 28^{\circ}.$$

$$\angle ABC = 7 \cdot 26^{\circ} - 30^{\circ} = 152^{\circ}.$$

**Ответ**: а) 45°, б) 118°, в) 28° и 152°.

**Упражнение № 6.** а) Так как один из двух углов с соответственно параллельными сторонами составляет 20% другого угла то, эти углы не одинаковы по названию. Один из углов обозначим через x, второй угол будет 0.2x. Основываясь на теорему,  $x + 0.2x = 180^{\circ}$ .

$$x = 180: 1,2 = 150^{\circ}$$
. Второй угол составляет 20% от 150°. Следовательно,  $150^{\circ} \cdot 20: 100 = 30^{\circ}$ .

б) Так как отношение углов с соответственно параллельными сторонами 3:6, то один из этих углов будет острым, другой — тупым. Острый угол будет 3x, тупой угол -6x. Согласно теореме:

$$3x + 6x = 180^{\circ}$$
,  $x = 20^{\circ}$ .

Следовательно, острый угол:  $20^{\circ} \cdot 3 = 60^{\circ}$ , тупой угол:  $20^{\circ} \cdot 6 = 120^{\circ}$ .

**Ответ**: а) 150° и 30°, б) 60° и 120°.

**Обобщение и результат:** учитель обобщает пройденное о свойствах углов с соответственно параллельными сторонами и их применении.

#### Опенивание

### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Знает свойства углов с соответственно параллельными сторонами, но затрудняется их применить.	
Уровень II	Нуждается в помощи учителя при применении свойств углов с соответственно параллельными сторонами.	
Уровень III	Применяет свойства углов с соответственно параллельными сторонами.	
Уровень IV	Самостоятельно применяет свойства углов с соответственно параллельными сторонами.	

# **Урок 4.12. Углы с соответственно перпендикулярными сторонами**

**Стандарт:** 3.1.3. Применяет свойства углов, полученных при пересечении двух параллельных прямых третьей прямой.

**Результат обучения:** Знает и применяет свойства углов с соответственно перпендикулярными сторонами.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: выведение понятия, мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, транспортир

# Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

Постановка проблемы: Выполняется деятельность,

4.12. Утим с соответственно перпендикулярными сторонами

Веспения об правусия в деля об призначи парамененности

4.12. Утим с соответственно перпендикулярными сторонами

Веспения об правусия в деля об деля об правусия в деля об деля об правусия в деля об д

данная в учебнике. Чертится произвольный угол и отмечается точка, не принадлежащая его сторонам. С помощью циркуля от этой точки к сторонам угла проводятся перпендикуляры. Полученные углы анализируются. Выслушивается мнение учащихся о взаимном положении полученного и данного угла. Учащиеся измеряют углы с помощью транспортира и высказывают своё мнение о полученном результате. Таким образом, вводится понятие об углах с соответственно перпендикулярными сторонами. Объяснение учителя: Учитель свойство углов с соответственно перпендикулярными сторонами даёт в виде теоремы. Доказательство ведётся вместе с учащимися. Они, используя свойства углов, образованных при пересечении двух параллельных прямых секущей, доказывают теорему. Учитель в зависимости от уровня класса может оказать помощь.

**Исследовательский вопрос**: Как применяются свойства углов с соответственно перпендикулярными сторонами?

С целью проведения исследования группами выполняются на рабочих листах задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 3.** Известно, что углы с соответственно перпендикулярными сторонами либо равны, либо их сумма равна 180°.

- а) Если  $\angle AOB = 56^{\circ}$ , то  $\angle CED = 56^{\circ}$  или  $\angle CED = 180^{\circ} 56^{\circ} = 124^{\circ}$ .
- б) Если  $\angle$ AOB :  $\angle$ CED = 2:7, то  $\angle$ AOB = 2x,  $\angle$ CED = 7x.  $2x + 7x = 180^{\circ}$ ,  $x = 20^{\circ}$ . Следовательно,  $\angle$ AOB =  $20^{\circ} \cdot \angle 2 = 40^{\circ}$ ,  $\angle$ CED =  $20^{\circ} \cdot 7 = 140^{\circ}$ .
- в) Если  $\angle$ AOB =  $3 \cdot \angle$ CED, обозначим  $\angle$ CED = x, то  $\angle$ AOB = 3x. Согласно теореме:  $x + 3x = 180^\circ$ ,  $x = 45^\circ$ . Следовательно,  $\angle$ CED =  $45^\circ$ ,  $\angle$ AOB =  $45^\circ \cdot 3 = 135^\circ$ .
- г) Если  $\angle$ AOB =  $20x + 44^{\circ}$ ,  $\angle$ CED =  $10x + 46^{\circ}$ , то согласно теореме, возможны два случая: **I случай**:  $20x + 44^{\circ} + 10x + 46^{\circ} = 180^{\circ}$ , x = 3. Следовательно,  $\angle$ AOB =  $20^{\circ} \cdot 3 + 44^{\circ} = 104^{\circ}$ ,  $\angle$ CED =  $10^{\circ} \cdot 3 + 46^{\circ} = 76^{\circ}$ .

II случай: 20x + 44 = 10x + 46, x = 0.2.

Следовательно,  $\angle AOB = 20^{\circ} \cdot 0.2 + 44^{\circ} = 48^{\circ}$ ,  $\angle CED = 10^{\circ} \cdot 0.2 + 46^{\circ} = 48^{\circ}$ .

**Ответ**: а)  $56^{\circ}$  или  $124^{\circ}$ , б)  $40^{\circ}$  и  $140^{\circ}$ , в)  $45^{\circ}$  и  $135^{\circ}$ , г)  $104^{\circ}$ ,  $76^{\circ}$  и  $48^{\circ}$ .

**Упражнение № 5.** Применим свойства углов с соответственно перпендикулярными сторонами:

а) Углы, данные на первом рисунке, одноименные.

Следовательно, 
$$2x = 3x - 33$$
,  $x = 33^{\circ}$ .

$$\angle DMK = 33^{\circ} \cdot 2 = 66^{\circ}, \quad \angle ABC = 33^{\circ} \cdot 3 - 33^{\circ} = 66^{\circ}.$$

- б) Поскольку  $\angle ABC + \angle DMK = 184^{\circ}$  и углы одноименные, то:  $\angle ABC = \angle DMK = 184^{\circ} : 2 = 92^{\circ}$ .
- в) Углы ABC и KMD разноименные. Следовательно, 4x 10 + 6x 30 = 180,  $x = 22^{\circ}$ .  $\angle$ ABC =  $22^{\circ} \cdot 4 10^{\circ} = 78^{\circ}$ ,  $\angle$ DMK =  $22^{\circ} \cdot 6 30^{\circ} = 102^{\circ}$ .

**Ответ**: a)  $66^{\circ}$ , б)  $92^{\circ}$ , в)  $102^{\circ}$  и  $78^{\circ}$ .

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о свойствах углов с соответственно перпендикулярными сторонами и их применении.

#### Опенивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Знает свойства углов с соответственно перпендикулярными сторона-	
	ми, но не умеет их применить.	
Уровень II	Нуждается в помощи учителя при применении свойств углов с соответственно перпендикулярными сторонами.	
Уровень III	Самостоятельно применяет свойства углов с соответственно перпендикулярными сторонами.	
Уровень IV	Творчески применяет свойства углов с соответственно перпендикулярными сторонами.	

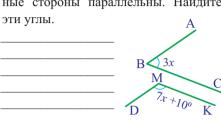
# Образец критериев оценивания для составления заданий для малого суммативного оценивания № 7

№	Критерии
1	Определяет углы, образованные пересечением двух прямых секущей.
2	Знает и применяет признаки параллельности прямых.
3	Применяет свойство углов с соответственно параллельными сторонами.
4	Применяет свойство углов с соответственно перпендикулярными сторонами.

# Образец малого суммативного оценивания № 7

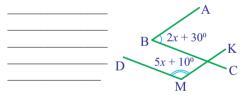
Фамилия:	Имя:	
Количество	правильных ответов:	
Количество	неправильных ответов:	Оценка:

1. У углов ∠АВС и ∠DMK соответственные стороны параллельны. Найдите эти углы.

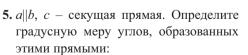


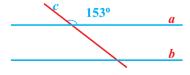
**2.** Если разность градусной меры углов с соответственно параллельными сторонами составит 26°, найдите разность квадратов этих углов.



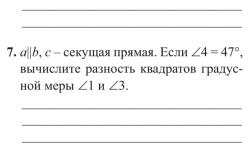


**4.** Градусная мера одного из углов с соответственно параллельными сторонами больше другого на 25%. Найдите разность кубов градусных мер этих углов.





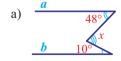
6. Если сумма двух соответственных углов, образованных при пересечении двух параллельных прямых секущей, будет равна 214°, определите градусную меру других углов.



8. Известно, что ∠1 = 123°, ∠4 = 67° и ∠5 = 57°, какие из данных прямых параллельны?



**9.** Если  $a \parallel b$ , найдите x.





# ГЛАВА V

# СИСТЕМА УРАВНЕНИЙ. СТОРОНЫ И УГЛЫ ТРЕУГОЛЬНИКА. СТАТИСТИКА И ВЕРОЯТНОСТЬ

Стан- дарт	Учебная единица	Тема	Часы
5.1.2.		Урок 5.1. Способы задания функции	1
3.2.3.		<b>Урок 5.2.</b> Линейная функция и её график	2
3.2.3.		Урок 5.3. График прямо пропорциональной зависимости	1
3.2.3.		<b>Урок 5.4.</b> Взаимное расположение графиков линейных функций	1
2.3.1.		Урок 5.5. Расстояние, время, скорость	1
2.3.1., 4.1.1.	ë	<b>Урок 5.6.</b> Измерение температуры	1
2.1.1., 3.2.3.	ьник	<b>Урок 5.7.</b> Линейное уравнение с двумя переменными и его график	2
2.1.1., 2.1.3.	еугол	<b>Урок 5.8.</b> Система линейных уравнений с двумя переменными и её решение графическим способом	3
2.1.1.	іы тр	<b>Урок 5.9.</b> Решение системы линейных уравнений с двумя переменными способом подстановки	3
2.1.1.	и угл	Урок 5.10. Решение системы линейных уравнений с двумя переменными способом сложения	3
2.1.1.	роятн	<b>Урок 5.11.</b> Решение задач построением системы линейных уравнений с двумя переменными	3
	Глава V. Система уравнений. Стороны и углы треугольника. Статистика и вероятность	Образец малого суммативного оценивания № 8	1
3.1.4.		<b>Урок 5.12.</b> Сумма внутренних углов треугольника	2
3.2.2., 3.1.1.		<b>Урок 5.13.</b> Прямоугольный треугольник	2
3.2.2., 3.1.1.	ураві Стати	Урок 5.14. Внешний угол треугольника и его свойство	2
3.1.1.	Гема	<b>Урок 5.15.</b> Соотношения между сторонами и углами треугольника	1
3.1.1.	ЯС	Урок 5.16. Неравенство треугольника	2
5.1.1.	7. C	<b>Урок 5.17.</b> Методы сбора информации	2
5.1.2., 5.1.3.	[aBa √	Урок 5.18. Презентация информации. Диаграмма, гистограмма, график	2
5.1.4.		Урок 5.19. Прогнозирование	1
5.2.2.		Урок 5.20. Число благоприятных исходов для относительно сложных событий	3
5.2.1.		Урок 5.21. Вероятность события	2
5.2.3.		Урок 5.22. Сумма вероятностей	1
		Проверьте себя	1
		Образец малого суммативного оценивания № 9	1
		Образец большого суммативного оценивания № 2	1

# Урок 5.1. Способы задания функции

Стандарты: 2.1.3. Определяет наличие/отсутствие линейной зависимости между парами координат, данных во множестве рациональных чисел. 5.1.2. Представляет данные в виде диаграммы,

гистограммы или графика.

**Результат обучения:** Знает и представляет способы задания функции.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ Интеграция: Информатика 3.2.2.

# Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** Выполняется деятельность, данная в учебнике. Выясняется мнение учащихся о



постоянных и переменных величинах. Исследуется задание функции в виде формулы, зависимость изменения температуры с течением времени, представленная графиком. Определяются зависимые и независимые переменные.

**Объяснение учителя:** Учитель даёт ученикам информацию о функции и способах её задания. На примерах объясняет область определения функции и множество её значений. Во время объяснения целесообразно использовать возможности ИКТ.

Исследовательский вопрос: Какой из способов задания функции более удобный?

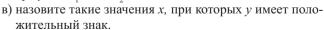
С целью проведения исследования задания, данные в учебнике, выполняются индивидуально или в группах. Выполняя каждое задание, учащиеся высказывают своё мнение о форме представления функции в данном задании.

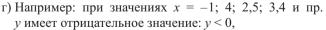
# Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 9. Для определения заданного, согласно графику, значения функции следует исследовать график.

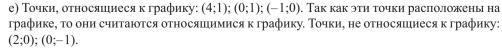
a) 
$$y(0) = 1$$
, (т.е. если  $x = 0$ , то  $y = 1$ )  $y(2) = 2$ ,  $y(4) = 1$ ,  $y(-1) = 0$ .

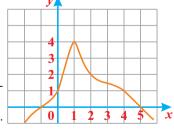
б) при 
$$y = 1$$
  $x_1 = 0$  и  $x_2 = 4$ , при  $y = 2$   $x_1 = 2$  и  $x_2 = 0,3$ , при  $y = 0$   $x_1 = 5$  и  $x_2 = -1$ .











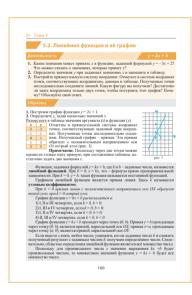
**Обобщение и результат:** Учитель обобщает полученные сведения о способах задания функции, их применении, а также о том, в каких случаях какой из способов является более удобным.

# Оценивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Знает способы задания функции, затрудняется в их применении.	
Уровень II	Знает способы задания функции, допускает определённые ошибки в их применении.	
Уровень III	Знает способы задания функции, самостоятельно их применяет.	
Уровень IV	Применяет способы задания функции, обосновывая их.	

# Урок 5.2. Линейная функция и её график



**Стандарты:** 3.2.3. Строит график прямой, заданной уравнением y = kx + b, определяет точки пересечения этой прямой с координатными осями.

2.1.3. Определяет наличие/отсутствие линейной зависимости между парами координат, данных во множестве рациональных чисел.

#### Результат обучения:

- 1) Строит график линейной функции, определяет его точки пересечения с осями координат.
- Определяет наличие/отсутствие линейной зависимости между парами координат.

Форма работы: коллективная, работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, миллиметровая бумага

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** Для создания представления о линейной функции с учащимися выполняются задания, данные в деятельности. Составляется таблица значений линейной функции, заданной формулой, и в прямоугольной системе координат строится её график. Выслушиваются мнения учащихся об этом графике.

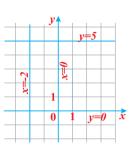
**Объяснение учителя:** Учитель даёт учащимся информацию об определении, формуле и графике линейной функции. Исследуется область определения и множество значений линейной функции. Учитель объясняет значение углового коэффициента k.

Исследовательский вопрос: Какой фигурой является график линейной функции и как определяются точки пересечения этой прямой с координатными осями?

С целью проведения исследования задания, данные в учебнике, выполняются в группах.

# Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 2. Координаты из таблицы, представленной в этом задании, отмечаются в прямоугольной системе координат и полученные точки последовательно соединяются. В каждом случае получается прямая линия. Согласно 1-й таблице, получается график прямой y = 5, согласно 2-й таблице -y = 0 (ось ординат), согласно 3-й таблице x = 0 (ось абсцисс), согласно 4-й таблице -x = -2.



Моменты, на которые следует обратить внимание: Учитель проводит обсуждение о формулах оси абсцисс и оси ординат, о

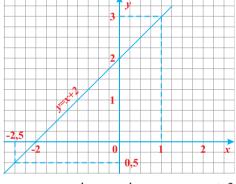
линейных функциях, имеющих неизменную абсциссу или ординату, даёт сведения о формулах y = a, x = b и их графиках. Эта работа продолжается в упражнении № 3.

Упражнение № 6. Для построения графика функции y = x + 2 составляется таблица её значений и строится график функции в прямоугольной системе координат, изображённой на миллиметровой бумаге. На миллимет-



ровой бумаге определяется принадлежность

точек M(0;2), N(1;3), A(-1;1), B(-4,7; -2,7), C
$$\left(-2\frac{1}{2};\frac{1}{2}\right)$$
 графику функции  $y=x+2$ .



Принадлежность этих точек графику можно определить на основе формулы, не делая построения графика: в формуле y = x + 2записывается  $x = -2\frac{1}{2}$  и  $y = \frac{1}{2}$ . Если получится тождество, то точка принадлежит графику, в противном случае она ему не принадлежит.

Так как  $\frac{1}{2} = -2\frac{1}{2} + 1$  и  $\frac{1}{2} \neq -1\frac{1}{2}$ , точка  $C\left(-2\frac{1}{2};\frac{1}{2}\right)$  не принадлежит графику функции y = x + 2, а точки M(0; 2), N(1; 3), A(-1; 1), B(-4,7; -2,7) – принадлежит.

Во время выполнения этого задания учащиеся определяют наличие линейной зависимости между координатами точек.

**Упражнение № 12**. г) Чтобы определить пересекаются ли графики функций  $y = \frac{7x + 12}{10}$ и  $y = \frac{6-4x}{5}$  с осью ОУ в одной и той же точке, в каждой формуле определяется значение

 $y = \frac{7 \cdot 0 + 12}{10} = 1,2$  и  $y = \frac{6 - 4 \cdot 0}{5} = 1,2$  . Действительно, график обоих функций пересекает

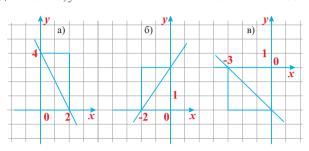
**Упражнение № 13.** а) Известно, что график функции y = kx + 2 проходит через точку M(-2; 4). Запишем в имеющейся формуле x = -2 и y = 4, получится 4 = 2k + 2 и k = -1. **Ответ:** k = -1.

**Упражнение № 14.** а) Известно, что график функции y = -3x + b проходит через точку A(-7; -12). Запишем в имеющейся формуле x = -7 и y = -12, получится

$$-12 = -3 \cdot (-7) + b$$
 и  $b = -33$ . Следовательно,  $y = -3x - 33$ .

**Ответ:** b = -33.

Упражнение № 16. Во всех трёх случаях, изображенных на рисунке, на координатных осях строится прямоугольник и находится его площадь. Площадь треугольника равна половине площади соответствующего прямоугольника.



- а)  $S = (4 \cdot 2) : 2 = 4$  кв.ед.
- б)  $S = (3 \cdot 2) : 2 = 3$  кв.ед.
- в) Полученная в этом случае фигура квадрат.  $S = (3 \cdot 3) : 2 = 4,5$  кв.ед.

Ответ: а) 4 кв.ед.; б) 3 кв.ед.; в) 4,5 кв.ед.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о графике линейной функции и определении точки пересечения графика с осями координат. Ещё раз доводит до сведения учащихся определение линейной зависимости между координатами точки.

#### Опенивание

- Построение
- Определение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Испытывает затруднения при построении графика линейной функции. Затрудняется при определении наличия линейной зависимости между координатами точки.
Уровень II	Строит график линейной функции, с трудом определяет точки пересечения с осями координат. Допускает незначительные ошибки при определении наличия линейной зависимости между координатами точки.
Уровень III	Строит график линейной функции, самостоятельно определяет точки пересечения с осями координат. Самостоятельно определяет наличие линейной зависимости между координатами точки.
Уровень IV	Строит график линейной функции, определяет точки пересечения с осями координат, обосновывает свои ответы. Самостоятельно определяет и обосновывает наличие линейной зависимости между координатами точки.

# Урок 5.3. График прямо пропорциональной зависимости

**Стандарты:** 3.2.3. Строит график прямой, заданной уравнением y = kx + b, определяет точки пересечения этой прямой с координатными осями.

2.1.3. Определяет наличие/отсутствие линейной зависимости между парами координат, данных во множестве рациональных чисел.

**Результат обучения:** Строит график прямо пропорциональной зависимости.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, миллиметровая бумага

# Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** У учащихся есть сведения о прямо пропорциональной зависимости из курса

\$ 5.3. График прямо пропорциональной зависимости

\*\*PEXTRANSCORM\*\*

1. Како величные зависть прямо пропорциональной развисимости

\*\*PEXTRANSCORM\*\*

2. Как Орект видентирования выполнення в предоставления предоставления предоставления по предоставления по предоставления по предоставления п

математики за 6 класс. Выполняя деятельность, предусмотренную в учебнике, учащиеся определяют, что прямо пропорциональная зависимость является особым видом линейной функции. На основе коэффициента пропорциональности определяется, принадлежит ли точка с заданными координатами графику функции, а также связь между знаком k и четвертью системы координат, в которой расположен график.

**Объяснение учителя:** Учитель даёт учащимся информацию о построении графика прямо пропорциональной зависимости и определении четвертей, в которых он расположен.

**Исследовательский вопрос:** Как расположен график прямо пропорциональной зависимости в прямоугольной системе координат?

С целью проведения исследования задания, данные в учебнике, выполняются индивидуально или в группах.

### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 5. а) Если график функции y = kx проходит через точку М(5; 12), то, написав в формулу значения x = 5 и y = 12, из полученного равенства сможем определить k: 12 = 5k и  $k = \frac{12}{5} = 2,4$ . Следовательно, график прямо пропорциональной зависимости, заданной формулой y = 2,4x, образует острый угол с положительным направлением оси ОХ (k > 0).

6) Если точка  $N\left(-4;\frac{1}{2}\right)$  относится к графику функции y=kx, то сможем подставить значения x=-4 и  $y=\frac{1}{2}$  в формулу:  $\frac{1}{2}=-4k$  и  $k=-\frac{1}{8}$ .

Таким образом, прямо пропорциональная зависимость будет задана формулой  $y = -\frac{1}{8}x$ . График этой прямо пропорциональной зависимости образует тупой угол с положительным направлением оси ОХ (k < 0).

**Упражнение № 6.** Как известно, знак коэффициента пропорциональности k определяется на основе вида угла, образуемого графиком функции с положительным направлением оси ОХ.

- а) На первом рисунке график функции образует тупой угол с положительным направлением оси ОХ. Значит, k < 0. График функции y = kx проходит через точки (-1; 2) и (0; 0). Для определения k запишем в формулу x = -1 и y = 2;  $2 = -1 \cdot k$  и k = -2. Следовательно, прямая на рис. 1 -график функции y = -2x.
- б) Во втором случае график функции образует острый угол с положительным направлением оси ОХ. Значит, k > 0. Согласно графику, при x = 1, y = 1.

Значит, k = 1. Следовательно, в этом случае график является графиком функции y = x. в) k > 0. Согласно графику, если x = 2, то y = 1, k = 0.5.

Значит, в этом случае прямая на рисунке — график функции y = 0.5x.

Упражнение № 11. При выполнении этого задания определяются способности учащихся к творческому применению. Учащиеся уже могут определять знак k. При определении знака b учащиеся должны опираться на свои наблюдения из предыдущих заданий. Так, определяя знак b, они должны основываться на значение ординаты точки пересечения графика линейной функции с осью ОУ.

- а) В первом случае k < 0 и b > 0. Так как прямая образует с положительным направлением оси ОХ тупой угол и пересекается с осью ОУ выше начала координат.
- б) Во втором случае k < 0 и b < 0. Так как прямая образует с положительным направлением оси ОХ тупой угол и пересекается с осью ОУ ниже начала координат.
- в) В третьем случае k > 0 и b > 0. Так как прямая образует с положительным направлением оси ОХ острый угол и пересекается с осью ОУ выше начала координат.
- г) В четвёртом случае k > 0 и b < 0. Так как прямая образует с положительным направлением оси ОХ острый угол и пересекается с осью ОУ ниже начала координат.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о графике прямо пропорциональной зависимости и определении четвертей его расположения в системе координат.

#### Опенивание

## • Построение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Испытывает затруднения в построении графика прямо пропорциональной зависимости.
Уровень II	Строит график прямо пропорциональной зависимости, затрудняется в определении четвертей его расположения в системе координат.
Уровень III	Строит график прямо пропорциональной зависимости, определяет, в каких четвертях системы координат он расположен.
Уровень IV	Строит график прямо пропорциональной зависимости, самостоятельно определяет, в каких четвертях системы координат он расположен, обосновывает свои ответы.

# **Урок 5.4. Взаимное расположение графиков линейных** функций

**Стандарты:** 3.2.3. Строит график прямой, заданной уравнением y = kx + b, определяет точки пересечения этой прямой с координатными осями.

2.1.3. Определяет наличие/отсутствие линейной зависимости между парами координат, данных во множестве рациональных чисел.

**Результат обучения:** Определяет взаиморасположение графиков линейных функций.

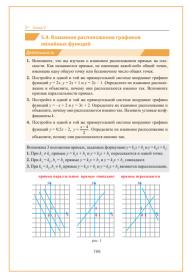
**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, миллиметровая бумага

# Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** При выполнении деятельности, данной в учебнике, класс делится на 3 группы. Каждая группа выполняет данное ей задание. Группы представляют свои задания и проводится обсуждение



каждого случая. Исследуются параллельные, пересекающиеся и совпадающие прямые. **Объяснение учителя:** Учитель даёт учащимся информацию об определении взаимо-

расположения графиков линейных функций на основе чисел k и b. Вниманию учащихся приводятся все возможные 3 случая. Если объяснение будет проведено с помощью компьютерных программ, оно может быть лучше усвоено учащимися.

**Исследовательский вопрос:** Как определяется взаиморасположение графиков линейных функций?

Для проведения исследования задания, данные в учебнике, могут быть представлены учащимся на рабочих листах.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 2.** Для того, чтобы графики данных линейных функций были параллельны, их угловые коэффициенты должны быть равны.

а) 
$$y = \frac{15}{3}x + 6$$
 и  $y = 5x + 6$  . Здесь  $k_1 = \frac{15}{3} = 5 = k_2$  .  $b_1 = b_2 = 6$ . Значит, в первом случае графики совпадают.

б) 
$$y = \frac{10}{25}x - 1$$
 и  $y = \frac{12}{30}x + \frac{3}{4}$ . Здесь  $k_1 = \frac{10}{25} = \frac{2}{5} = \frac{12}{30} = k_2$ . Значит, во втором случае графики параллельны.

в) 
$$y = \frac{7}{9}x + 6$$
 и  $y = \frac{9}{7}x + 6$ . Здесь  $k_1 = \frac{7}{9} \neq \frac{9}{7} = k_2$ . Значит, в этом случае графики пересекаются.

Ответ: а) совпадают; б) параллельны; в) пересекаются.

**Упражнение** № **5.** а) Для того, чтобы прямые y = \*x и y = \*x + 5 были:

1) Параллельны, можно написать y = 3x и y = 3x + 5;

- 2) Пересекались y = -2x и y = 9x + 5.
- 3) Совпадение этих графиков невозможно, т.к. в первой формуле b=0, а во второй формуле b=5.
- в) Для того, чтобы прямые y = \*x + 0.1 и y = -\*x + 0.1 были:
- 1) Параллельность этих прямых невозможна, потому что у них одинаковое значение b.
- 2) Для их пересечения можно, например, написать y = 8x + 0.1 и y = -9x + 0.1.
- 3) Для их совпадения можно, например, написать y = -3x + 0.1 и y = -3x + 0.1.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное об определении взаимного расположения графиков линейных функций.

### Оценивание

• Определение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Испытывает затруднения при определении взаиморасположения графиков линейных функций.
Уровень II	При определении взаиморасположения графиков линейных функций допускает определённые ошибки.
Уровень III	Самостоятельно определяет взаиморасположение графиков линейных функций.
Уровень IV	Самостоятельно определяет взаиморасположение графиков линейных функций и обосновывает свой ответ.

# Урок 5.5. Расстояние, время, скорость



Стандарт: 2.3.1. Выражает в виде линейной функции зависимость между длиной пройденного пути и временем при прямолинейном равномерном движении и зависимость между температурой по Цельсию и температурой по Фаренгейту.

**Результат обучения:** Выражает в виде линейной функции зависимость между длиной пройденного пути и временем при прямолинейном равномерном движении.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

### Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** С помощью компьютера учащимся демонстрируется траектория равномерного прямолинейного движения поезда между двумя

пунктами. Выслушиваются мнения учащихся о пути, пройденном поездом, времени, затраченном на этот путь, и скорости поезда. На доске записывается предварительно обсужденная с учащимися формула зависимости расстояния от скорости v и времени t.

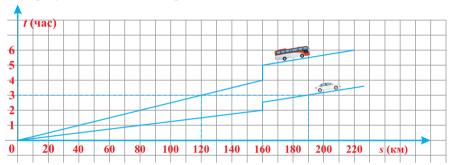
Согласно этой формуле, определяется расстояние s при заданном значении времени t. Обсуждается зависимость между расстоянием, скоростью и временем.

**Исследовательский вопрос:** Что означает равномерное прямолинейное движение и как при этом виде движения выразить зависимость расстояния от времени в виде линейной функции?

С целью проведения исследования, здания, данные в учебнике, выполняются в группах. Данные в заданиях рисунки могут быть представлены с помощью компьютера.

## Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 1.** На рисунке изображён график движения автобуса и автомобиля. Используя рисунок, ответим на вопросы.



- а) За первые 3 часа автобус проехал 120, а автомобиль 190 км.
- б) До остановки автобус и автомобиль проехали 160 км.
- в) До остановки автобус ехал 4 часа, а автомобиль 2 часа.
- г) До остановки автобус проехал 160 км за 4 часа. Следовательно, средняя скорость автобуса  $v_1$  = 160 : 4 = 40 км/ч.

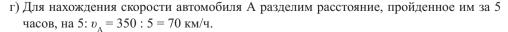
До остановки автомобиль проехал 160 км за 2 часа. Следовательно, средняя скорость автомобиля  $v_2=160:2=80$  км/ч.

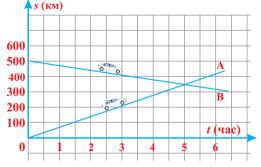
- д) Автобус простоял на остановке 1 час, а автомобиль -0.5 часа.
- е) После остановки скорость автобуса составляла 50 км/ч (на основе графика (210-160): 1=50 км/ч).

А скорость автомобиля -60 км/ч (на основе графика: (220 - 160): 1 = 60 км/ч).

# Упражнение № 3.

- а) До того, как автомобили встретились, 300 каждый был в дороге 5 часов.
- б) Автомобиль А до встречи проехал 350 100 км, а автомобиль В 150 км.
- в) В начале движения расстояние между автомобилями было 500 км.





д) Для нахождения скорости автомобиля В разделим расстояние, пройденное им за 5 часов, на 5:  $v_{\rm p} = 150$  : 5 = 30 км/ч.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о линейной зависимости расстояния от времени и скорости и его выражении в виде формулы.

#### Опенивание

#### • Выражение

Уровни	Образцы критериев оценивания	
Уровень I	Испытывает затруднения в выражении в виде линейной функции зависимости пройденного пути от времени.	
Уровень II	Допускает определённые ошибки при выражении в виде линейной функции зависимости пройденного пути от времени.	
Уровень III	Самостоятельно выражает в виде линейной функции зависимость пройденного пути от времени.	
Уровень IV	Самостоятельно выражает в виде линейной функции зависимость пройденного пути от времени и обосновывает свой ответ.	

# Урок 5.6. Измерение температуры



Стандарты: 2.3.1. Выражает в виде линейной функции зависимость между длиной пройденного пути и временем при прямолинейном равномерном движении и зависимость между температурой по Цельсию и температурой по Фаренгейту.

4.1.1. Переводит единицы измерения одноименной величины из одной в другую.

#### Результат обучения:

- 1) Выражает в виде линейной функции зависимость между температурой по Цельсию и температурой по Фаренгейту.
- 2) Переводит температуру из градусов Цельсия в градусы Фаренгейта и обратно.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы,

термометр, оборудование ИКТ **Интеграция:** Информатика 3.3.1.

## Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

интернета.

**Постановка проблемы:** Учащиеся выполняют деятельность, данную в учебнике. Температура воды в комнатных условиях, тела человека, воздуха в помещении измеряется при помощи различных

ловека, воздуха в помещении измеряется при помощи различных термометров. Результаты записываются на доске. С помощью компьютера могут быть представлены разные интересные сведения, связанные с измерением температуры. С предыдущего урока учащимся может быть дано задание собрать материал по теме из

**Объяснение учителя:** Учитель даёт сведения о градусах Цельсия и Фаренгейта. Сведения по теме могут быть представлены с помощью компьютерной презентации. На рисунке изображён комнатный термометр для измерения температуры по Цельсию и по Фаренгейту.

**Исследовательский вопрос:** Как можно выразить в виде линейной функции зависимость между величиной температуры по Цельсию и по Фаренгейту?

Задания из учебника могут быть выполнены в парах или группах.

## Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 3.** Для того, чтобы определить величину данных градусов по Фаренгейту используется формула  $F = \frac{9}{5} \cdot C + 32$ .

a) 
$$C = 60^{\circ}$$
,  $F = \frac{9}{5} \cdot C + 32 = \frac{9}{5} \cdot 60 + 32 = 140^{\circ}F$ 

H) 
$$C = 53^{\circ}$$
,  $F = \frac{9}{5} \cdot C + 32 = \frac{9}{5} \cdot 53 + 32 = 127, 4^{\circ}F$ 

ч) 
$$C = 18^{\circ}$$
,  $F = \frac{9}{5} \cdot C + 32 = \frac{9}{5} \cdot 18 + 32 = 64, 4^{\circ}F$ 

**Упражнение № 4.** Для того, чтобы определить величину данных градусов по Цельсию используется формула  $C = \frac{5}{0} \cdot (F - 32)$ .

a) 
$$F = 41^{\circ}F$$
,  $C = \frac{5}{9} \cdot (F - 32) = \frac{5}{9} \cdot (41 - 32) = 5^{\circ}C$ .

r) F = 149°F, C=
$$\frac{5}{9}$$
·(F-32)= $\frac{5}{9}$ ·(149-32) = 65°C

д) 
$$F = 239$$
°F,  $C = \frac{5}{9} \cdot (F - 32) = \frac{5}{9} \cdot (239 - 32) = 115$ °C.

Упражнение № 8. Для выполнения практической работы можно на первом уроке дать учащимся задание собрать информацию о том, при какой температуре занимаются разными видами спорта. Определяется температура, при которой занимаются хоккеем, плаванием, лыжным спортом, греблей, волейболом и др. видами спорта и выражается в градусах Цельсия и Фаренгейта.

Обобщение и результат: Учитель обобщает пройденное о линейной зависимости между величиной температуры по Цельсию и по Фаренгейту и выражении этой зависимости в виде формулы. С помощью интернет-сайта <a href="http://www.fahrenheit-celsius.info">http://www.fahrenheit-celsius.info</a> можно онлайн перевести градусы Цельсия в градусы Фаренгейта и наоборот. Используя сайт <a href="http://www.krugosvet.ru/enc/nauka\_i\_tehnika/fizika/FARENGET\_DANIEL\_GABRIEL.html">http://www.krugosvet.ru/enc/nauka\_i\_tehnika/fizika/FARENGET\_DANIEL\_GABRIEL.html</a>, можно собрать информацию о Габриэле Фаренгейте.

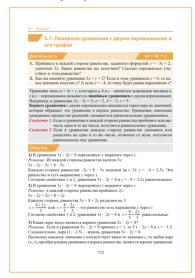
#### Оценивание

### • Выражение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Испытывает затруднения в выражении в виде линейной функции зависимости между величиной температуры по Цельсию и по Фаренгейту. Не может переводить температуру из градусов Цельсия в градусы Фаренгейта и наоборот.

Уровень II	Допускает определённые ошибки при выражении в виде линейной функции зависимости между величиной температуры по Цельсию и по Фаренгейту. Допускает определённые ошибки при переводе температуры из градусов Цельсия в градусы Фаренгейта, и наоборот.
Уровень III	Самостоятельно выражает в виде линейной функции зависимость между величиной температуры по Цельсию и по Фаренгейту. Самостоятельно переводит температуру из градусов Цельсия в градусы Фаренгейта, и наоборот.
Уровень IV	Обосновывая, выражает в виде линейной функции зависимость между величиной температуры по Цельсию и по Фаренгейту. Объясняя, переводит температуру из градусов Цельсия в градусы Фаренгейта, и наоборот.

# **Урок 5.7. Линейные уравнения с двумя переменными** и его график



**Стандарты:** 2.1.1. Составляет в соответствии с бытовой ситуацией линейное уравнение или систему двух линейных уравнений с двумя переменными.

3.2.3. Строит график прямой, заданной уравнением y = kx + b, определяет точки пересечения этой прямой с координатными осями.

## Результат обучения:

- 1) Составляет линейное уравнение с двумя переменными и определяет пару его решений.
- Строит график линейного уравнения с двумя переменными.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** выведение понятия, мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** Учитель представляет на доске или с помощью компьютера на экране примеры различных уравнений, с которыми ознакомились до сих пор уча-

щиеся (относящиеся к нахождению неизвестного слагаемого, уменьшаемого, вычитаемого, множителя, делимого, делителя, а также неизвестного под знаком модуля). Выслушиваются мнения учащихся о каждом уравнении, проводится обсуждение путей решения этих уравнений, а также количества неизвестных в



них. В деятельности, приведённой в учебнике, линейная функция даётся в виде формулы. В результате выполнения деятельности учащиеся получают из формулы линейной функции линейное уравнение. Определяется количество переменных в этом уравнении. Даётся определение линейного уравнения с двумя переменными.

**Объяснение учителя:** Учитель даёт учащимся информацию о линейном уравнении и его решении, записывает его в виде общей формулы. Разъясняется понятие равносильных уравнений и их свойств. Учитель может также дать сведения о символе равносильности ⇔.

На следующем этапе выполняется вторая деятельность, приведённая в учебнике. При этом класс делится на 4 группы. Каждая группа выполняет одно из заданий, приведённых в деятельности. 4 пункта этой деятельности обсуждаются довольно подробно. Объяснение учителя: Учитель даёт объяснение о графике линейной функции и его положении в разных случаях.

**Исследовательский вопрос:** Как составляется линейное уравнение с двумя переменными, как находится его решение и как строится его график?

С целью проведения исследования задания из учебника выполняются в парах или в группах.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение** № 7. В уравнении 3u + v = 4 а) выразим переменную u через v:

$$3u = 4 - v$$
,  $u = \frac{4 - v}{3}$  Если  $u = 2$ , то  $2 = \frac{4 - v}{3}$ ,  $v = -2$ .

б) выразим переменную v через u: v = 4 - 3u.

Если 
$$u = 2$$
, то  $v = -2$ .

**Other:** v = -2.

**Упражнение** № 10. Если пара (2; 1) является решением уравнения ax + 2y = 8, записав значения x = 2 и y = 1 1 в уравнение, сможем определить коэффициент a:  $a \cdot 2 + 2 \cdot 1 = 8$ . Значит, линейное уравнение имеет вид: a = 3. Запишем значение x = 5 в уравнение:  $3 \cdot 5 + 2y = 8$ , y = -3,5. **Ответ:** a = 3, (x; y) = (5; -3,5).

Упражнение № 12. Учащиеся должны уметь выявлять случаи, когда координаты одной точки являются решением нескольких линейных уравнений с двумя переменными. Проводя обсуждение, они должны прийти к выводу о том, что графики таких уравнений пересекаются в этой самой точке. Пункты а) и б) этого упражнения могут быть поручены разным группам или парам.

- а) Здесь координаты точки A(-1; 2) соответственно записываются вместо x и y в уравнениях 3x y = -5; -x + 10y = 21; 11x + 21y = 31 и обсуждается, принадлежит ли точка A графикам этих прямых.
- $3 \cdot (-1) 2 = -5$  (принадлежит);  $-(-1) + 10 \cdot 2 = 21$  (принадлежит) ;  $11 \cdot (-1) + 21 \cdot 2 = 31$  (принадлежит). Значит, графики этих уравнений пересекаются в точке A(-1; 2).
- б) Для определения точки, относящейся к графикам всех трёх уравнений: 0.2x + 3y = 15.2; -x + 4y = 19; 5x 3y = -10 строятся их графики. Определяются координаты точки их пересечения: (5;1).

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о составлении линейного уравнения с двумя неизвестными и нахождении его решения. Ещё раз напоминает пройденное о графике линейного уравнения и его построении.

### Оценивание

- Составление
- Построение графика

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Определяет линейное уравнение с двумя переменными, но затрудняется его
	решить.
	Затрудняется в построении графика линейного уравнения с двумя переменными.

Уровень II	Определяет и составляет линейное уравнение с двумя переменными, но затрудняется выразить одну переменную через другую. В простых случаях может построить график линейного уравнения с двумя переменными.
Уровень III	Самостоятельно определяет линейное уравнение с двумя переменными и его решение, выражает одну переменную через другую. Самостоятельно строит график линейного уравнения с двумя переменными.
Уровень IV	Самостоятельно определяет линейное уравнение с двумя переменными и его решение, выражает с обоснованием одну переменную через другую. Строит график линейного уравнения с двумя переменными и объясняет отношения между линейными уравнениями.

# **Урок 5.8. Система линейных уравнений с двумя переменными и его решение графическим способом**



**Стандарт:** 2.1.1. Составляет в соответствии с бытовой ситуацией линейное уравнение или систему двух линейных уравнений с двумя переменными.

**Результат обучения:** Составляет систему линейных уравнений с двумя переменными и графическим способом находит её решение.

Форма работы: коллективная, в группах и в парах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, миллиметровая бумага, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 3 часа.

**Постановка проблемы:** Согласно деятельности, данной в учебнике, строятся графики линейных уравнений с двумя переменными и определяются

координаты точки их пересечения. Акцентируется внимание учащихся на принадлежности этой точки обоим прямым.

**Объяснение учителя.** Учитель вводит понятие системы линейных уравнений с двумя переменными. Совместно с учащимися рассматривается решение системы и взаимное расположение графиков линейных уравнений с двумя переменными. Для каждого случая разъясняется понятие соотношения коэффициентов линейных уравнений с двумя переменными. При объяснении можно использовать возможности компьютера.

**Исследовательский вопрос:** Как решаются графическим способом система линейных уравнений с двумя переменными?

С целью проведения исследования данные в учебнике задания выполняются в парах или группах.

## Руководство к некоторым заданиям:

При выполнении упражнений № 1, 2, 3 и 4 учащиеся должны проверить соответствие заданной пары чисел обоим уравнениям.

Моменты, на которые следует обратить внимание: Иногда учащиеся, проверив соответствие пары решений одному из уравнений системы, делают вывод о том, что эти числа являются решением системы в целом. Учитель должен сконцентрировать внимание учащихся на том, что решением системы может быть только такая пара чисел, которая является решением каждого из уравнений, входящих в систему.

Упражнение № 4. б) Поставим пару чисел u = 3, v = -1 в соответствующие места в

обоих уравнениях системы: 
$$\begin{cases} v + 2u = 5 \\ u + 2v = 1 \end{cases}, \begin{cases} -1 = 2 \cdot 3 = 5, \\ 3 + 2 \cdot (-1) = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5 = 5 \\ 1 = 1 \end{cases}.$$

Так как в обоих уравнениях с левой и правой сторон получены одинаковые числа, пара (3; -1) является решением заданной системы.

Моменты, на которые следует обратить внимание: Учитель даёт учащимся сведения о знаке ⇒ (импликация). Импликация – указание направления полученного результата (сторона знака со стрелкой указывает на результат).

Упражнение № 5. а) Для составления системы линейных уравнений с двумя перемен-

ными, решением которой является  $x=5,\ y=-1$  в системе  $\begin{cases} a_1x+b_1y=c_1\\ a_2x+b_2y=c_2 \end{cases}$ , коэффици-

енты  $a_1,\,b_1$  и  $a_2,\,b_2$  выбираются произвольно и значения  $x=5,\,y=-1$  записываются на

Hапример: 
$$\begin{cases} 2x + 4y = c_1 \\ x + 3y = c_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2 \cdot 5 + 4 \cdot (-1) = c_1 \\ 5 + 3 \cdot (-1) = c_2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 6 = c_1 \\ 2 = c_2 \end{cases}.$$

Числа  $\mathbf{c}_1$  и  $\mathbf{c}_2$  записывается в системе  $\begin{cases} 2x + 4y = c_1 \\ x + 3y = c_2 \end{cases}$  на свои места  $\begin{cases} 2x + 4y = 6 \\ x + 3y = 2 \end{cases}$ 

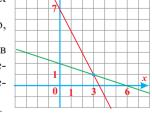
Таким образом, системой уравнений, решением которой является па будет система  $\begin{cases} 2x + 4y = 6 \\ x + 3y = 2 \end{cases}$ .

Упражнение № 9. Для решения системы линейных уравнений с двумя переменными графическим способом используется миллиметровая бумага.

г) Определим координаты точек пересечения графиков обоих

уравнений системы  $\begin{cases} x + 3y = 6 \\ 2x + y = 7 \end{cases}$  с осями ОХ и ОҮ. Для этого,

чтобы определить координаты точек пересечения графиков обоих уравнений с осью ОХ, берется y = 0, а чтобы определить координаты точек пересечения графиков обоих уравнений с осью ОҮ берется x = 0.



В уравнении x + 3y = 6 если x = 0, то y = 2, а если y = 0, то x = 6.

Значит, график уравнения x + 3y = 6 пересекается с осью ОХ в точке (6; 0), а с осью ОУ в точке (0; 2). Если соединить эти точки, получится график уравнения x + 3y = 6.

В уравнении 2x + y = 7 если x = 0, то y = 7, а если y = 0, то x = 3.5.

Значит, график уравнения 2x + y = 7 пересекается с осью ОХ в точке (3,5; 0), а с осью ОУ в точке (0; 7). Если соединить эти точки, получится график уравнения 2x + y = 7. Как видно из рисунка, координаты точки пересечения прямых — пара чисел (3; 1).

Проверка: 
$$\begin{cases} x + 3y = 6 \\ 2x + y = 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3 + 3 \cdot 1 = 6 \\ 2 \cdot 3 + 7 = 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 6 = 6 \\ 7 = 7 \end{cases}$$
 Ответ: г) (3; 1).

Упражнение № 11. Для того, чтобы определить, сколько корней у системы уравнений, не

проводя построения графика, надо проверить, какое из условий  $\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$ ,  $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2}$ , и  $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$  соблюдено.

$$\begin{split} \frac{a_{_{1}}}{a_{_{2}}} &= \frac{b_{_{1}}}{b_{_{2}}} = \frac{c_{_{1}}}{c_{_{2}}} \text{ соблюдено.} \\ \mathbf{B}) &\begin{cases} 2x = 11 - 2y, \\ 6y = 22 - 4x. \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2x + 2y = 11, \\ 4x + 6y = 22. \end{cases} \end{split}$$

Здесь  $a_1 = 2$ ,  $b_1 = 2$ ,  $c_1 = 11$  и  $a_2 = 4$ ,  $b_2 = 6$ ,  $c_2 = 22$ . Так как условие  $\frac{2}{4} \neq \frac{2}{6}$  соблюдено, то у этой системы уравнений существует единственное решение.

Упражнение № 12. Определим координаты точки пересечения графика уравнения 4x + y = 7 с осью ОХ. Координаты любой точки, лежащей на оси ОХ (x; 0). Подставим значение y = 0 в уравнение: 4x + 0 = 7, x = 1,75. Значит, решение системы, в которую входит уравнение 4x + y = 7 вместе с составленным нами уравнением, — пара (1,75; 0). Для составления второго уравнения в уравнении ax + by = c возьмем произвольные a и b: -2x + 3y = c. Представив пару (1,75; 0) в уравнение, определим c:  $c = -2 \cdot 1,75 + 3 \cdot 0 = -3,5$ . Значит, второе уравнение будет -2x + 3y = -3,5.

Упражнение № 13. Определим координаты точки пересечения графика уравнения 5x - 7y = 14 с осью ОУ. Координаты любой точки, лежащей на оси ОУ (0; y). Подставим значение x = 0 в уравнение 5x - 7y = 14:  $4 \cdot 0 - 7y = 14$ , y = -2. Значит, решение системы, в которую входит уравнение 5x - 7y = 14 вместе с составленным нами уравнением, – пара (0; -2).

Для составления второго уравнения в уравнении ax + by = c возьмём произвольные a и b: Подставив пару (0; -2) в это уравнение, определим c:

4x + (-3)y = c. (0; -2).  $c = 4 \cdot 0 + (-3) \cdot (-2) = 6$ . Значит, второе уравнение будет 4x - 3y = 6. **Упражнение № 14.** а) Для того, чтобы у системы, которую образует уравнение -x - y = 4 вместе с каким-либо линейным уравнением с двумя неизвестными, было всего одно  $a_1 \neq b_1$ 

решение, должно соблюдаться условие 
$$\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$$
. 
$$a_1 = -1 \text{ и } b_1 = -1. \text{ Для соблюдения } \frac{-1}{a_2} \neq \frac{-1}{b_2} \text{ должно быть } a_2 \neq b_2.$$

Значит, второе уравнение может выглядеть, например, следующим образом: 2x + 3y = -1. б) Для того, чтобы у системы, которую образует уравнение -x - y = 4 вместе с каким-либо линейным уравнением с двумя неизвестными, было бесконечное множество

решений, должно соблюдаться условие 
$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$$
. Для соблюдения  $\frac{-1}{a_2} = \frac{-1}{b_2} = \frac{4}{c_2}$  должно быть  $a_2 = b_2 = c_2$ : (-4).

Значит, второе уравнение может выглядеть, например, следующим образом 3x + 3y = -12. При этом оно, действительно, возможно.

в) Для того, чтобы у системы, которую образует уравнение -x-y=4 вместе с какимлибо линейным уравнением с двумя неизвестными, не было решений, должно соблюдаться условие  $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2}$ . Для соблюдения  $\frac{-1}{a_2} = \frac{-1}{b_2} \neq \frac{4}{c_2}$  должно быть  $a_2 = b_2 \neq c_2$ : (-4). Значит, второе уравнение может выглядеть, например, следующим образом 5x + 5y = 1. Действительно, при этом  $\frac{-1}{5} = \frac{-1}{5} \neq \frac{4}{1}$ . **Упражнение № 16.** г) Для того, чтобы у системы уравнений не было корней, должно

соблюдаться условие 
$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} \neq \frac{c_1}{c_2}$$
. В системе 
$$\begin{cases} 9y - 3x = 0 \\ ax - 8y = -10 \end{cases} \quad \frac{9}{-8} = \frac{-3}{a} \neq \frac{0}{-10} \text{ и } a = 2\frac{2}{3} \text{ .}$$
 Ответ: г)  $a = 2\frac{2}{3}$  .

Упражнение № 17. а) Для того, чтобы у системы уравнений было бесконечное мно-

жество корней, должно соблюдаться условие 
$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$$
. Для уравнений  $\begin{cases} 5x + 3y = 2\\ 10x - ky = 4 \end{cases}$ 

$$\frac{5}{10} = \frac{3}{-k} = \frac{2}{4}$$
.  $\frac{5}{10} = \frac{3}{-k}$  и  $k = -6$ . По тому же принципу:  $\frac{3}{-k} = \frac{2}{4}$  и  $k = -6$ .

г) Для того, чтобы у системы уравнений было бесконечное множество корней, долж-

но соблюдаться условие 
$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2} = \frac{c_1}{c_2}$$
. В системе 
$$\begin{cases} 9y + kx = 2 \\ 0.5x + 7.2y = 1.6 \end{cases} = \frac{k}{7.2} = \frac{k}{0.5} = \frac{2}{1.6},$$
  $\frac{9}{7.2} = \frac{k}{0.5}$  и  $k = 0.625$ .

По тому же принципу:  $\frac{k}{0.5} = \frac{2}{1.6}$  и k = 0.625.

**Ответ:**  $\Gamma$ ) k = 0.625.

Упражнение № 18. а) Для того, чтобы у системы уравнений был всего один корень,

должно соблюдаться условие  $\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$ . В системе  $\begin{cases} bx + 8y = 12 \\ 18x - 3y = -1 \end{cases}$  должно быть  $\frac{b}{18} \neq \frac{8}{-3}$  и  $b \neq -48$ . Значит, если мы подставим вместо b любое число, отличное от -48, у системы уравнений будет всего одно решение. **Ответ:**  $b \neq -48$ .

б) Для того, чтобы у системы уравнений был всего один корень, должно соблюдаться

условие 
$$\frac{a_1}{a_2} \neq \frac{b_1}{b_2}$$
. В системе 
$$\begin{cases} \frac{7}{15}x + \frac{4}{5}y = 12, \\ bx + \frac{3}{8}y = 1, 2; \end{cases}$$
 должно быть  $\frac{7}{15}$ :  $b \neq \frac{4}{5}$ :  $\frac{3}{8}$  и  $b \neq \frac{7}{32}$ . Зна-

чит, если мы подставим вместо b любое число, отличное от  $b \neq \frac{7}{32}$  у системы уравне-

ний будет всего одно решение.

Моменты, на которые следует обратить внимание: Решая системы уравнений графическим способом, учащиеся должны в основном строить графики на миллиметровой бумаге, чтобы точно определить решение. Учитель должен объяснить им, что графический способ решения не всегда удобен.

Обобщение и результат: Учитель обобщает пройденное о графическом способе решения системы линейных уравнений с двумя переменными и способе определения количества корней системы.

#### Опенивание

#### • Решение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется в решении графическим способом системы линейных уравнений с двумя переменными.
Уровень II	Решает графическим способом систему линейных уравнений с двумя переменными, но затрудняется в определении количества возможных решений системы.
Уровень III	Решает графическим способом систему линейных уравнений с двумя переменными, самостоятельно определяет количество возможных решений системы.
Уровень IV	Решает графическим способом систему линейных уравнений с двумя переменными, с обоснованием определяет количество возможных решений системы.

# **Урок 5.9. Решение системы линейных уравнений с двумя переменными способом подстановки**



**Стандарт:** 2.1.1. Составляет в соответствии с бытовой ситуацией линейное уравнение или систему двух линейных уравнений с двумя переменными.

**Результат обучения:** Находит решение системы линейных уравнений с двумя переменными способом полстановки.

Форма работы: коллективная, работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 3 часа.

Постановка проблемы: Данная в учебнике деятельность представляется с помощью компьютера. Если представить на движущейся картинке данные в учебнике весы и замену гирей на одной из чаш весов (такие возможности есть у программы Microsoft PowerPoint), учащиеся смогут ещё более наглядно пред-

ставить задание, данное в деятельности. При выполнении деятельности исследуется и обсуждается решение системы уравнений путем подстановки.

**Объяснение учителя:** Учитель доводит до сведения учащихся решение системы линейных уравнений с двумя неизвестными методом подстановки.

**Исследовательский вопрос:** Как решается система линейных уравнений с двумя неизвестными методом подстановки?

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 2. а) Обозначим на данных весах массу красной гири через *x*, а синей – через *y*. Масса жёлтых гирей принимается за единицу. Тогда на основе первых весов

можно записать уравнение x+3y=6, а на основе вторых весов – уравнение 2x+y=7.  $\begin{cases} x+3y=6, \\ 2x+y=7 \end{cases}$  В первом уравнении x можно выразить через y и записать на место x во втором уравнении: x=6-3y.  $2\cdot(6-3y)+y=7$ . Как видим, получилось линейное уравнение с одним неизвестным y. При его решении получается y=1. Напишем это значение y на соответствующее место в уравнение: x=6-3y:  $x=6-3\cdot 1=3$ .

**Ответ:** (x; y) = (3; 1).

б) Тем же способом, 
$$\begin{cases} 3x + 2 = 2y + 4 \\ y + 3 = x + 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3x + 2 = 2y + 4 \\ y = x \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 2 \end{cases}$$
 Ответ:  $(x, y) = (2; 2)$ .

# Упражнение № 6.

Г) 
$$\begin{cases} \frac{2x}{3} - \frac{5y}{4} = -3 \text{ (умножим каждую сторону на 12)} \\ \frac{5x}{6} + \frac{7y}{8} = 6 \text{ (умножим каждую сторону на 24)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 8x - 15y = -36 \\ 20x + 21y = 144 \end{cases}$$

В первом уравнении x выразим через y:  $x = \frac{15y - 36}{8}$ . Это выражение подставим во втором уравнении вместо x:  $20 \cdot \frac{15y - 36}{8} + 21y = 144$ , 5(15y - 36) + 42y = 288, y = 4.

Это значение y подставим в соответствующее место в равенстве  $x = \frac{15y - 36}{8}$ :  $x = \frac{15y - 36}{8} = 3$ . **Ответ:** (x; y) = (3; 4).

$$\left\{ \frac{2m}{5} + \frac{n}{3} = 1 \right\}$$
 (умножим каждую сторону на 15)  $\Rightarrow \begin{cases} 6m + 5n = 15 \\ 3m - 35n = 120 \end{cases}$ 

В первом уравнении n выразим через m:  $n = \frac{15-6m}{5}$ . Эту дробь подставим во втором уравнении на место n:  $3m-35 \cdot \frac{15-6m}{5} = 120$ , 3m-7(15-6m) = 120, m=5.

$$n = \frac{15 - 6m}{5} = \frac{15 - 6 \cdot 5}{5} = -3$$
 Other:  $(m; n) = (5; -3)$ .

#### Упражнение № 7

a) 
$$\begin{cases} \frac{x+y}{2} - \frac{x-y}{3} = 8 & \text{(умножим каждую сторону на 6)} \\ \frac{x+y}{3} + \frac{x-y}{4} = 11 & \text{(умножим каждую сторону на 12)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3(x+y) - 2(x-y) = 48, \\ 4(x+y) + 3(x-y) = 132 \end{cases} \Rightarrow \\ \Rightarrow \begin{cases} 3x + 3y - 2x + 2y = 48, \\ 4x + 4y + 3x - 3y = 132 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + 5y = 48, \\ 7x + y = 132 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 48 - 5y, \\ 7(48 - 5y) + y = 132 \end{cases}$$

Решая второе уравнение, найдите y: y = 6.

На основе первого уравнения:  $x = 48 - 5 \cdot 6 = 18$ . **Ответ:** (x; y) = (18; 6).

$$\begin{cases} \frac{x+y}{9} - \frac{x-y}{3} = 2 & \text{(умножим каждую сторону на 9),} \\ \frac{2x-y}{6} - \frac{3x+2y}{3} = -20 \text{ (умножим каждую сторону на 6)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x+y-3x+3y=18, \\ 2x-y-6x-4y=-120 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 4y - 2x = 18 & \text{(обе стороны разделим на 2),} \\ -4x - 5y = -120 \text{ (обе стороны умножим на 1)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2y - x = 9, \\ 4x + 5y = 120 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 2y - 9, \\ 4(2y - 9) + 5y = 120 \end{cases}$$

Решая второе уравнение, найдите y: y = 12,  $x = 2 \cdot 12 - 9 = 15$ . Ответ: (x; y) = (15; 12).

г) 
$$\begin{cases} \frac{1}{2}(2a-b)-1=b-2 & \text{(умножим каждую сторону на 2)} \\ \frac{1}{4}(3a-7)=\frac{1}{5}(2b-3)+1 \text{(умножим каждую сторону на 20)} \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2a - b - 2 = 2b - 4, \\ 15a - 35 = 8b - 12 + 20 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2a - 3b = -2, \\ 15a - 8b = 43 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = \frac{3b - 2}{2} \\ 15 \cdot \frac{3b - 2}{2} - 8b = 43 \end{cases}$$

Решите второе уравнение: 45b - 30 - 16b = 86, b = 4.  $a = \frac{3 \cdot 4 - 2}{2} = 5$ . Ответ: (a; b) = (5; 4).

Упражнение № 8.

$$\exists \frac{y-3x}{2} = 1 - \frac{7x+3y}{5} (умножим каждую сторону на 10) \\
\frac{x+5y}{3} = 1 + \frac{x+3y}{4} (умножим каждую сторону на 12)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 5y-15x = 10-14x-6y, \\ 4x+20y = 12+3x+9y \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x-11y=-10, \\ x+11y=12 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=11y-10, \\ 11y-10+11y=12 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=1, \\ y=1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \frac{2a-5b}{7}-1 = \frac{2a+2b}{3} (умножим каждую сторону на 21) \\ \frac{a-3b}{4}+2 = \frac{7a-8b}{5} (умножим каждую сторону на 20) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 6a-15b-21=14a+14b, \\ 5a-15b+40=28a-32b \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 6x-15b+40=28a-32b \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 6x-15b$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 8a + 29b = -21, \\ 23a - 17b = 40 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 8 \cdot \frac{17b + 40}{23} + 29b = -21, \\ a = \frac{17b + 40}{23} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} b = -1, \\ a = 1 \end{cases}$$

**Ответ:** (a; b) = (1; -1).

**Упражнение** № **9.** Если решение данной системы уравнений находится на оси абсцисс, то v = 0.

$$\begin{cases} (2-m)x + 4m \cdot 0 - 6 = 0, \\ 3mx + (4m-1) \cdot 0 + 2 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (2-m)x = 6, \\ 3mx = -2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (2-m) \cdot \frac{-2}{3m} = 6, \\ x = \frac{-2}{3m} \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} -4 + 2m = 18m, \\ x = \frac{-2}{3m} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} m = \frac{-1}{4}, \\ x = 2\frac{2}{3} \end{cases}$$
**Other:**  $m = -0.25$ ;  $(x; y) = (2\frac{2}{3}; 0)$ .

**Дифференциальное обучение:** Учащийся с высокими результатами обучения должны уметь решать упражнения № 5-8. Упражнение № 9 дается с целью творческого применения и предусмотрено для сильных учащихся. Учащиеся со слабыми результатами обучения должны уметь решать упражнения № 1-4. Учитель может дополнительно раздать на рабочих листах похожие задания.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** Применяя метод подстановки, учащийся должен понимать предпочтительность замены переменной с коэффициентом 1 или -1 другой переменной. Так как при этом заменяемое выражение даётся не в виде дроби, а в более простой форме. Если коэффициент уравнений, участвующих в системе, отличен от 1 или -1, то в этом случае любую переменную можно выразить через другую.

**Обобщение и результат:** Учитель ещё раз подчеркивает и обобщает пройденное о решении методом подстановки системы линейных уравнений с двумя неизвестными.

#### Опенивание

#### • Решение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется в решении системы линейных уравнений с двумя переменными способом подстановки.
Уровень II	Решает систему линейных уравнений с двумя переменными способом подстановки, но затрудняется в решении системы уравнений с дробными выражениями.
Уровень III	Самостоятельно решает систему линейных уравнений с двумя переменными способом подстановки.
Уровень IV	Решая систему линейных уравнений с двумя переменными способом подстановки, использует удобные способы.

# Урок 5.10. Решение системы линейных уравнений с двумя переменными способом сложения

**Стандарт:** 2.1.1. Составляет в соответствии с бытовой ситуацией линейное уравнение или систему двух линейных уравнений с двумя переменными.

**Результат обучения:** Находит решение системы линейных уравнений с двумя переменными способом алгебраического сложения.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, миллиметровая бумага, оборудование ИКТ



# Ход урока:

На изучение темы отводится 3 часа.

Постановка проблемы: Данное в учебнике в деятельности задание, относящееся к весам, снова может быть представлено с помощью компьютера. Здесь целесообразно представить в анимированной форме сложение гирь на чашах весов (такие возможности есть у программы Microsoft PowerPoint). При выполнении деятельности учащиеся складывают сторона к стороне (алгебраически) линейные уравнения с двумя неизвестными. Затем выслушиваются мнения учащихся о том, как определить массу каждой гири на весах.

**Объяснение учителя:** Учитель представляет учащимся алгоритм решения системы линейных уравнений с двумя неизвестными способом алгебраиче-

ского сложения. Алгоритм обсуждается с учащимися. Представляются образцы.

**Исследовательский вопрос:** Как решать способом алгебраического сложения систему линейных уравнений с двумя неизвестными?

Для проведения исследования задания из учебника выполняются на рабочих листах группами или парами.

### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 2. Учащиеся решают представленную систему уравнений сначала графическим способом на миллиметровой бумаге, а затем способом сложения сторона к стороне и высказывают свои мнения о полученных результатах.

**Упражнение** № **4.** Показав данные в системе уравнения в форме ax + by = c применим метод сложения:

a) 
$$\begin{cases} x+5y-7=0, \\ x-3y=-1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x+5y=7 \\ x-3y=-1 \text{ (умножим каждую сторону на -1)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x+5y=7 \\ -x+3y=1 \end{cases}$$

Полученные уравнения сложите сторона к стороне: (x + 5y) + (-x + 3y) = 7 + 1, y = 1. Впишите значение y в любое из уравнений системы и найдите x:

$$x + 5y = 7, x + 5 \cdot 1 = 7, x = 2.$$
 **Other:**  $(x; y) = (2; 1).$  6) 
$$\begin{cases} x - 3y - 4 = 0 \\ 5x + 3y + 1 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x - 3y = 4 \\ 5x + 3y = -1 \end{cases}$$

Сложите сторона к стороне: (x - 3y) + (5x + 3y) = 4 + (-1), x = 0,5. Вписав полученное значение x в уравнение x - 3y = 4, найдите y: 0,5 - 3y = 4,  $y = -1\frac{1}{6}$ .

**Ответ:** 
$$(x; y) = (0,5; -1\frac{1}{6}).$$

в) 
$$\begin{cases} x-3y-4=0 \\ 5x+3y+1=0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x-3y=4 \quad \text{(разделим каждую сторону на 3)} \\ 5x+3y=-1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -12x-11y=1 \\ 12x-13y=-25 \end{cases}$$

Полученные уравнения сложите сторона к стороне:

$$(-12x - 11y) + (12x - 13y) = 1 + (-25), y = 1.$$

Вписав полученное значение y в уравнение 12x - 13y + 25 = 0, найдите x:

$$12x - 13 \cdot 1 + 25 = 0, x = -1.$$

**Ответ:** 
$$(x, y) = (-1, 1)$$
.

**Упражнение** № **5.** Если график линейной функции y = kx+b проходит через точки C(-19; 31) и B(1; -9), то можно записать  $\begin{cases} -19k+b=31, \\ 1k+b=-9 \end{cases}$ . Из этой системы уравнений найдите k и b.

$$\begin{cases} -19k+b=31, (умножим каждую сторону на -1) \\ 1k+b=-9 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 19k-b=-31, \\ k+b=-9 \end{cases}$$

Сложите сторона к стороне: 20k = -40, k = -2. -2 + b = -9, b = -7. Следовательно, уравнение прямой, проходящей через точки С и В имеет вид y = -2x - 7 или 2x + y = -7.

**OtBet:** 
$$2x + y = -7$$
.

**Упражнение № 7.** Согласно условию, график линейной функции пересекает ось ОХ в точке (6; 0), а ось ОУ – в точке (0; -2). Тогда на основании уравнения y = kx + b запишем систему:

$$\begin{cases} 6k+b=0, \\ 0 \cdot k+b=-2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 6k+b=0, \\ b=-2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} k=\frac{1}{3}, \\ b=-2 \end{cases}$$

Значит, уравнение прямой имеет вид  $y = \frac{1}{3}x - 2$  или  $\frac{1}{3}x - y = 2$ . Ответ:  $\frac{1}{3}x - y = 2$ .

Упражнение № 8. Чтобы написать уравнение прямых, данных на рисунке, определяются координаты точек пересечения прямых с осями в уга запачие в принцется так как в уга в

абсцисс и ординат. Затем задание выполняется так, как в упражнении N 
ho 7.

в) Красная прямая пересекает ось абсцисс в точке (2;0), а ось ординат — в точке (0;2).

$$\begin{cases} 2k+b=0, \\ 0 \cdot k+b=2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2k+2=0, \\ b=2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} k=-1, \\ b=2 \end{cases}$$

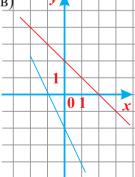
Значит, уравнение прямой имеет вид y = -x + 2 или x + y = 2.

**Ответ:** 
$$x + y = 2$$
.

Синяя прямая пересекает ось абсцисс в точке (-1; 0), а ось ординат – в точке (0; -2).

$$\begin{cases} -1k+b=0, \\ 0 \cdot k+b=-2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -k-2=0, \\ b=-2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} k=-2, \\ b=-2 \end{cases}$$

Значит, уравнение прямой имеет вид y = -2x - 2 или 2x + y = -2.



**Otbet:** 2x + y = -2.

**Упражнение № 9.** Чтобы упростить уравнения в данной системе, надо умножить каждую их сторону на такое число, чтобы в них не было дробей.

в) 
$$\begin{cases} 2x + \frac{x - y}{4} = 11 \text{ (каждую сторону умножаем на 3)} \\ 3y - \frac{x + y}{3} = 1 \text{ (каждую сторону умножаем на 3)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 8x + x - y = 44, \\ 9y - x - y = 3 \end{cases} \Rightarrow \\ \Rightarrow \begin{cases} 9x - y = 44, \\ 8y - x = 3 \text{ (каждую сторону умножаем на 9)} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 9x - y = 44, \\ 72y - 9x = 27 \end{cases}$$

Сложите уравнения сторона к стороне: (9x - y) + (72y - 9x) = 44 + 27, y = 1. В уравнении 8y - x = 3 примем во внимание, что y = 1: 8 - x = 3, x = 5. Ответ: (x; y) = (5; 1).

3) 
$$\begin{cases} 4a - 5b - 10 = 0 \\ \frac{a}{5} - \frac{b}{3} + \frac{1}{3} = 0 \end{cases}$$
 (каждую сторону умножаем на 15) 
$$\Rightarrow \begin{cases} 4a - 5b = 10, \\ -3a + 5b = 5 \end{cases}$$

Сложите уравнения сторона к стороне: a = 15.

Полученное значение a впишите на соответствующее место в уравнении: 4a - 5b = 10. 4 · 15 - 5b = 10, b = 10. **Ответ:** (a; b) = (15; 10).

Дифференциальное обучение: Учащиеся со слабыми результатами обучения должны уметь решать упражнения № 1–3. Учащиеся с высокими результатами обучения должны уметь решать более сложные системы уравнений. Учитель может добавить похожие задания на рабочих листах.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** Может возникнуть вопрос, в каких случаях каким способом решать систему уравнений. Учащиеся должны понимать, что каким бы способом ни решали систему, результат должен быть одинаковым. Учащиеся должны обращать внимание на применение удобного способа при решении системы уравнений.

**Обобщение и результат:** Учитель ещё раз подчёркивает и обобщает пройденное о решении методом сложения системы линейных уравнений с двумя неизвестными.

#### Опенивание

## • Репление

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется в решении системы линейных уравнений с двумя переменными способом алгебраического сложения.
Уровень II	Решает систему линейных уравнений с двумя переменными способом алгебраического сложения, но затрудняется в решении системы уравнений с дробными выражениями.
Уровень III	Самостоятельно решает систему линейных уравнений с двумя переменными способом алгебраического сложения.
Уровень IV	Решая систему линейных уравнений с двумя переменными способом алгебраического сложения, использует удобные способы.

# Урок 5.11. Решение задач построением системы линейных уравнений с двумя переменными



**Стандарт:** 2.1.1. Составляет в соответствии с бытовой ситуацией линейное уравнение или систему двух линейных уравнений с двумя переменными.

**Результат обучения:** Составляет систему линейных уравнений с двумя переменными согласно условиям задачи.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

# Ход урока:

На изучение темы отводится 3 часа.

Постановка проблемы: Учитель с помощью компьютера представляет различные задачи, соответствующие жизненным ситуациям, и вместе с учащимися выявляет возможные пути составления системы линейных уравнений с двумя переменными

согласно условиям задачи. Условие задачи может быть представлено учащимся с помощью компьютера в качестве мотивации. Учащиеся с младших классов знакомы с построением уравнений согласно условиям задачи. Здесь некоторые трудности может создать наличие двух переменных. Для формирования способности определять неизвестные в условии задачи, учитель должен научить учащихся внимательно читать условия.

**Исследовательский вопрос:** Как составляется система линейных уравнений с двумя переменными согласно условиям задачи?

Для проведения исследования задания из учебника выполняются на рабочих листах в группах.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение** № **1.** в) Согласно условию, следует найти такие 2 числа, чтобы их разность была равна половине суммы. Обозначим большее число через x, а меньшее через y. Тогда x-y=(x+y): 2. Если преобразовать это выражение, получим: x=3y. Следовательно, большее число будет равно утроенному меньшему, а меньшее число – одной третьей части большего. Образец: если x=12 и y=4 то действительно 12-4=(12+4): 2.

**Ответ:** Большее число будет равно утроенному меньшему, а меньшее число – одной третьей части большего.

**Упражнение № 2.** а) Примем длину ткани на мужское пальто за x, а длину ткани на детское пальто за y. Тогда по условию:  $\begin{cases} 4x + 2y = 14, \\ 2x + 6y = 15 \end{cases}$  **Ответ:** x = 2,7 (м), y = 1,6 (м).

Упражнение № 3. Обозначим возраст сестры через x, а возраст брата через v. 2 года назад сестре было x-2, лет, а брату -y-2 лет. По условию y-2=2(x-2).

Тем же способом 8 лет назад сестре было x - 8 лет, а брату - y - 8 лет.

По условию y - 8 = 5(x - 8).

Решение системы уравнений  $\begin{cases} y-2=2x-14,\\ y-8=5x-40 \end{cases}$ : x=10 (лет), y=18 (лет). **Ответ:** сестре 10 лет, брату 18 лет.

Упражнение № 4. Примем количество мешков на верблюде за x, а количество мешков на лошади за y. По условию: x + 1 = 2(y - 1) и x - 1 = y + 1.

Решение системы уравнений 
$$\begin{cases} x+1=2y-2, \\ x-1=y+1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x-2y=-3, \\ y-x=-2 \end{cases} : x=7, y=5.$$

**Упражнение № 9.** Примем массу слитка золота за x, а массу слитка серебра за y. Так как весы находятся в равновесии, то 9x = 11v.

Согласно условию, если поменять местами один слиток золота с одним слитком серебра, левая чаша весов станет на 13 г легче правой, значит второе уравнение будет

8x + y + 13 = 10y + x.

Решим систему уравнений  $\begin{cases} 9x = 11y, \\ 8x + y + 13 = 10y + x \end{cases}$  методом подстановки.  $x = 35.75 (\Gamma), v = 29.25 (\Gamma)$ 

Ответ: один слиток золота весит 35,75 (г), один слиток серебра весит 29,25 (г).

**Упражнение**  $\mathbb{N}_2$  **10.** Обозначим дневной заработок первого рабочего через a, а второго через b. Согласно условию, 15a + 14b = 234. С другой стороны известно, что заработок первого рабочего за 4 дня больше на 22 маната заработка второго рабочего за 3 дня. Значит, 4a - 3b = 22.

Решая систему уравнений  $\begin{cases} 15a + 14b = 234, \\ 4a - 3b = 22 \end{cases}$ , получим a = 10, b = 6.

Ответ: первый рабочий – 10 манатов, второй рабочий – 6 манатов.

**Упражнение** N 12. Обозначим первое неполное частное через a, а второе неполное частное через b. Вычитаемое пусть будет x. Тогда по условию на основе правила нахождения неизвестного делимого: 100 - x = 5a + 1 и 100 - x = 7b + 1.

Так как левые стороны одинаковы, получим: 5a = 7b.

С другой стороны известно, что a = b + 4. Тогда система уравнений, согласно условию

задачи, будет 
$$\begin{cases} 5a=7b,\\ a=b+4 \end{cases}$$
. Если решить её методом подстановки, получим  $a=14,\,b=10.$   $100-x=5\cdot 14+1,\,x=29.$ 

Действительно, 100 - 29 = 71. При делении этого числа на 5 и 7 в остатке остаётся 1, и полученное неполное частное в первом случае на 4 единицы больше, чем во втором.

Ответ: 29.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о решении задач методом составления системы линейных уравнений с двумя переменными.

# Оценивание

• Составление и решение задач

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется в составлении системы линейных уравнений с двумя переменными в соответствии с условиями задачи.
Уровень II	Составляет систему линейных уравнений с двумя переменными в соответствии с условиями задачи, но допускает некоторые ошибки в её решении.
Уровень III	Самостоятельно составляет и решает систему линейных уравнений с двумя переменными в соответствии с условиями задачи.
Уровень IV	Самостоятельно составляет и решает с объяснением систему линейных уравнений с двумя переменными в соответствии с условиями задачи.

# Образцы критериев оценивания для составления заданий для малого суммативного оценивания №8

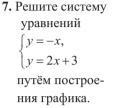
No	Критерии
1	Знает способы задания функции.
2	Строит и исследует график линейной функции.
3	Строит и исследует график прямой пропорциональной зависимости.
4	Определяет наличие линейной зависимости между парами заданных координат,
4	относящихся к множеству рациональных чисел.
5	Представляет зависимость расстояния от времени в виде линейной функции.
6	Строит график линейной функции с двумя переменными.
7	Решает систему линейных уравнений с двумя переменными графическим методом.
8	Решает систему линейных уравнений с двумя переменными методом подстановки.
9	Решает систему линейных уравнений с двумя переменными методом сложения.
10	Решает задачи методом составления системы линейных уравнений с двумя переменными.

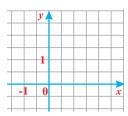
# Система уравнений. Стороны и углы треугольника. Статистика и вероятность

# Образец малого суммативного оценивания № 8

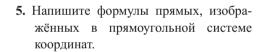
Фамилия: И		·
Количество	правильных ответов:	
Количество	неправильных ответов:	Оценка:

**1.** Дана функция f(x) = 8 - 3x. Найдите f(-2), f(0,5),  $f\left(1\frac{7}{9}\right)$ .





- **2.** Дана функция  $y = \frac{5}{8}x + 1,1$ . Определите значение x, если y(x) = 5,6.
- **8.** Термометр показывает температуру комнаты 77° по Фаренгейту. Сколько это составляет по Цельсию (°C)?
- **3.** В каких точках график функции y = x 3 пересекает оси ОХ и ОУ?
- 9. В Антарктиде и Якутии температура опускается до –90°С. Сколько это составляет по Фаренгейту?
- **4.** Какая из точек A(3; 0); B(-2; 5); C(0,3;0) принадлежит графику функции y=4x-1,2?
- **10.** Решите способом подстановки систему линейных уравнений с двумя переменными:  $\begin{cases} x-y=-10, \\ 2x+y=34 \end{cases} \Rightarrow$



 Решите способом алгебраического сложения систему линейных уравнений с двумя переменными:

ний с двумя переменн  $\begin{cases} 2x - 3y = 7, \\ 4x + y = 21 \end{cases} \Rightarrow$ 

**6.** Напишите уравнение произвольной функции, график которой параллелен и пересекает график функции v = 9x - 5.

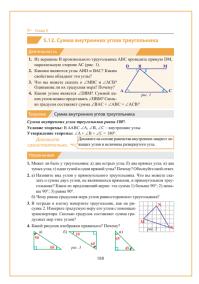
12.	Реш	ите	сист	гему	уравнений.
	( x	v	11		

$$\begin{cases} \frac{x}{8} + \frac{y}{5} = \frac{11}{40}, \\ \frac{y}{7} - \frac{2x}{5} = \frac{24}{35} \end{cases} \Rightarrow$$

Параллелен :\_\_\_\_\_

Пересекает :

# Урок 5.12. Сумма внутренних углов треугольника



**Стандарт:** 3.1.4. Применяет теорему о сумме внутренних углов треугольника и свойство внешнего угла. **Результат обучения:** Знает и применяет теорему о

сумме внутренних углов треугольника. Форма работы: коллективная, работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, термометр, оборудование ИКТ

Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** Выполняется деятельность, данная в учебнике. Анализируются открытый угол и другие углы, образованные прямой, проходящей через какую-либо вершину треугольника и параллельной его противоположной стороне. Учащиеся высказывают мнение об обсуждаемых углах и их сумме.

**Объяснение учителя:** учитель озвучивает теорему о сумме внутренних углов треугольника. Доказательство теоремы поручается учащимся. Для этого учащихся можно разделить на группы. При доказательстве, основываясь на примечание в учебнике, проводится параллельная прямая, как это показано в деятельности, и используется равенство накрест лежащих углов. Группы проводят презентацию доказательства и оценивается та группа, чьё доказательство наиболее точно.

**Исследовательский вопрос:** Как применяется теорема о сумме внутренних углов треугольника в решении задач?

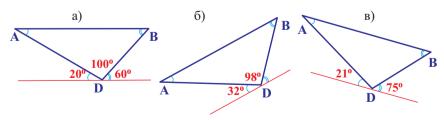
С целью проведения исследования задания из учебника выполняются группами.

#### Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 5.** а) На основе рисунка, данного в этом пункте, указано равенство внутренних накрест лежащих углов (дугами).  $\angle A = 20^{\circ}$  и  $\angle B = 60^{\circ}$ .

б) Ясно, что  $\angle A = 32^\circ$ . Согласно теореме о сумме внутренних углов треугольника:  $\angle B = 180^\circ - (32^\circ + 98^\circ) = 50^\circ$ .

B) 
$$\angle A = 21^{\circ}$$
,  $\angle B = 75^{\circ}$  va  $\angle C = 180^{\circ} - (21^{\circ} + 75^{\circ}) = 84^{\circ}$ .



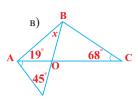
**Ответ:** а) 20°, 60°, 100°; б) 32°, 98°, 50°; в) 21°, 75°, 84°.

**Упражнение № 8.** в) Обозначим буквами точки вершин фигуры на рисунке. Согласно рисунку, ∠DAO = ∠BCO = 68°.

Тогда 
$$\angle AOD = 180^{\circ} - (68^{\circ} + 45^{\circ}) = 67^{\circ}$$

$$\angle AOB = 180^{\circ} - 67^{\circ} = 113^{\circ}$$
.

Следовательно, 
$$x = 180^{\circ} - (19^{\circ} + 113^{\circ}) = 48^{\circ}$$
.



**Ответ:** в) 48°.

**Упражнение № 9.** 1) Данные углы треугольника, основываясь на таблицу, запишем нижеследующим образом и определим каждый угол, применяя теорему о сумме внутренних углов треугольника:

$$\angle A = 30^{\circ}, \angle B = n, \angle C = n + 20^{\circ}.$$

Согласно сумме внутренних углов треугольника: 
$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ$$

$$30^{\circ} + n + n + 20^{\circ} = 180^{\circ}$$

$$n = 75^{\circ}$$
. Следовательно,  $\angle B = 65^{\circ}$ ,  $\angle C = 65^{\circ} + 20^{\circ} = 85^{\circ}$ .

Ответ: 1) 30°; 65°; 85°.

**Упражнение № 10.** а) Согласно условию,  $\angle$ ABH = 42° и  $\angle$ CBH = 30°.

АВН и СВН – прямоугольные треугольники. Следовательно,

$$\angle A = 90^{\circ} - 42^{\circ} = 48^{\circ} \text{ M } \angle C = 90^{\circ} - 30^{\circ} = 60^{\circ},$$

$$\angle B = 30^{\circ} + 42^{\circ} = 72^{\circ}.$$

**Ответ:** 
$$\angle A = 48^{\circ}$$
;  $\angle C = 60^{\circ}$ ;  $\angle B = 72^{\circ}$ .

Упражнение № 11. Нарисуем рисунок согласно условию:

Поскольку  $\angle ABC = 60^{\circ}$ , то будет  $\angle BAC + \angle ACB = 120^{\circ}$ .

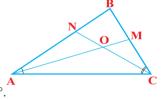
Поскольку АМ и С О биссектрисы:

$$\angle OAC + \angle ACO = 120^{\circ} : 2 = 60^{\circ}.$$

Следовательно, 
$$\angle AOC = 180^{\circ} - 60^{\circ} = 120^{\circ}$$
.

Угол между биссектрисами равен 60°.





**Ответ:** 60°.

Упражнение № 12. Согласно рисунку из упражнения № 10,  $\angle AOC = 118^\circ$ . Тогда  $\angle OAC + \angle ACO = 180^\circ - 118^\circ = 62^\circ$ . Согласно свойству биссектрисы:  $\angle BAC + \angle ACB = 62^\circ \cdot 2 = 124^\circ$ . Следовательно.  $\angle ABC = 180^\circ - 124^\circ = 56^\circ$ .

**Упражнение № 14.** Треугольник ABC – тупоугольный треугольник. Согласно условию:

$$\angle ABC = 110^{\circ}$$
 ,  $\angle C = 50^{\circ}$  и  $\angle D = 90^{\circ}$ 

$$\angle BAC = 20^{\circ}$$
.

B ΔABD 
$$\angle$$
DBA = 180° – 110° = 70°.

Тогда 
$$\angle BAD = 20^{\circ} \text{ и } \angle CAD = 40^{\circ}.$$

Таким образом, доказали, что  $\angle CAD = 40^\circ = 2 \angle BAD$ .

А Ответ: 56°.

D В С

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** Учащиеся из курса младших классов знают, что сумма внутренних углов треугольника равна 180°. На этом уроке они доказали это. До сведения учащихся доводится, что сумма острых углов прямо-угольного треугольника равна 90°.

**Обобщение и результат:** Учитель ещё раз озвучивает теорему о равенстве суммы внутренних углов треугольника 180°, обобщает пройденное об их применении.

#### Опенивание

## • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания			
Уровень I	Знает теорему о сумме внутренних углов треугольника, не может доказать и применить.			
Уровень II	Знает теорему о сумме внутренних углов треугольника, затрудняется в доказательстве и применении.			
Уровень III	Знает теорему о сумме внутренних углов треугольника, самостоятельно доказывает и применяет.			
Уровень IV	Знает теорему о сумме внутренних углов треугольника, обосновывая, доказывает и применяет в относительно сложных задачах.			

# Урок 5.13. Прямоугольный треугольник



**Стандарты:** 3.2.2. Знает и применяет признаки конгруэнтности треугольника.

3.1.1. Знает основные элементы треугольника и отношения между ними, геометрически их изображает.

#### Результат обучения:

- 1) Знает и применяет признаки конгруэнтности треугольника.
- Знает и применяет соотношения между углами и сторонами треугольника.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы:** Выполняется деятельность, данная в учебнике. Основываясь на деятельность,

учащиеся называют признаки конгруэнтности треугольников для прямоугольных треугольников. Учитель вспомогательными вопросами даёт определённое направление и обсуждает вместе с учащимися признаки СУС, УСУ, ССС для прямоугольных треугольников. Если катеты одного прямоугольного треугольника будут равны катетам другого прямоугольного треугольника, то эти треугольники конгруэнтны. Это – признак СУС конгруэнтности прямоугольных треугольников (в обоих прямоугольных треугольниках равенство угла между катетами 90° известно из вида прямоугольника).

Если катет и прилегающий к нему острый угол одного прямоугольного треугольника соответственно будут равны катету и прилегающему к нему острому углу другого прямоугольного треугольника, можно говорить о конгруэнтности прямоугольных треугольников. Другой угол упомянутой стороны двух треугольников — прямой угол. Это — признак УСУ конгруэнтности прямоугольных треугольников.

Если гипотенуза и прилегающий к ней острый угол одного прямоугольного треугольника соответственно будут равны гипотенузе и прилегающему к ней острому углу другого прямоугольного треугольника, можно говорить о конгруэнтности прямоугольных треугольников. Знаем, что если одни из острых углов прямоугольных треугольников равны, то другие острые углы тоже равны.

**Объяснение учителя:** Учитель озвучивает конгруэнтность прямоугольного треугольника по гипотенузе и одному катету в виде теоремы.

Доказательство теоремы проводится учащимися. При доказательстве треугольники ABC и MNK, как это дано в примечании, располагаются таким образом, что стороны AC и MN накладываются друг на друга. Доказывается, что полученный треугольник КАВ является равнобедренным.

**Исследовательский вопрос:** Как применяются признаки конгруэнтности прямоугольных треугольников, соотношения между сторонами и углами?

С целью проведения исследования группами выполняются задания из учебника на рабочих листах.

## Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 1.** в) Разность острых углов прямоугольного треугольника составляет  $24^{\circ}$ . Чтобы найти его углы, можно построить систему уравнений: острые углы обозначить x и y:

$$\begin{cases} x+y=90, \\ x-y=24 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2x=114, \\ x-y=24 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=57, \\ y=33 \end{cases}$$

**Ответ:** 57° и 33°.

**Упражнение № 3. Обратная теорема:** Если катет прямоугольного треугольника равен половине гипотенузы, то угол лежащий напротив этого катета будет равен 30°.

**Условие теоремы:**  $AB = \frac{1}{2}BC$ 

Утверждение теоремы:  $\angle ACB = 30^{\circ}$ .

Доказательство теоремы: В треугольнике ABC сторону AB продолжим от вершины A на такую же длину, что и сторона AB, в противоположную сторону по прямой линии и полученную точку обозначим D. Поскольку AB = AD и AC – общая сторона, треугольники ABC и ADC конгруэнтны. Следовательно, BC = DC.

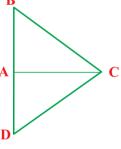
C другой стороны, поскольку  $AB = \frac{1}{2}BC$ , BD = BC = DC.

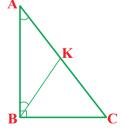
Следовательно,  $\Delta BDC$  ещё и равнобедренный. Тогда все его углы равны  $60^\circ$ . Так как AC – биссектриса, то  $\angle ACB = 30^\circ$ .

## Теорема доказана.

Упражнение № 4. В результате решения этой задачи учащиеся определят соотношения между медианой и гипотенузой прямоугольного треугольника.

Обозначим  $\angle BAC = \angle ABK = \alpha$ .  $\triangle ABK$  равнобедренный: AK = BK.





Из суммы острых углов прямоугольного треугольника и  $\angle ABC = 90^\circ$  определим, что:  $\angle KBC = 90^\circ - \alpha$  и  $\angle KCB = 90^\circ - \alpha$ . Тогда  $\Delta BKC$  тоже равнобедренный, т.е. BK = BC. Следовательно, определили, что AK = CK, т.е. точка K середина AC. K это доказывает, что K что K недиана.

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** Опираясь на эту задачу, учащиеся определяют отношение между медианой, проведённой к гипотенузе, и гипотенузой: Длина медианы, проведённой к гипотенузе в прямоугольном треугольнике, равна

половине длины гипотенузы.

**Упражнение № 11.** Согласно условию, ∠АСК = 120°.

Тогда  $\angle$ ACB = 30°. Поскольку разница между гипотенузой и малым катетом равна 15 см, можно записать

AC - AB = 15. Знаем, что AC = 2AB.

Тогда: 2AB - AB = 15 см, AB = 15 см и AC = 30 см.

Ответ: 30 см.

**Обобщение и результат:** Учитель ещё раз называет признаки конгруэнтности прямоугольных треугольников, отношения между сторонами и углами, обобщает пройденное об их применении.

#### Опенивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Называет признаки конгруэнтности прямоугольных треугольников, не может доказать и применить. Называет соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника, не может доказать и применить.
Уровень II	Называет признаки конгруэнтности прямоугольных треугольников, затрудняется в доказательстве и применении. Называет соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника, затрудняется в доказательстве и применении.
Уровень III	Называет признаки конгруэнтности прямоугольных треугольников, самостоятельно доказывает и применяет. Называет соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника, самостоятельно доказывает и применяет.
Уровень IV	Называет признаки конгруэнтности прямоугольных треугольников, обосновывая, доказывает и применяет в относительно сложных задачах. Называет соотношения между сторонами и углами прямоугольного треугольника, обосновывая, доказывает и применяет в относительно сложных задачах.

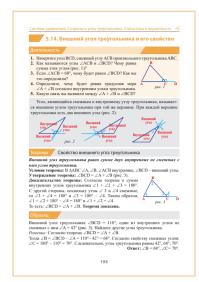
# Урок 5.14. Внешний угол треугольника и его свойство

**Стандарт:** 3.1.4. Применяет теорему о сумме внутренних углов треугольника и свойство внешнего угла.

Результат обучения: Знает и применяет свойство внешних углов треугольника.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, транспортир, оборудование ИКТ



# Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: Выполняется деятельность, данная в учебнике. Анализируются соотношения между углом, смежным с каким-либо углом вершины треугольника, и другим внутренним углом этого треугольника. При получении результатов выслушивается мнение учащихся.

**Объяснение учителя:** После того, как выслушивается мнение учащихся, учитель называет определение внешнего угла любой вершины треугольника и демонстрирует внешние углы треугольника (это можно выполнить и посредством компьютера).

Моменты, на которые следует обратить внимание: Учитель должен довести до сведения учащихся о наличии у каждой вершины треугольника одного внешнего угла или двух углов, равных по градусной

мере. Демонстрируется другой внешний угол и поясняется учащимся о том, что, говоря о внешнем угле любой вершины треугольника, имеется в виду один из внешних углов этой вершины.



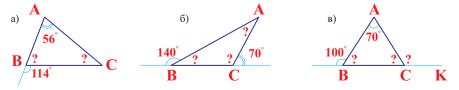
**Исследовательский вопрос:** Как применяется свойство внешнего угла в решении задач?

С целью проведения исследования группами выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 2. В этом задании учащиеся, высказывая своё отношение к мыслям Гюльнар и Али, должны отметить, что внешними являются оба угла. Но поскольку эти углы являются вертикальными, они равны друг другу. Основываясь на определение, поскольку принято считать, что у каждой вершины треугольника по одному внешнему углу, внешним углом угла ABC берётся или ∠ABD, или ∠CBE.

**Упражнение № 4.** Опираясь на каждый рисунок, при определении градусной меры используются свойство внешнего угла и теорема о сумме внутренних углов треугольника.



- a)  $\angle ABC = 180^{\circ} 114^{\circ} = 66^{\circ}, \angle BCA = 114^{\circ} 56^{\circ} = 58^{\circ}.$
- 6)  $\angle ABC = 180^{\circ} 140^{\circ} = 40^{\circ}, \angle BCA = 180^{\circ} 70^{\circ} = 110^{\circ}, \angle BAC = 70^{\circ} 40^{\circ} = 30^{\circ}.$
- B)  $\angle ABC = 180^{\circ} 100^{\circ} = 80^{\circ}, \angle BCA = 100^{\circ} 70^{\circ} = 30^{\circ}, \angle ACK = 150^{\circ}$

**Ответ:** а) 66°, 58°; б) 40°, 110°, 30°; в) 80°, 30°, 150°.

**Упражнение** № **5.** Поскольку отношение внешнего угла треугольника и не смежного с ним внутреннего угла 5:3:5x=80, x=160. Тогда внутренние углы треугольника будут  $16^{\circ} \cdot 3=48^{\circ}$ ,  $80^{\circ}-48^{\circ}=32^{\circ}$  и  $180^{\circ}-80^{\circ}=100^{\circ}$ .

**Ответ:** 32°, 48°, 100°.

B

## Упражнение № 6.

∠A	35°	80°	10°	23°
∠B	45°	67°	27°	89°
∠C	100°	33°	143°	68°
∠BCD	80°	147°	37°	112°

**Упражнение № 7.** а) Если  $\angle A = 80^{\circ}$ ,  $\angle C = 56^{\circ}$ , то

 $\angle ABC = 180^{\circ} - (80^{\circ} + 56^{\circ}) = 44^{\circ} \text{ M } \angle ABT = 44^{\circ} : 2 = 22^{\circ}.$ 

С другой стороны  $\angle ABH = 90^{\circ} - 80^{\circ} = 10^{\circ}$ .

Следовательно,  $\angle$ HBT =  $\angle$ ABT –  $\angle$ ABH =  $22^{\circ}$  –  $10^{\circ}$  =  $12^{\circ}$ .

 $\Delta BTC \angle BTC = 180^{\circ} - (22^{\circ} + 56^{\circ}) = 102^{\circ}.$ 

б) Если  $\angle A = 60^{\circ}$ ,  $\angle C = 40^{\circ}$ , то

 $\angle ABC = 180^{\circ} - (40^{\circ} + 60^{\circ}) = 80^{\circ} \text{ M } \angle ABT = 80^{\circ} : 2 = 40^{\circ}.$ 

С другой стороны,  $\angle ABH = 90^{\circ} - 60^{\circ} = 30^{\circ}$ .

Следовательно,  $\angle HBT = \angle ABT - \angle ABH = 40^{\circ} - 30^{\circ} = 10^{\circ}$ .

$$\Delta BTC \angle BTC = 180^{\circ} - (40^{\circ} + 40^{\circ}) = 100^{\circ}.$$

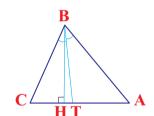
в) Если  $\angle A = 50^{\circ}$ ,  $\angle C = 70^{\circ}$ , то

$$\angle ABC = 180^{\circ} - (50^{\circ} + 70^{\circ}) = 60^{\circ} \text{ M } \angle CBT = 60^{\circ} : 2 = 30^{\circ}.$$

С другой стороны,  $\angle CBH = 90^{\circ} - \angle C = 90^{\circ} - 70^{\circ} = 20^{\circ}$ .

Следовательно,  $\angle HBT = \angle CBT - \angle CBH = 30^{\circ} - 20^{\circ} = 10^{\circ}$ .

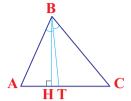
$$\Delta BTC \angle BTC = 180^{\circ} - (70^{\circ} + 30^{\circ}) = 80^{\circ}.$$



Моменты, на которые следует обратить внимание: Учитель обсуждает с учащимися градусную меру углов ∠НВТ и ∠ВТС, полученных во всех трёх пунктах этого задания. Учащиеся определяют равность 90° сумму или разности полученных ∠НВТ и ∠ВТС (Обосновывается на основе свойства внешнего угла треугольника и суммы в 180° внутренних углов треугольника).

С другой стороны, учащиеся в каждом пункте должны определить, что ∠НВТ, т.е. угол, образованный между высотой и биссектрисой, которые проведены из одной вершины, равен половине градусной меры данных углов А и С (других внутренних углов). Чтобы прийти к такому выводу, учитель вспомогательными вопросами может направить учащихся.

**В общем случае можно написать:** Градусная мера угла, образованного между высотой и биссектрисой, которые проведены из одной вершины треугольника, равна половине разности градусной меры других внутренних углов этого треугольника (разность большого угла с малым)



$$\angle$$
HBT = ( $\angle$ A -  $\angle$ C) : 2.

Упражнение № 8. При выполнении этого задания необходимо

определить, в какой вершине располагается внешний угол. Здесь возможны два случая: а) **Первый случай:** Если внешний угол при вершине в равнобедренном треугольнике будет равен  $70^{\circ}$ , то внутренний угол при той же вершине будет  $180^{\circ} - 70^{\circ} = 110^{\circ}$ . Так как другие внутренние углы треугольника равны между собой, каждый из них будет  $35^{\circ}$ .

**Второй случай:** Если внешний угол угла, прилегающего к основанию будет равен  $70^\circ$ , то внутренний угол будет  $180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$ . Тогда второй угол, прилегающий к основанию треугольника, тоже будет равен  $110^\circ$ . А это невозможно. У одного треугольника не может быть два тупых угла.

б) **Первый случай:** Если внешний угол при вершине равнобедренного треугольника будет равен  $136^{\circ}$ , то внутренний угол в этой же вершине будет  $180^{\circ} - 136^{\circ} = 44^{\circ}$ . Так как другие внутренние углы треугольника равны, то каждый из них будет равен  $136^{\circ}: 2 = 68^{\circ}$ .

**Второй случай:** Если внешний угол угла, прилегающего к основанию, равен  $136^{\circ}$ , то внутренний угол будет равен  $180^{\circ} - 136^{\circ} = 44^{\circ}$ . Так как другие внутренние углы треугольника равны, то каждый из них будет равен  $180^{\circ} - 88^{\circ} = 92^{\circ}$ .

**Ответ:** а)  $35^{\circ}$ ,  $35^{\circ}$ ,  $110^{\circ}$ ; б)  $44^{\circ}$ ,  $68^{\circ}$ ,  $68^{\circ}$  или  $44^{\circ}$ ,  $44^{\circ}$ ,  $92^{\circ}$ .

Упражнение № 9. Если в треугольнике ABC  $\angle A=32^{\circ}$ ,  $\angle C=58^{\circ}$ , то  $\angle B=90^{\circ}$ .

Согласно условию, строится треугольник MNK.

Согласно признаку параллельности прямых:

$$\angle NBC = \angle CAK = \angle ACB = 58^{\circ}$$
,

$$\angle ABM = \angle ACK = \angle BAC = 32^{\circ}$$
,

$$\angle BCN = \angle BAM = \angle ABC = 90^{\circ}.$$

Тогда: 
$$\angle$$
MKN =  $180^{\circ} - (\angle$ CAK +  $\angle$ ACK) =

$$=180^{\circ} - (58^{\circ} + 32^{\circ}) = 90^{\circ},$$

$$\angle MNK = 180^{\circ} - (\angle BCN + \angle NBC) = 180^{\circ} - (90^{\circ} + 58^{\circ}) = 32^{\circ},$$

$$\angle KMN = 180^{\circ} - (\angle BAM + \angle ABM) = 180^{\circ} - (90^{\circ} + 32^{\circ}) = 58^{\circ}.$$

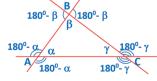
Внешние углы треугольника MNK соответственно равны 90°, 148°, 122°.

**Ответ:** внутренние углы треугольника MNK: 90°, 32°, 58°, внешние углы 90°, 148°, 122°. **Упражнение № 10.** Сумма внутренних углов треугольника равна 180°.

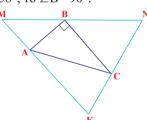
$$\alpha + \beta + \gamma = 180^{\circ}$$
.

Внешний угол угла  $\alpha$  равен  $180^{\circ} - \alpha$ , внешний угол угла  $\beta$  равен  $180^{\circ} - \beta$ , внешний угол угла  $\gamma$  равен  $180^{\circ} - \gamma$ .

Если принимается, что в каждой вершине по два внешних угла, тогда  $(180^{\circ} - \alpha) \cdot 2 + (180^{\circ} - \beta) \cdot 2 + (180^{\circ} - \gamma) \cdot 2 = 1080^{\circ} - 2 \cdot (\alpha + \beta + \gamma) = 1080^{\circ} - 360^{\circ} = 720^{\circ}$ .



Следовательно, мысли Сабира верны, так как  $720^{\circ} = 4 \cdot 180^{\circ}$ .

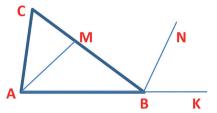


**Упражнение № 11.** Это задание выполняется с целью творческого применения и рассчитано, в основном, на сильных учащихся.

Биссектриса внутреннего угла любой вершины треугольника пересекается с биссек-

трисой внешнего угла этой же вершины. Следовательно, параллельность в этом случае невозможна.

Проведём биссектрису внешнего угла другой вершины. В этом случае, чтобы  $AM \parallel BN$  должно соблюдаться условие  $\angle MAB = \angle NBK$  (согласно дизнаку параллельности).



Тогда ∠САВ = ∠СВК. А это противоречит

свойству внешнего угла. Согласно свойству, должно быть  $\angle$ CBK =  $\angle$ CAB +  $\angle$ ACB. Следовательно, биссектриса любого угла треугольника не может быть параллельной биссектрисе его внешнего угла.

**Обобщение и результат:** Учитель ещё раз называет свойство внешнего угла треугольника, обобщает пройденное о его применении.

#### Опенивание

### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Знает свойство внешнего угла треугольника, не может доказать и применить.
Уровень II	Знает свойство внешнего угла треугольника, затрудняется в доказательстве и применении.
Уровень III	Знает свойство внешнего угла треугольника, самостоятельно доказывает и применяет.
Уровень IV	Знает свойство внешнего угла треугольника, обосновывая, доказывает и применяет в относительно сложных задачах.

# **Урок 5.15. Соотношения между сторонами и углами треугольника**

Стандарт: 3.1.1. Знает основные элементы треугольника и отношения между ними, геометрически изображает.

**Результат обучения:** Знает и применяет соотношения между сторонами и углами треугольника.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метол работы:** мозговая атака. обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, линейка, транспортир, оборудование ИКТ

#### Ход урока:

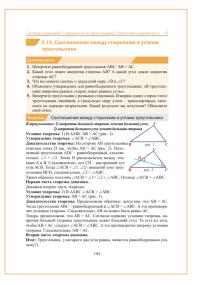
На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** Выполняется деятельность, данная в учебнике. Проводятся обсуждения о равных сторонах и равных углах равнобедренного треугольника, выслушивается мнение учащихся о сторонах, лежащих напротив углов, и углах, лежащих на-

против сторон. Изобразив на доске или на компьютере (можно и на электронной доске) произвольный треугольник, измеряют длину сторон и градусную меру углов. Полученные числа выстраиваются в порядке возрастания или убывания (длина сторон и градусная мера углов записывается в отдельности). Здесь учащиеся определяют, что напротив большей стороны лежит больший угол или напротив меньшей стороны лежит меньший угол.

**Объяснение учителя:** Учитель озвучивает теорему о соотношении между сторонами и углами треугольника и доказывает её. При доказательстве спрашивается мнение учащихся.

**Исследовательский вопрос:** Как применяются соотношения между сторонами и углами треугольника в решении задач?



## Руководство к некоторым заданиям:

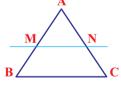
**Упражнение № 4.** а) Если MN < MK < NK, то углы, лежащие напротив данных сторон, должны быть записаны в той же последовательности:  $\angle$ K <  $\angle$ N <  $\angle$  M.

б) Если в треугольнике ABC AB = 9 см, AC = 14 см, BC = 8 см, то отношение между его углами:  $\angle A < \angle C < \angle B$ . Ответ: a)  $\angle K < \angle N < \angle M$ ; б)  $\angle A < \angle C < \angle B$ .

**Упражнение № 5.** В прямоугольном треугольнике наибольшая сторона лежит напротив угла 90°. Если один из острых углов будет равен 34°, то второй острый угол будет равен 56°. Следовательно, наименьшая сторона треугольника лежит напротив угла 34°.

Упражнение № 7. По условию известно, что MN || BC и  $\angle$ B =  $\angle$ C. Согласно признаку параллельности прямых,  $\angle$ N =  $\angle$ C и  $\angle$ B =  $\angle$ M. Следовательно,  $\angle$ M =  $\angle$ N.

Треугольник с двумя равными углами является равнобедренным.  $\Delta MAN$  — равнобедренный треугольник.



## Упражнение № 8.

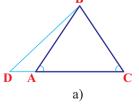
Ответ: равнобедренный треугольник.

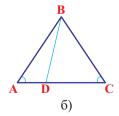
а) На первом рисунке в равнобедренном треугольнике ABC  $\angle$ BAC – острый угол. Тогда смежный ему  $\angle$ BAD – тупой угол, т.е.  $\triangle$ ABD – тупоугольный треугольник.

Так как в этом треугольнике наибольший угол – тупой угол, то наибольшей стороной

является сторона BD, лежащая напротив тупого угла. Следовательно, BD > AB.

б) По тому же принципу на втором рисунке треугольник ADB – тупоугольный треугольник. Следовательно, в ∆ABD наибольший угол – ∠ADB, сторона AB, лежащая напротив него, – наибольшая. AB > BD.





**Обобщение и результат:** Учитель ещё раз называет соотношения между сторонами и углами треугольника, обобщает пройденное об их применении.

#### Опенивание

## • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	Знает соотношения между сторонами и углами треугольника, не может доказать и применить.		
Уровень II	Знает соотношения между сторонами и углами треугольника, затрудняется в доказательстве и применении.		
Уровень III	Знает соотношения между сторонами и углами треугольника, самостоятельно доказывает и применяет.		
Уровень IV	Знает соотношения между сторонами и углами треугольника, обосновывая, доказывает и применяет в решении относительно сложных задач.		

# Урок 5.16. Неравенство треугольника

**Стандарт:** 3.1.1. Знает основные элементы треугольника и отношения между ними, геометрически их изображает.

**Результат обучения:** Знает неравенство треугольника и применяет в решении задач.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

**Ресурсы:** учебник, рабочие листы, палочки, оборулование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы**: Учащимся задаётся начертить произвольный треугольник ABC и измерить длину его сторон с помощью линейки. Затем каждый учащийся на основе начерченного треугольника:

- а) сравнивает значения выражений AB + AC и BC;
  - б) AB + BC и AC; в) AC + BC и AB Конечно же,

при правильном вычислении у всех учащихся получится результат:

- a) AB + AC > BC;
- 6) AB + BC > AC;
- B) AC + BC > AB

Эти результаты записываются на доске и учитель спрашивает мнение учащихся об этих неравенствах. Выслушивается мнение учащихся. Во все трёх случаях они могут утверждать, что сумма длин двух сторон больше третьей стороны.

Следующим этапом является построение треугольника на столе из заранее подготовленных палочек длиною 6 см, 4 см, 3 см и 2 см. На практике проверяется, построение какого треугольника невозможно или возможно.



**Исследовательский вопрос**: Какие соотношения существуют между сторонами треугольника?

**Объяснение учителя**: При проведении исследования учитель даёт информацию о неравенстве треугольника, доказывает теорему. При объяснении для наглядности используют возможности компьютерных программ.

В качестве продолжения исследования выполняются задания из учебника.

#### Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 2. В теореме в учебнике определено неравенство треугольника по сумме сторон. При выполнении этого задания определяется соотношение между разностью двух сторон треугольника (и модулем разности) и длиной третьей стороны. Класс делится на 3 группы. Первая группа чертит прямоугольный треугольник, вторая группа – тупоугольный треугольник, третья группа – остроугольный треугольник. Каждая группа измеряет линейкой длину сторон начерченного треугольника, и определяет соотношение между разностью двух любых сторон (или модулем разности) и длиной третьей стороны. Презентуя свою работу, группы высказывают своё мнение.  $\triangle ABC \land AB - AC \lt BC$ .

**Результат:** Неравенство треугольника: длина одной стороны треугольника меньше суммы длин других двух сторон, но больше модуля разности:

$$|AB - AC| < BC < AB + AC$$
.

Упражнение № 3. а) Градусная мера развёрнутого угла 180°. Тогда:

$$\frac{1}{6} \cdot 180 = 30$$
 cm;  $\frac{1}{3} \cdot 180 = 60$  cm;  $\frac{1}{2} \cdot 180 = 90$  cm.

Сумма двух сторон треугольника должна быть больше третьей стороны. В этом случае 30 + 60 = 90. Следовательно, такой треугольник построить нельзя.

6) 
$$\frac{1}{9} \cdot 180 = 20$$
 cm;  $\frac{1}{3} \cdot 180 = 60$  cm;  $\frac{5}{9} \cdot 180 = 100$  cm;

В этом случае опять нельзя построить треугольник, т.к. 20 + 60 < 100.

B) 
$$\frac{2}{9} \cdot 180 = 40$$
 cm;  $\frac{1}{3} \cdot 180 = 60$  cm;  $\frac{4}{9} \cdot 180 = 80$  cm.

В этом случае 40 + 60 > 80. Следовательно, треугольник с длинами сторон 40 см, 60 см, 80 см возможен. Есть большая вероятность того, что треугольник является остроугольным. В будущем, после изучения теоремы Пифагора, учащиеся смогут более точно определять вид треугольника ( $40^2 + 60^2 < 80^2$  тупоугольный). Здесь же учащийся только может предположить вид треугольника (после изучения построения треугольника по длине трёх сторон они смогут точно утверждать вид треугольника).

Упражнение № 4. в) Длина двух сторон равнобедренного треугольника одинаковая. Следовательно, длина сторон треугольника будет либо 120 мм, 120 мм, 32 мм, либо 120 мм, 32 мм. Данные в первом случае отрезки могут быть сторонами треугольника. Во втором же случае это невозможно: 32 + 32 < 120.

Следовательно, периметр треугольника: P = 120 + 120 + 32 = 272 мм = 27 см 2 мм.

Ответ: 27 см 2 мм.

**Упражнение** № **6.** Согласно неравенству треугольника, a + b > c.

$$a+b=3.17+0.75=3.92$$
 и  $a-b=3.17-0.75=2.42$ .

Следовательно, 2.42 < c < 3.92. Согласно условию, c — целое число, тогда c = 3.

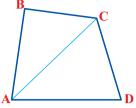
Таким образом, 
$$P = a + b + c = 3,17 + 0,75 + 3 = 6,92$$
.

Ответ: 6,92 см. Упражнение № 7. Согласно неравенству треугольника:

AC < AB + BC и AC < AD + CD. Эти неравенства сложим сторона к стороне:

$$2AC < AB + BC + AD + BC \text{ M} AC < (AB + BC + AD + BC) : 2.$$

Таким образом, отрезок АС меньше половины периметра четырёхугольника.



**Упражнение** № **8.** По условию известно, что 8 < a < 12 и 10 < b < 15. Согласно неравенству треугольника, 8+10 < a+b < 12+15, т.е. 18 < a+b < 27. Если третья сторона треугольника булет c, то c < a + b отвечает условию. Следовательно, c < 18. С другой стороны, третья сторона треугольника должна быть больше разности других двух сторон треугольника. c > 15 - 8 (разность самой верхней и самой нижней границ сторон a и b), c > 7.

Следовательно, длина третьей стороны должна отвечать условию 7 < c < 18.

**Ответ**: 
$$7 < c < 18$$
.

Упражнение № 9. Известно, что 3.1 < a < 7.4; 8.2 < b < 13; 11 < c < 17.5.

Сумма нижних границ сторон треугольника 3.1 + 8.2 + 11 = 22.3, сумма же верхних границ 7.4 + 13 + 17.5 = 37.9.

Тогда периметр треугольника должен отвечать неравенству 22.3 < P < 37.9.

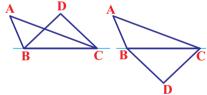
Следовательно, 
$$P = 37$$
.

Ответ: 37.

Упражнение № 10. Известно, что AB = 3 см, AC = 14 см, DB = 5 см и DC = 6 см. Допустим, что точки A, B, C и D не располагаются на одной прямой. Тогда возможны два случая:

точки A и D располагаются по одну сторону от прямой ВС или точки А и D располагаются по разные стороны (полуплоскости) от прямой ВС. По треугольнику ABC, BC > AC – AB = 14 - 3 = 11, BC > 11.

По треугольнику DBC, BC < BD + DC = 5 + 6 = 11, ВС < 11. Следовательно, сторона ВС должна



быть и меньше, и больше 11. А это невозможно. Следовательно, точки A, B, C и D располагаются на одной прямой.

Моменты, на которые следует обратить внимание: Неравенство треугольника считается одним из важных свойств треугольника. Учащийся должен обращать внимание на соответствие каждого треугольника этому свойству. Для того, чтобы проверить, соответствует ли треугольник неравенству, достаточно проверить, является ли большая сторона треугольника меньше суммы других двух сторон или является модуль разности двух сторон больше длины третьей стороны. Это свойство широко используется в быту. Обобщение и результат: Учитель обобщает пройденное об отношениях между длинами сторон треугольника. Неравенство треугольника излагается как относительно суммы, так и относительно разности двух сторон.

#### Опенивание

#### • Применение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется в формулировании неравенства треугольника, не может его применить; Не умеет определить, могут ли заданные числа быть сторонами треугольника.
Уровень II	Знает неравенство треугольника, допускает определённые ошибки в применении; При применении неравенства треугольника испытывает определённые трудности, записывая двухуровневые неравенства; Допускает определённые ошибки при определении того, могут ли заданные числа быть сторонами треугольника.
Уровень III	Знает и самостоятельно применяет неравенство треугольника.
Уровень IV	Творчески применяет неравенство треугольника по сумме и разности.

# Урок 5.17. Методы сбора информации

**Стандарты**: 5.1.1. Собирает данные, используя разные методы.

**Результат обучения:** Собирая информацию, использует разные методы.

Форма работы: коллективная и работа в группах

Метод работы: мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование

ИКТ, интернет

**Интеграция:** Информатика 3.3.2., Биология 1.1.1., 1.1.2., 4.1.1.

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

**Постановка проблемы**: Согласно деятельности, данной в учебнике, учащиеся запол-

няют опросные листы (учитель может подготовить и другие опросные листы) на рабочих листах. Опросные листы обсуждаются.

5.17. Методы сбора информации

Дентельность

Вимистельно коскрате представленную среды представления с представления в представления с представления в представления с представления представл

**Объяснение учителя:** Учитель обсуждает и объясняет разные методы, используемые при сборе информации. Даёт информацию о наиболее используемых источниках современности для сбора информации об интернет-сайтах и электронной почте.

**Исследовательский вопрос**: Как применяются методы, используемые для сбора информации?

С целью проведения исследования выполняются задания из учебника.

## Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 4. В задании применяется практический метод. Эта практика осуществляется во время урока и по результатам проводятся обсуждения. Посуда, в которой проводится опыт, хранится в классе и результат наблюдается на следующем уроке или через несколько дней. В течение же урока учитель даёт определённую информацию. Определяется, что вода и минеральные соли, обогащающие растения, поступают в листья, цветы и фрукты через каналы (вены) ствола.

Упражнение № 7. В качестве результата опыта определяется масса тела.

№ опы- та	Название тела	Начальный объём жидкости, (см³)	Объём жидкости, после помещения в неё тела, (см³)	Объём тела (см³)
1	Шарик	70	73,5	3,5
2	Камень	65	71,02	6,02
3	Тело на рисунке (учебник)	90	130	40

**Моменты, на которые следует обратить внимание:** С целью сбора любой информации учитель для второго урока учащимся, в зависимости от их уровня, может задать разные задания. Учащиеся эти задания выполняют и, отправив свои результаты по электронной почте своим товарищам и учителю, информируют их о полученной информации.

**Обобщение и результат:** Методы сбора информации ещё раз повторяются и пройденное обобщается.

### Оценивание

## • Сбор информации

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Имеет некоторые знания о методах сбора информации, затрудняется в применении.
Уровень II	Знает о методах сбора информации, применяя, собирает определённую информацию.
Уровень III	Знает методы сбора информации и, применяя, собирает необходимую информацию.
Уровень IV	Обстоятельно объясняет методы сбора информации, собирает обширную информацию.

# Урок 5.18. Презентация информации. Диаграмма, гистограмма, график

Стандарты: 5.1.2. Представляет данные в виде диаграммы, гистограммы или графика.

5.1.3. Определяет границы изменения собранных числовых данных.

**Результат обучения:** Представляет информацию разными методами и определяет границы изменения числовой информации.

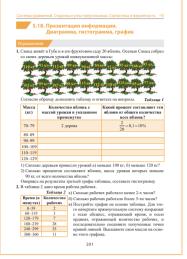
**Форма работы:** коллективная и работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

Интеграция: Информатика 3.2.2.

# Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.



**Постановка проблемы:** Учащиеся из курса математики младших классов знают способы представления информации в виде таблицы, диаграммы. Представление же информации в виде графика задаётся в этом году. На предыдущих уроках учащиеся познакомились с линейной функцией и построением её графика. На этом уроке анализируется представление информации, наряду с диаграммой и гистограммой, в виде графика, и на основе приведённого графика собирается информация.

**Исследовательский вопрос**: Как можно представить информацию посредством диаграммы или графика? Как определяются границы собранной информации на основе представленного графика или диаграммы?

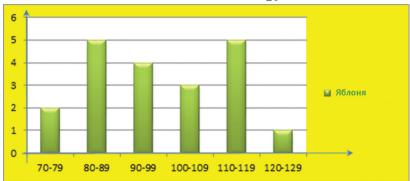
С целью проведения исследования группами выполняются задания из учебника.

## Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 1.** На основе массы собранных яблок на рисунке определяется число деревьев и записывается в таблицу по заданным интервалам.

Масса (кг)	Количество яблонь с массой урожая в указан- ном промежутке	Какой процент составляют эти яблони от общего количества всех яблонь?
70-79	2 дерева	$\frac{2}{20} = 0,1 = 10\%$
80-89	5 деревьев	$\frac{5}{20} = 0,25 = 25\%$
90-99	4 дерева	$\frac{4}{20} = 0, 2 = 20\%$
100-109	3 дерева	$\frac{3}{20} = 0.15 = 15\%$
110-119	5 деревьев	$\frac{5}{20} = 0,25 = 25\%$
120-129	1 дерево	$\frac{1}{20} = 0,05 = 5\%$

- Урожай:
- а) число яблонь, давших урожай меньше 100 кг 11;
- б) 19 яблонь дали урожай меньше 120 кг.
- 2) 7 яблонь дало урожай меньше 90 кг и это составляет  $\frac{7}{20} = 0.35 = 35\%$  от всех деревьев.

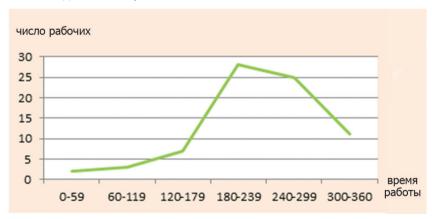


Упражнение № 2. а) 5 рабочих работало менее 2 часов.

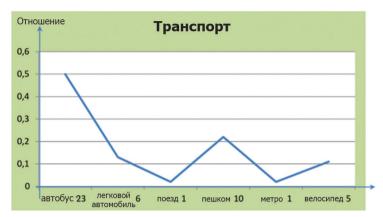
б) 11 рабочих работало более 5 часов.

Чтобы построить график на основе таблицы, построим прямоугольную систему координат, в которой ось абсцисс отражает время, ось ординат – число рабочих.

По графику можно провести обсуждения с учащимися. Как из таблицы так и из графика становится ясно, что больше всего рабочих работало 3-5 часов. Число же рабочих, проработавших дольше всех, -11.



**Упражнение № 3.** Как видно из таблицы, числа, записанные в третьем столбце, располагаются между 0 и 1. Отметим эти числа на оси ординат. График получается таким, как это приведено ниже.

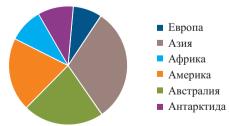


- а) Учащиеся, пользующиеся автобусом, составляют 50% от всех учащихся, учащиеся, пользующиеся легковым автомобилем, составляют 13% от всех учащихся. Следовательно, учащиеся, пользующиеся автобусом и легковым автомобилем, составляют 63% от всех учащихся.
- б) Учащиеся, пользующиеся метро и поездом (2 человека), составляют  $\frac{2}{23} \cdot 100\% \approx 8,7\%$  от числа учащихся (23 человека), пользующихся автобусом.

На втором уроке учитель объясняет алгоритм построения круговой диаграммы. Учитель может это объяснение представить с помощью офисных компьютерных программ. Затем на основе образца проводится точное построение круговой диаграммы.

Упражнение № 9.

Название материка	Площадь материка (млн. км²)	Часть	Процент (%)	Центральный угол (в градусах)
Европа	11,5	$11,5:150 \approx 0,07$	$0.07 \cdot 100 = 7$	$360 \cdot 0.07 \approx 28$
Азия	43,4	43,4 : 150 ≈ 0,29	$0,29 \cdot 100 = 29$	360 · 0,29 ≈ 104
Африка	30,3	30,3 : 150 ≈ 0,202	$0,202 \cdot 100 = 20,2$	360 · 0,202 ≈ 73
Америка	42	42:150 ≈ 0,28	$0,28 \cdot 100 = 28$	360 · 0,28 ≈ 101
Австралия	8,7	8,7 : 150 ≈ 0,06	$0,058 \cdot 100 = 5,8$	360 · 0,058 ≈ 21
Антарктида	14,1	$14,1:150\approx 0,01$	$0,094 \cdot 100 = 9,4$	360 · 0,094 ≈ 33
Всего	150	1,00		360



**Дифференциальное обучение:** Слабые учащиеся затрудняются в выполнении построения графика и круговой диаграммы. Для улучшения результатов таких учащихся, учитель постоянно проверяет их работу, при необходимости направляет их. Важно, чтобы учитель составил задания по уровню слабых учащихся.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о методах сбора информации. Ещё раз до сведения учащихся доводится алгоритм построения круговой диаграммы. Подчёркивается роль графиков в презентации информации.

#### Опенивание

## • Презентация

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Представляет информацию в виде столбчатой диаграммы гистограммы, не может строить круговую диаграмму и график.
Уровень II	Представляет информацию в виде столчатой диаграммы, гистограммы, допускает определённые ошибки при построении круговой диаграммы и графика.
Уровень III	Представляет информацию посредством столбчатой диаграммы, гистограммы, круговой диаграммы и графиков, определяет границы изменения числовой информации.
Уровень IV	Представляет информацию разными способами, определяет и объясняет границы изменения числовой информации.

# Урок 5.19. Прогнозирование

Стандарт: 5.1.4. Проверяет и уточняет прогнозы на основе статистических данных.

**Результат обучения:** Даёт прогнозы и проверяет их точность на основе статистических данных.

Форма работы: коллективная, работа в группах

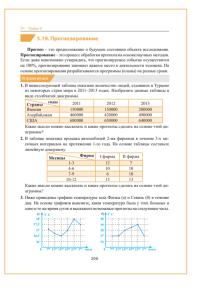
**Метод работы:** выведение понятия, мозговая атака, обсуждение

Ресурсы: учебник, рабочие листы, оборудование ИКТ

## Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

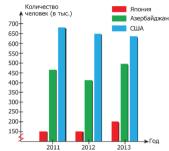
**Постановка проблемы:** Учитель может с помощью компьютера представить презентацию о прогнозировании. Для выведения понятия прогноза даются прогнозы о разной информации, объектах и анализируются, что отражает эта информация. После выведения понятий прогноза и прогнозирования учитель даёт об этом информацию.



**Исследовательский вопрос**: Как даются и проверяются прогнозы о событии или объекте, данные на основе статистических данных?

Упражнение № 1. Строится диаграмма. На её основе могут быть высказаны такие мысли:

- 1) В 2011—2013 годах из трёх стран по числу посещаемости Турции на 1-м месте стояли США, на последнем месте Япония.
- 2) В 2011, 2012, 2013 годах число людей, прибывающих в Турцию из Азербайджана, сначала уменьшилось, затем увеличилось. Число людей, прибывающих в Турцию из США уменьшилось, а из Японии увеличилось.
- Если учащиеся определят среднее число прибывающих из этих стран в Турцию, то смогут определить, что ближе всего к этому числу число прибывающих из Азербайджана.



Поскольку число прибывающих из США в Турцию из года в год уменьшалось, можно сказать, что в 2014 году их число будет меньше 640000 людей. Число прибывающих из Японии сперва стабильно не изменялось, затем увеличилось, что позволяет прогнозировать то, что в 2014 году число прибывающих из Японии в Турцию не уменьшится.

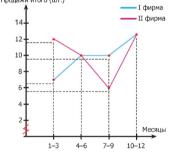
Упражнение № 2. Основываясь на таблицу, построим линейную диаграмму:

- 1) В течение года у I фирмы наблюдался упадок в продаже. У II фирмы в течение 9 месяцев наблюдался упадок в продаже продукции, затем в течение 3 месяцев наблюдался рост продажи.
- 2) Число продаж в течение 4–6 и 10–12 месяцев для обеих фирм одинаково. В каждой фирме за последние три месяца года продажа увеличилась. Определим среднюю продажу в интервале 3 месяцев у обеих фирм:

Для I фирмы: 
$$\frac{7+10+10+13}{4} = \frac{40}{4} = 10$$

Для II фирмы: 
$$\frac{12+10+6+13}{4} = \frac{41}{4} = 10,25 \approx 10$$

В течение года число продаж у обеих фирм одинаково.



**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о прогнозировании на основе собранной информации и способах проверки этого прогноза.

#### Оценивание

• Прогнозирование

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Затрудняется давать прогноз на основе статистических данных.
Уровень II	Даёт прогноз на основе статистических данных, но затрудняется в его проверке.
Уровень III	Даёт и самостоятельно проверяет прогноз на основе статистических данных.
Уровень IV	Даёт, проверяет прогноз на основе статистических данных и обосновывает свои мысли.

# Урок 5.20. Число благоприятных исходов для относительно сложных событий

Стандарт: 5.2.2. Определяет число благоприятных исходов для относительно сложных событий.

**Результат обучения:** Определяет число благоприятных исходов наступления событий.

**Форма работы:** коллективная, работа в группах **Метод работы:** мозговая атака, обсуждение

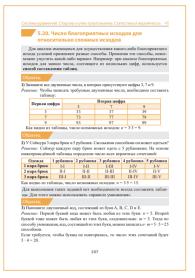
Ресурсы: учебник, рабочие листы, карты с записан-

ными цифрами, оборудование ИКТ

# Ход урока:

На изучение темы отводится 3 часа.

Постановка проблемы: До сведения учащихся доводится наличие разных способов для определения числа благоприятных исходов наступления события. Учитель вместе с учащимися анализирует примеры из учебника. Для наглядности можно записать цифры на картах. Образцы можно подготовить на офисных



компьютерных программах. Процесс объяснения граф целесообразно провести, подготовив посредством компьютерных программ (Microsoft PowerPoint).

**Исследовательский вопрос:** Как определяется число благоприятных исходов наступления события?

С целью проведения исследования группам раздаются рабочие листы с заданиями из учебника, которые они должны выполнить.

## Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 1.** б) Для записи двузначных чисел, образованных из чисел 2, 0, 7, 6, составим таблицу:

1 0 1110110		2-е ч	исло	
1-е число	0	2	6	7
2	20	22	26	27
6	60	62	66	67
7	70	72	76	77

Как видно, здесь возможны 12 случаев.

Ответ: б) 12 случаев.

Упражнение № 2. Для решения задачи составим таблицу:

Имена	Мячи					
Орхан	белый	белый	чёрный	чёрный	пёстрый	пёстрый
Сархан	чёрный	пёстрый	белый	пёстрый	белый	чёрный

Таким образом, три мяча для двух братьев можно купить в 6 вариантах.

Ответ: 6 вариантов.

Упражнение № 3. Для решения задачи построим таблицу:

Предметы		Сп	особы	
Математика	I	I		
Физика			I	I
Азербайджанский язык	II		П	
Литература		II		II

Таким образом, по данному условию, таблицу расписания можно составить в 4 вариантах.

Упражнение № 4. Для решения задачи построим таблицу:

Ответ: 4 варианта.

Транспорт	Лодка	Катер	Вплавь
Автобус	А-Л	А-К	А-Вп
Велосипед	В-Л	B-K	V-Bn
Автомобиль	Аль-Л	Аль-К	Аль-Вп
Пешком	П-Л	П-К	П-Вп

Таким образом, из города А в город В можно отправиться 12 способами.

Ответ: 12 способов.

Упражнение № 5. Для выполнения задания не всегда удобен способ составления таблиц. Для выполнения этого задания надо составить таблицу из 7 столбцов и 7 строк, что не целесообразно. При выполнении этого задания можно использовать «правило произведения», данное в учебнике. Каждый фрукт берётся вместе с другими 6 фруктами. Следовательно, следует брать 7 фруктов с другими 6 фруктами. Тогда  $n = 7 \cdot 6 = 42$ . Но здесь, например, из-за того, что, выбор яблоко-груша или груша-яблоко считается одинаковым, каждый выбор дважды повторился. Поэтому следует число полученных случаев поделить на: 42:2=21

**Упражнение** № 6. В коробке 8 разноцветных мелков. Из коробки взяли по одному мелку вначале Рена, затем Сеймур, т.е., если Рена взяла белый мелок, то выбранный Сеймуром мелок будет не белого цвета. Тогда по «правилу произведения»,  $n = 8 \cdot 7 = 56$ .

Ответ: 56 случаев.

Упражнение № 7. Составим таблицу на основе условия:

11	12	13	14	15	16
21	22	23	24	25	26
31	32	33	34	35	36
41	42	43	44	45	46
51	52	53	54	55	56
61	62	63	64	65	66

- а) При условии повторения цифр возможно 36 вариантов.
- б) При условии неповторения цифр возможно 30 вариантов.

Число всех двузначных чисел 90. Следовательно, вероятность записи двузначных чисел из этих цифр в первом случае  $\frac{36}{90} = \frac{2}{5}$ , во втором же случае  $\frac{30}{90} = \frac{1}{3}$ .

**Ответ:** а) 36 случаев, 
$$\frac{2}{5}$$
; б) 30 случаев,  $\frac{1}{3}$ .

Упражнение № 13. Согласно условию, Гюлай забыла вторую и пятую цифры пятизначного номера телефона. Для построения графа отмечаются четыре точки, обозначенные 2, 4, 6, 8. Согласно графу, здесь возможны  $4 \cdot 4 = 16$ случаев. Если неизвестно, являются ли числа чётными или нечётными, тогда каждое из 10 цифр могут быть записаны. В этом случае следует более всего рассмотреть случаи  $10 \cdot 10 = 100$ .

Ответ: 16 случаев, 100 случаев.

Обобщение и результат: Учитель обобщает пройденное о методах определения числа благоприятных исходов события.



• Определение

Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Не может определить число благоприятных исходов события.
Уровень II	Определяет способом составления таблиц число благоприятных исходов события, затрудняется в применении способа графа.
Уровень III	Самостоятельно определяет число благоприятных исходов события.
Уровень IV	Самостоятельно определяет число благоприятных исходов события и объясняет.

# Урок 5.21. Вероятность события

Стандарт: 5.2.1. Находит число элементарных событий в проводимом эксперименте и на его основе вычисляет вероятность событий.

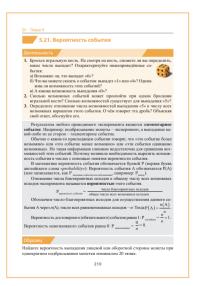
Результат обучения: Определяет число элементарных событий и вычисляет вероятность.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, игральные кости

#### Ход урока:

На изучение темы отводится 2 часа.

Постановка проблемы: выполняется деятельность, данная в учебнике. Во время выполнения деятельности посредством игральных костей выслушивается мнение учащихся. Таким образом, на обсуждение выносится важность выражения вероятности события чиспами.



8

**Объяснение учителя**: Учитель с учащимися проводит обсуждение об элементарных событиях, числе благоприятных и возможных случаев их реализации. Даёт формулу нахождения вероятности события и объясняет её.

**Исследовательский вопрос**: Как находится вероятность элементарного события в проводимом эксперименте?

С целью проведения исследования группами выполняются задания из учебника.

## Руководство к некоторым заданиям:

**Упражнение № 2.** Согласно условию, следует найти вероятность выпадения чисел 2, 4 и 6 при бросании игральной кости 1 раз. Число этих событий равно 3. Число же

возможных событий – 6. 
$$P_{\text{выпадение парных очков}} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$
. Ответ:  $\frac{1}{2}$ .

**Упражнение** № 3. Число благоприятных исходов вероятности выпадения 1 при бросании игральной кости 3 раза равно 3. Число возможных событий 6+6+6=18.

Следовательно, 
$$P_{\text{выпадение очка 1}} = \frac{3}{18} = \frac{1}{6}$$
. Ответ:  $\frac{1}{6}$ .

**Упражнение № 4.** Поскольку в посуде находится 5 + 7 + 4 = 16 сладостей, число вероятных возможностей выбора Самиром одной из них равно 16. Поскольку количество пахлавы 7 штук, число благоприятных исходов -7. Следовательно,

$$P_{\text{пахлава}} = \frac{7}{16}, \ P_{\text{кята}} = \frac{1}{4}.$$
 Ответ:  $\frac{7}{16}$  и  $\frac{1}{4}$ .

Упражнение № 6. а) Количество двузначных чисел 90 (число возможных случаев события). Числа, оканчивающиеся на цифру 3: 13, 23, 33, 43, 53, 63, 73, 83, 93. Их число 9 (число благоприятных исходов). Следовательно,  $P_{\text{двузначные числа, оканчивающиеся на 3}} = \frac{9}{900} = 0,1.$ 

**Примечание**: Событие можно обозначить любой буквой: если отметить событие, при котором число должно оканчиваться на цифру 3, буквой A, то P(A) = 0.1.

в) отметим буквой В событие, при котором сумма цифр числа составит: 14, 23, 32, 41,

50, число – 5. 
$$P(B) = \frac{5}{90} = \frac{1}{18}$$
. Ответ:  $\frac{1}{18}$ .

г) Обозначим буквой C событие, при котором двузначные числа могли бы делиться на 6: 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54, 60, 66, 72, 78, 84, 90, 96 – числа, делящиеся на 6.  $P(C) = \frac{15}{90} = \frac{1}{6}.$ 

**Примечание**: чтобы найти количество чисел, делящихся на 6, удобным способом, следует определить первое и последнее число, делящееся на 6, найти их разность и разделить на 6: (96-12): 6=14. К этому числу прибавляется 1 (из-за того, что отняли 12).

**Ответ**: 
$$\frac{1}{6}$$

**Упражнение № 8.** в) Обозначим буквой К событие, при котором при делении на 12 в остатке остаётся 5. Такие числа определяются формулой m = 12n + 5.

Числа m = 5, 17, 29, 41, 53, 65, 77, 89 отвечают условию.

Следовательно, 
$$P(K) = \frac{8}{100} = 0.08$$
. Ответ: 0.08.

**Упражнение № 9.** Практическая работа выполняется в парах. Здесь основной целью является сравнение полученной учащимися вероятности событий выпадения любой пары при бросании игральных костей с дробью  $\frac{1}{6}$ .

Число, полученное у некоторых учащихся (пар), может быть близко или равно дроби  $\frac{1}{6}$ , а у некоторых может отличаться. Учащиеся должны понять, что хотя при бросании двух игральных костей вероятность выпадения одинаковой пары равна  $\frac{1}{6}$ , то это не означает, что она всегда будет равна  $\frac{1}{6}$ .

# • Нахождение вероятности

Уровни	Образцы критериев оценивания		
Уровень I	Определяет число элементарных событий, затрудняется в нахождении вероятности.		
Уровень II	Находит число элементарных событий, допускает определённые ошибки при нахождении вероятности.		
Уровень III	Самостоятельно находит вероятность элементарных событий.		
Уровень IV	Находит и объясняет вероятность элементарных событий.		

# Урок 5.22. Сумма вероятностей

Стандарт: 5.2.3. Применяет формулу суммы вероятностей.

**Результат обучения:** Находит сумму вероятностей элементарных событий.

Форма работы: коллективная, работа в группах Метод работы: мозговая атака, обсуждение Ресурсы: учебник, рабочие листы, игральные кости

## Ход урока:

На изучение темы отводится 1 час.

**Постановка проблемы:** Пример, данный в учебнике, выполняется в виде эксперимента и, при проведении обсуждения с учащимися, объясняется сумма вероятностей.



Исследовательский вопрос: В каких случаях складываются вероятности события?

## Руководство к некоторым заданиям:

Упражнение № 1. а) При бросании игральных костей один раз больше 2 могут выпасть числа -3, 4, 5 и 6. Каждое из них - равновозможное событие. Следовательно, вероятность выпадения каждого из них  $\frac{1}{6}$ .  $\frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} + \frac{1}{6} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$ . Ответ: а)  $\frac{2}{3}$ ; б)  $\frac{2}{3}$ ; в)  $\frac{1}{2}$ . Упражнение № 2. а) Обосновывая свои мысли, Фаиг утверждает, что вероятность выпадения лицевой стороны как первой, так и второй монетки равняется  $\frac{1}{2}$ . Это – верная

мысль. Но складывать вероятность этих событий неверно, потому что при бросании монеток возможно выпадение у обоих монеток оборотной стороны. В этом случае событие не может быть достоверным.

- б) В действительности, здесь существует 4 возможных исхода:
  - 1. Выпадение оборотной стороны у обеих монеток;
  - 2. Выпадение лицевой стороны у обеих монеток;
  - 3. Выпадение у первой монетки оборотной стороны, у второй лицевой;
  - 4. Выпадение у первой монетки лицевой стороны, у второй оборотной.

Следовательно, возможны 4 исхода. Два из них (3 и 4) благоприятных исхода.

Тогда 
$$P = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$
. Ответ:  $\frac{1}{2}$ 

Упражнение № 3. а) Вероятность события-выигрыша 100 манатов:  $P_{100} = \frac{2}{200} = 0,01.$ 

б) Вероятность события-выигрыша 50 манатов:  $P_{50} = \frac{5}{200} = 0,025$ . Вероятность события выигрыша 20 манатов:  $P_{20} = \frac{7}{200} = 0,035$ .

Вероятность события выигрыша 50 или 20 манатов равна сумме вероятности этих событий: P = 0.025 + 0.035 = 0.06. Ответ: 0.06.

в) Наличие выигрышного билета говорит о том, что билет с выигрышем 100, 50 или 20 манатов. Следовательно, вероятность наличия выигрышного билета:

$$P = 0.01 + 0.025 + 0.035 = 0.07$$
. **Ответ**: 0.07.

г) Вероятность наличия билета без выигрыша:  $P = \frac{186}{200} = 0.93$ . Ответ: 0,93.

**Обобщение и результат:** Учитель обобщает пройденное о нахождении суммы вероятностей элементарных событий, ещё раз отмечает, сумму верятностей каких элементарных событий можно найти.

#### Опенивание

• Нахождение суммы вероятностей

	, 1
Уровни	Образцы критериев оценивания
Уровень I	Не может определить сумму вероятностей событий.
Уровень II	Находит сумму вероятностей событий в простых случаях.
Уровень III	Самостоятельно находит сумму вероятностей событий.
Уровень IV	Находит сумму вероятностей событий и обосновывает.

# Образец критериев для составления заданий для малого суммативного оценивания № 9

№	Критерии
1	Применяет теорему о сумме внутренних углов треугольника.
2	Применяет свойства внешнего угла треугольника.
3	Применяет соотношение между стороной и углом прямоугольного треугольника.
4	Применяет соотношения между сторонами и углами треугольника.
5	Применяет неравенство треугольника.
6	Определяет элементарные события, находит вероятность события.
7	Применяет правило сложения вероятностей.

# Образец малого суммативного

Фамилия:	Имя:	
Количество	правильных ответов:	
Количество	неправильных ответов:	Оценка:

	оценивания № 9
1.	Определите градусную меру $\angle 4 = 125^{\circ}$ в треугольнике ABC, если $\angle 1 + \angle 2$ .
2.	Один из внутренних углов треугольника равен 64°, а внешний угол, не смежный с ним – 75°. Найдите углы треугольника.
3.	В треугольнике ABC $\angle$ A= 90°, AB = 26 см и $\angle$ C=30°, найдите длину гипотенузы.



- треугольника.  $\angle A = 90^{\circ}$ найдите длину **4.** В треугольнике MNK MN = 5.2 см, MK = 6,7 см и NK = 40 мм. Какой угол в треугольнике наибольший? 5. Один из острых углов прямоугольного треугольника равен 60°, а длина меньшего катета составляет 43 см. Чему равна длина гипотенузы этого треугольника?
- 6. Сколько может быть элементарных событий при одновременном бросании двух игральных костей 1 раз? Какие события являются благоприятными для выпадения очков, сумма которых равнялась бы 5? В мешке 12 чёрных, 23 белых, 16 жёлтых шаров. Найдите вероятность того, что наугад взятый из мешка шар будет жёлтым. 8. Сеймур задумал двузначное число. Найдите вероятность события, что это число оканчивается на 1 или 5. 9. Второй угол треугольника больше первого угла на 10°, меньше третьего на 40°. Найдите эти углы. 10. Если в вершине треугольника внешний угол буде равен 125°20′: а) чему будет равна градусная мера
  - суммы других внешних углов?
  - б) чему будет равна градусная мера суммы внутренних несмежных с ним углов?

# Образец большого суммативного оценивания № 2

1. Преобразуйте выражение в многочлен:

 $2x(x^3-y^4)-(2xy^4+x^3)=$ 

- **2.** Один из внешних углов треугольника равен 72°, определите вид других внутренних углов треугольника:
- 3. Преобразуйте выражение в многочлен:

 $(x^4 + y^7)^2 =$ 

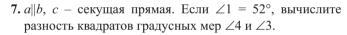
4. Применяя формулы сокращённого умножения, упростите выражение:

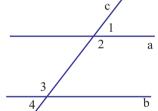
 $(a-4)^2 - 2(a-4)(a+4) + (a+4)^2 = \underline{\hspace{1cm}}$ 

5. Преобразуйте выражение в многочлен:

 $(a+2b)^2 - (a-2b)^2 =$ 

**6.** Вычислите значение выражения:  $\frac{64-17^2}{16^2-9}$  =





8. Разложите двучлен на множители:

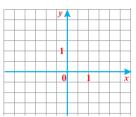
 $27x^3 - 8 =$ 

**9.** Разность двух углов с соответственно параллельными сторонами равна 36°, определите градусную меру этих углов:

**10.** Рахида задумала двузначное число. Найдите вероятность того, что сумма цифр задуманного ею числа будет равна 9.

11. Найдите корень системы уравнений построением графика

$$\begin{cases} y = x, \\ y = x + 3 \end{cases}$$



12. Решите систему уравнений способом подстановки или

сложения сторона к стороне:  $\begin{cases} y + 3x = -4, \\ 6x - y = -5 \end{cases}$ 

$$\begin{cases} y + 3x = -4, \\ 6x - y = -5 \end{cases}$$

- **13.** Вместо k запишите такое число, чтобы а) система уравнений  $\begin{cases} y = 3x 5, \\ y = kx + 5 \end{cases}$  имела единственное решение:
  - b) система уравнений  $\begin{cases} y = 5x 7, \\ y = kx 7 \end{cases}$  не имела решения:
- 14. В классе 25 учащихся. Число девочек превышает число мальчиков на 3 человека. Найдите 2% от общего количества мальчиков в классе.
- 15. Длина гипотенузы прямоугольного треугольника 16,4 см, один из прилегающих к ней острых углов равен  $60^{\circ}$ . Найдите длину одного из его катетов и определите наибольшее натуральное число, которому может равняться другой катет.
- **16.** Наивысшая температура, зафиксированная в Европе, 48°C, в Азии 13°F. Определите, какова температура в Фаренгейтах в Европе, а в Цельсиях в Азии.

17. По таблице составьте круговую диаграмму:

Использование интернета					
Wi-Fi	ADSL	Dial-up	Ethernet		
56%	20%	16%	8%		

# Рациональные числа. Расстояние между двумя точками

Фамилия:	Имя:

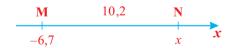
1. Заполните таблицу:

x (+)	$-\frac{7}{11}$	0,3	$2\frac{5}{14}$	-3,8
$-2\frac{1}{3}$				
$\frac{13}{4}$				
1,5				
$-\frac{3}{8}$				

**2.** Определите расстояние между точками а) A(0,82) и  $B(-6,5); \ б)$   $M\left(-\frac{7}{4}\right)$  и  $N\left(-2\frac{3}{5}\right)$ :

- a) AB =
- б) МN =

**3.** По рисунку найдите x:



б) 9,(2) + 11,(3) + 5,6(7) =

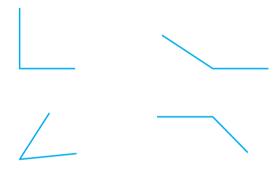
# Периодические десятичные дроби

Фамилия:			Имя:		
. Какие из приведе	ённых дробе	й периодическ	ие десяти	ичные дроби? Запиц	ите их.
$\frac{7}{4}$ =	$\frac{5}{9} =$	4	_	11	
4	9	7		$\frac{11}{8} =$	
7 _	21_	$\frac{33}{21}$	_	3 _	
$\frac{7}{15}$ =	$\frac{21}{17}$ =	21	- =	$\frac{3}{23}$ =	
а) $X = 0,(51)$ $10X = 10 \cdot = 10X =$ 9X = X =	5, = 5 +		6) $X = 3$ 100 $X$ 100 $X$ 100 $X$ $Y = \frac{1}{2}$	$X = 100 \cdot = 352, = 0$ X - X = = = = = = = = = = =	= 352 +
. Данные периоди	ческие дроби	и запишите в в	виде обык	новенных дробей.	
0,(6) =		1,(21) =			
0(15) =		3,1(5) =			
2,31(10) =		0,00(1) =			
. Выполните дейст	гвия:				
<ul><li>а) найдите 15% с</li></ul>	эт 3,(5):				

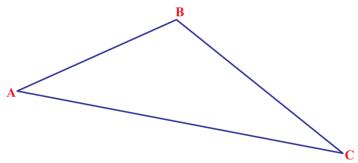
# Биссектриса

Фамилия:	Имя:	

1. Назовите данные углы и постройте биссектрису.



**2.** Постройте биссектрисы AM, BN и СК данного треугольника.



Полученные углы измерьте транспортиром и запишите результат.

I ∠A=...;

∠BAM=...;

∠CAM=...

II ∠B=...;

∠ABN=...;

∠CBN=...

III ∠C=...;

∠ACK=...;

∠BCK=...

### Множества

Фамилия:	Имя:

**1.** Если  $A = \{-3; 5; 7; -9; 10; 11; -17; 19; 3(7)\}$ 

$$B = \{-1,5; 0,(6); -9; 11; 3(7)\}$$

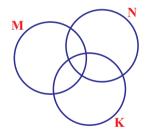
$$C = \{5; -9; -17; 19; 7,(2)\},\$$

докажите:

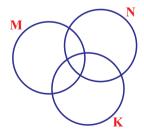
a)  $A \cup B = B \cup A$ 

 $\delta$ ) A∩C = C∩A

- $(A \cup B) \cup C = (A \cup C) \cup B$
- 2. Изобразите на основе диаграмм Эйлера-Венна:
  - a)  $(M \cup N) \cap K$



б) (M $\cap$ N)\K



# Конгруэнтность треугольников

Фамилия:				Имя:	
. Из данных т	греугольников	запишите на	ізвания конгр	уэнтных треу N	угольников:
. Если ДАВС ДАВС	$\cong \Delta MNK \cong \Delta F$ $BC = 3 \text{ cm}$	PRQ, заполни ∠B = 20°	ите таблицу. $\angle C = 100^{\circ}$	АВ = 5 см	∠A = ?
ΔΜΝΚ	BC 3 CM	20 20	20 100	TIB S CIVI	
ΔPRQ	1				
, Углы треуго	ольника АВС р	авны 17°30′	и 48°20′10″, о	пределите тр	ретий угол.
. Отрезки AB ΔAKN ≅ ΔM		каются в точі	ке К, АК = М	К и АВ = ММ	V. Обоснуйте, чт

# Построение треугольника по трём сторонам

Фамилия:	Им	я:
1. Постройте (с помощью циркуля)	треугольник со сторон	нами из данных отрезков.
а	b	C

**2.** С помощью циркуля и линейки постройте треугольник со сторонами 3 см, 25 мм, 0.18 см.

# Многочлены

Фамилия:	Имя:
<b>1.</b> Найдите сумму и разность данных многочлено $3a+4b-c$ и $-2,1a-9c+10b$ а) сумма:	
б) разность:	
<b>2.</b> Найдите произведение многочленов: a) $-3m\left(2mn - \frac{1}{2}k + 4m\right) = $	
6) $(3x^2 + 7x - 9)(0,1x - 3) =$	
3. Решите уравнения: a) $(x-3)(x+5)-x(x-8)=9$	
6) x(x-6)-8(x-6) = 0	
<b>4.</b> Разложите на множители данные выражения: a) $x^2 + 2x + 3(x + 2) =$	
б) <i>a</i> -2 <i>ab</i> -3 <i>a</i> +6 <i>ab</i> =	

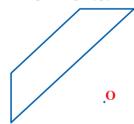
# Серединный перпендикуляр отрезка. Симметрия

Фамилия:	Имя:

**1.** С помощью циркуля постройте середину отрезка AB, серединный перпендикуляр отрезка MN.



2. Постройте фигуру, симметричную данной фигуре тносительно точки О.





# Абсолютная и относительная погрешность

		Имя:	_
U	е в виде периодической др	ооби и округлите до разряда десят ных чисел.	ЪΙΧ
		десятых, второе – до разряда сот бсолютную погрешность каждого	
б) 0,9357			
в) 108,13876			
	бразуйте в десятичную д пыную погрешность, запол	робь и округлите до разряда сот ните таблицу.	ъ
			ъ
Вычислив относител	выную погрешность, запол	ните таблицу.	ъ

# Формулы сокращённого умножения

	Фамилия:	Имя:	_
1.	Выполните умножение.		
	a) $(3x+2)(3x+2) =$		
	6) $(x+5)(x+5) = $		
	$(5y-4x)(5y-4x) = \underline{\hspace{1cm}}$		
2.	Упростите выражения:		
	a) $(3m-1)^2 + 1 =$		
	$6) 12 - (7m - 3)^2 = \underline{\hspace{1cm}}$		
	Данные трёхчлены запишите в виде о выражений.	суммы квадратов или разности квадратов д	цвух
	a) $m^2 + 16m + 64 =$		
	$6) 4a^2 - 12a + 9 = $		
4.	Определите наибольшее или наимень a) $x^2 + 30x + 224 =$	ьшее значение данных выражений:	
	$6) - m^2 - 12m - 39 = \underline{\hspace{1cm}}$		

# Сбор и презентация информации

	Фамилия:	Имя:
1.	<ul> <li>Используя классный журнал, определите, сколько месяц:</li> </ul>	о учащихся класса в последний
	а) не пропустили ни один урок;	
	б) пропустилио 1–4 урока;	
	в) пропустили 5–8 уроков;	
	г) пропустили 9–12 уроков;	
	д) пропустили больше 12 уроков. Собранную инфо	ррмацию представьте в виде:
	а) таблицы;	
	б) столбчатой диаграммы;	
	в) круговой диаграммы.	

# Формы и методы, используемые в преподавании предмета Математика

В процессе обучения нет единых форм и методов обучения для всех этапов. Учитель должен уметь выбирать для каждой конкретной темы удобную стратегию обучения. В зависимости от темы и условий учитель должен строить учебный процесс, исходя из непосредственно самого процесса обучения, исследований, внутриклассных обсуждений и тренировок, организации работы в малых группах, способов индивидуального подхода, использования ежедневных бытовых ситуаций, связанных с темой. Каждый учитель должен находить соответствие между темой и методами преподавания этой темы и каждый раз находить ответы на такие вопросы, как «Что я преподаю?», «Чему служат разные методы?», «Кто мои ученики?», «Что они уже знают?» и др. Опираясь на собственный опыт и методические рекомендаций, учитель, учитывая потенциальные потребности учащихся, должен создать баланс между методами обучения, используемыми для полного усвоения математического материала.

Целесообразное обучение образовательной программы (куррикулума) на основе стандартов учитывает правильную организацию и усвоение стандартов всеми учащимися. При этом обучение должно быть организовано таким образом, чтобы наряду с получением новых знаний, учащиеся улучшили навыки применения, закрепили полученную информацию. Процесс обучения должен быть организован последовательно таким образом, чтобы начальные навыки стали базой для последующего обучения. При этом наряду с традиционными формами обучения, важно использовать нестандартные формы обучения — урок-конференция, урок-семинар, урок-обсуждение, урок-упражнение и др. Необходимо использовать формы работы (коллективная, в группах, в парах, индивидуальная), способствующие гибкости процесса обучения. Практика показывает, что использование этих форм работы преобразует урок в активный процесс, создаёт условия для проведения учащимися исследования, поиска.

Традиционное обучение математики основывалось на «двухуровневой» модели. На первом этапе учитель демонстрирует новые понятия или новый метод, а учащиеся всё это наблюдают. На втором этапе организуется индивидуальная работа учащихся, при которой применялось выполнение целевых заданий и новых знаний. Учитель же, наблюдая за деятельностью учащихся, оценивал их. Эта модель требовала освоения необходимого материала за короткий период и самостоятельного применения.

Наиболее эффективным преподаванием математики является «трёхуровневое» обучение. На первом этапе учитель демонстрирует и объясняет новое понятие или новый метод, задаёт вопросы и определяет степень его усвоения. Учащиеся не только наблюдают за объяснением учителя, но и активно участвуют на этом этапе. Активность учащихся на первом этапе урока — обязательное условие эффективного обучения. На этом этапе обучения представление своих знаний некоторыми учащимися даёт гарантию на усвоение материала всеми учащимися. Способность учителя управлять классом и выбирать соответственные способы обучения, прослеживать за последовательностью процесса обучения и ясность обучающего материала обеспечивает в итоге активное участие всех учащихся. Под активностью учащегося на этом этапе обучения понимается его внимательное отношение к теме, о которой даётся информация или которая обсуждается, способность задуматься над ней и его реакция.

Второй этап – переходный этап, и здесь предусмотрено самостоятельное применение понятий или стратегии. Этот шаг осуществляется после перехода учителем с режима регулирования на режим саморегулирования. Методы обучения этого этапа меняются в

зависимости от уровня знаний учащихся и особенностей преподаваемого материала. Эти методы помогают учащимся, дают определённое направление. На этом этапе учитель фиксирует деятельность и улучшение результатов учащихся и в зависимости от результатов мониторинга организует самостоятельный или сбалансированный рабочий режим.

На третьем этапе учащиеся работают самостоятельно. При этом в отличие от традиционного урока, третий этап не охватывает большую часть урока и частично бывает коротким. Этот этап служит, как правило, оцениванию знаний учащихся и навыков использования изученных способов в математическом контексте.

Если учащиеся не дают хорошего результата на этапе сбалансированного обучения, учитель возвращается обратно, организовывает более простое и ясное обучение. Если учащиеся, работая самостоятельно, не могут представить ожидаемый результат, тогда для них организовывается более сбалансированная практическая работа.

Для формирования знаний и навыков соответственно стандартам, определённым образовательной программой (куррикулумом), в обучении математики, наряду с традиционными методами, рекомендуются нижепредставленные интерактивные методы:

- 🖆 Мозговой штурм (мозговая атака);
- **₫** 3XY;
- 🗗 Обсуждение;
- 🗗 Диаграмма Венна;
- Кластер;
- Выведение понятия;
- 🖆 Вопросы;
- 🖆 Положение проблемы и др.

# ЗХУ – Знаю/ Хочу узнать/ Узнал.

ЗХУ проводится по следующим этапам:

- 1. Учитель составляет таблицу из трёх столбцов на доске и отмечает следующие разделы: Знаю. Хочу знать. Узнал.
- 2. Проблема объявляется учителем.
- 3. Учащиеся рассказывают всё, что они знают о проблеме, и их ответы отмечаются в первом столбце таблицы.
- 4. Во втором столбце отмечают всё то, что они хотят узнать об этой проблеме.
- 5. В конце урока ещё раз обращается внимание на эту таблицу и в третьем её столбце отмечается то, что они узнали об этой проблеме.

Знаю	Хочу узнать	Узнал

Тема: Решение уравнений. Что вы знаете об уравнениях? Ответы учащихся отмечаются в первом столбце. Что они хотят узнать по теме отмечается во втором столбце. В конце урока всё, что они узнали по теме отмечается в третьем столбце.

### Мозговой штурм

Этот метод ещё называют мозговой атакой. Мозговой штурм обеспечивает самостоятельность мышления учащихся. При этом вся группа привлекается в решение поставленной проблемы и за короткое время отмечаются мысли и предложения. Если учитель обращается вопросом, то вопрос должен остаться открытым. Все высказанные мысли принимаются, эти мысли не критикуются и не оцениваются, в результате выполненной работы все эти мысли анализируются и исправляются. Основной целью при мозговом штурме является собрать как можно больше предложений.

**Тема:** Решение задач, приводящих к квадратному уравнению. Что вы знаете о формуле корней квадратного уравнения? Здесь целью является сбор информации о формуле корней квадратного уравнения.

## Кластер (разветвление)

Кластер является методом, который позволяет войти в тему, создаёт условия для самостоятельного обдумывания темы учащимися. При применении этого метода из мысли рождается новая мысль, из темы — новая тема. Кластер может проводиться индивидуально, работе в парах, а также в работе в группах. Его применение очень простое и запоминающееся.

Чтобы реализовать разветвление, следует:

- 1. Взять две бумаги.
- 2. В центре листа записать слово, термин, относящийся к теме.
- 3. От этого слова идут разветвления и записываются новые мысли.

#### Вывеление понятия

Этот метод проводится в виде игры-загадки и создаёт высокую активность у учащихся. Учитель на доске вывешивает круглую карту, на её оборотной стороне записывает понятие, требуемое от детей. Сторону без надписей показывает учащимся и перечисляет или записывает 2 или 3 слова, относящиеся к особенностям скрытого понятия. На основе этих особенностей учащиеся находят понятие.

Если учащиеся затрудняются найти понятие, учитель перечисляет дополнительные особенности.

### Диаграмма Венна

Диаграмма Венна строится на пересечении двух и более кругов. Должно быть достаточно места для записей в месте, где круги пересекаются. В указанном месте записываются обратные или общие черты упомянутой проблемы. Допустим, что учащиеся на математике сравнивают трапецию с параллелограммом. С помощью диаграммы Венна можно дать общие и отличительные черты. На крайних частях диаграммы (кругов) даются отличительные черты, на пересекающейся части – общие. Использовать диаграмму Венна можно на обучающем, развивающем уроках, а также на обобщающем уроке.

#### Вопросы

Вопросы стимулируют эффективное построение процесса исследования, играют большую роль в увеличении познавательной деятельности учащихся.

Целесообразно наличие 4—5 вопросов. Постановка вопросов должна быть направлена на развитие мышления, прослеживания логической последовательности, содержательной и связанной непосредственно с темой.

#### Лекция

Лекция — это метод передачи информации от учителя учащемуся. Этот метод целесообразно использовать для обогащения темы, её оформленности. Такие короткие лекции проводятся в течение 10–15 минут.

Целесообразным является обратить внимание при чтении лекции на следующее:

- Точное определение целей и задачи лекции;
- Составление плана и раздача его учащимся (или запись его на доске);
- Использование наглядных и технических средств.

Учитель должен сбалансировать лекцию вербально (задавая вопросы) и визуально (наблюдая за мимикой и жестикуляцией учащихся).

## Обсуждение

Обсуждение — это обмен идей, информацией, впечатлениями, анализов и предложений вокруг темы. Основной его задачей является создание возможностей для нахождения путей решения во время исследования проблемы, принятия правильного решения. Обсуждение вырабатывает у учащихся умение слушать, представлять, формирует культуру задавания вопросов, логическое и критическое мышление учащихся, устную речь.

Проводя обсуждения, сперва учащимся напоминаются правила ведения обсуждения. Тема ясно излагается. Учитель балансирует процесс обсуждения, задавая развивающие вопросы и учитывая ответы учащихся. Не следует задавать при этом закрытые вопросы, требующие односложные ответ «да» или «нет».

Во время обсуждения используются такие вопросы, как «Что произошло? Почему произошло? Могло ли это произойти по-другому и как? Что бы вы сделали в этой ситуации? Что бы вы почувствовали при этой ситуации? Правильно ли это? Почему?».

## Проблемная ситуация

Этот метод развивает навыки критического мышления, анализа и обобщения.

Учитель сперва готовит проблему и вопросы для обсуждения. Учащиеся делятся на группы из 4—5 человек. Детям раздаются рабочие листы, отражающие проблемную ситуацию. Каждая группа обсуждает один из представленных выходов из ситуации и указывает на путь их решения. После окончания работы группами, в классе проводится общее обсуждение.

# Использованная литература

### На азербайджанском языке

1. "Rivaziyyat" test toplusu/M.H. Yaqubov, Ə.F. Quliyev, N.L. Əliyev və s./TQDK, 2015

#### На турецком языке

- "Algebra 1" Sürat incorporation company/Ali Çavdar, Ayhan Çaputlu, Coşkun Arslan, Emrah Ayhan, Kasım Yalçınkaya – İstanbul, Türkiyə, 1999
- 3. "Functions" / Cem Giray-Zambak, 2008
- "Matematik" 7 sinif ilkoğretim dərs kitabı/Srpil Çiçek Aygün, Nurhayt Aynur, .../Dogan Ofset, İstanbul, 2010
- 5. "Pre-Algebra 1", "Pre-Algebra 2"/ A.Gafur Taskin, Mustafa Kırıcı, Murat Kol-Zambak, 2008
- 6. "Pre-Geometry" / A.Gafur Taşkin, Mustafa Kırıçı, Murat Kol-Zambak, 2007

#### На русском языке

- 7. «Алгебра» 7 класс, учебник для общеобразовательных учреждений 5-е изд./ Г.К.Муравин, К.С.Муравин, О.В.Муравина. М.: Дрофа, 2004
- 8. «Алгебра» 7 класс, учебник для общеобразовательных учреждений 5-е изд./ Ю.Н.Макарычев, Н.Г.Миндюк, К.И.Нешков, С.Б.Суворова. М: Просвещение, 2013
- 9. «Алгебра» 7 класс, учебник для общеобразовательных учреждений 3-е изд./ А.Г.Мордкович, Н.П.Николаев. М.: Мнемозина, 2011
- 10. «Теория вероятностей» Примеры и задачи: учебное пособие 8-е изд.//А.А.Гусак, Е.А.Бричикова. Минск: ТетраСистемс, 2013

#### На украинском языке

11. «Геометрія» 7 класс, Під руч.для 7 кл. загальноосвім.навч.закл./М.І.Бурда, Н.А.Тарасенкова. К.: Видавничий дім «Освіма», 2011

#### На английском языке

- 12. "Algebra 1" an integrated approach published by National Textbook Company/Peter McBride Lincolnwood (Chicago) 1998
- "Algebra 2" an integrated approach published by National Textbook Company/Peter McBride Lincolnwood (Chicago) – 1998
- "Mathematics connections" / Dr.Robert B.Ashlock, Dr.Mary M.Hatfield, Dr. Howard L. Hausher, Mr.John H.Stoeckinger – 1996. USA
- "Mathematics" Applications and connections/William Collins, Linda Dritsas, Patricia Frey-Mason .../ The McGraw-Hill Companies. 1998

#### Интернет-ресурсы

http://www.skoool.edu.az/maths59.htm

http://portal.edu.az/index.php?r=eresource/view&id=4&lang=az

http://www.shagird.info

http://www.shagird.az

http://edustudio.ru/

http://1000zadach.info/

mat-ege.ru

http://math4school.ru/video\_o\_matematike.html

http://matematika.ucoz.com

http://interneturok.ru

http://free-math.ru

http://4-8class-math-forum.ru

http://www.ege-trener.ru

http://www.uztest.ru

http://www.math.ru

http://problems.ru

http://urokimatematiki.ru

http://www.ixl.com/math/grade-7

http://www.math.com/

http://interactivesites.weebly.com/math.html

http://www.mathsisfun.com

# Buraxılış məlumatı

## **RIYAZIYYAT 7**

Ümumtəhsil məktəblərinin 7-ci sinfi üçün Riyaziyyat fənni üzrə dərsliyin

# METODIK VƏSAİTİ

(Rus dilində)

# Tərtibçi heyət:

Müəllif İsmayılova Sevda Camal qızı

Tərcümə edən və ixtisas redaktoru Sahib Abdurahimov

Buraxılışa məsul Baş redaktor Ülkər Məmmədova
Üz qabığının dizaynı Elşən Qurbanov
Səhifələyici-dizayner Redaktor Redaktor

Texniki redaktor Fəridə Səmədova
Texniki direktor Xəqani Fərzalıyev
Nəşriyyət direktoru Eldar Əliyev

Azərbaycan Respublikası Təhsil Nazirliyinin qrif nömrəsi: 2018-138

## © Azərbaycan Respublikası Təhsil Nazirliyi – 2018

Müəlliflik hüquqları qorunur. Xüsusi icazə olmadan bu nəşri və yaxud onun hər hansı hissəsini yenidən çap etdirmək, surətini çıxarmaq, elektron informasiya vasitələri ilə yaymaq qanuna ziddir.

Hesab-nəşriyyat həcmi. Fiziki çap vərəqi 14. Formatı 70x100 <sup>1</sup>/<sub>16</sub>. Səhifə sayı 224. Ofset kağızı. Jurnal qarnituru. Ofset çapı. Tiraj 534. Pulsuz. Bakı – 2018.

"Şərq-Qərb" ASC AZ1123, Bakı, Aşıq Ələsgər küç., 17.

